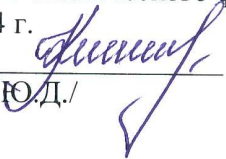


Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Наумова Наталия Александровна
Должность: Ректор
Дата подписания: 28.02.2025 14:00:35
Уникальный программный ключ:
6b5279da4e034bffc679172803da5b7b559fc69e7

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
«ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРОСВЕЩЕНИЯ»
(ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРОСВЕЩЕНИЯ)

Физико-математический факультет
Кафедра высшей алгебры, математического анализа и геометрии

Согласовано
деканом физико-математического факультета
«28» февраля 2024 г.


/Кулешова Ю.Д./

Рабочая программа дисциплины

Алгебра

Направление подготовки

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Профиль:

Математика и физика

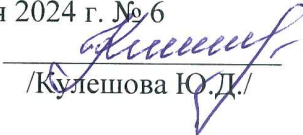
Квалификация

Бакалавр

Формы обучения

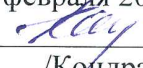
Очная, очно-заочная

Согласовано учебно-методической комиссией
физико-математического факультета
Протокол «28» февраля 2024 г. № 6
Председатель УМКом


/Кулешова Ю.Д./

Рекомендовано кафедрой высшей
алгебры, математического анализа и
геометрии

Протокол от «14» февраля 2024 г. № 6
Зав. кафедрой


/Кондратьева Г.В./

Мытищи
2024

Автор-составитель:
Пинчук И.А., кандидат физико-математических наук, доцент

Рабочая программа дисциплины «Алгебра» составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), утвержденного приказом МИНОБРНАУКИ России от 22.02.2018 г. № 125.

Дисциплина входит в обязательную часть Блока 1 «Дисциплины (модули)» и является обязательной для изучения.

Год начала подготовки (по учебному плану) 2024

СОДЕРЖАНИЕ

1. Планируемые результаты обучения	4
2. Место дисциплины в структуре образовательной программы	5
3. Объем и содержание дисциплины	5
4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся	6
5. Фонд оценочных средств для проведения текущей и промежуточной аттестации по дисциплине	8
6. Учебно-методическое и ресурсное обеспечение дисциплины	17
7. Методические указания по освоению дисциплины	19
8. Информационные технологии для осуществления образовательного процесса по дисциплине	19
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины	20

1. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

1.1. Цель и задачи дисциплины

Цель освоения дисциплины:

формирование у студентов общей математической культуры, овладение ими основными математическими понятиями, методами решения задач сформулированными в рамках данной предметной области, и умения применять их в профессиональной деятельности.

Задачи дисциплины:

- знакомство студентов с основными алгебраическими понятиями и закономерностями высшей алгебры;
- формирование у студентов представлений о числах, многочленах от одной и нескольких неизвестных, основных алгебраических структурах;
- освоение основных педагогических методов, вычислительных схем и приемов;
- привитие навыков применения алгебраического аппарата при изучении других разделов математики;
- знакомство студентов с основными математическими понятиями и закономерностями;
- формирование у студентов представлений об основных понятиях теории чисел;
- освоение основных вычислительных схем и приемов.

1.2. Планируемые результаты обучения

В результате освоения данной дисциплины у обучающихся формируются следующие компетенции:

УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач

ПК-1. Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина входит в обязательную часть Блока 1 «Дисциплины (модули)» и является обязательной для изучения.

Для освоения дисциплины «Алгебра» студенты используют знания, умения, навыки, полученные и сформированные в ходе изучения дисциплин: «Математический анализ», «Элементарная математика».

Изучение дисциплины «Алгебра» является базой для дальнейшего освоения студентами дисциплины «Теория чисел», «Теория функций действительного переменного», «Теория функций комплексного переменного», «Теория графов».

3. ОБЪЕМ И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1. Объем дисциплины

Показатель объема дисциплины	Кол-во часов	
	Очная форма обучения	Очно-заочная форма обучения
Объем дисциплины в зачетных единицах	10	10
Объем дисциплины в часах	360	360
Контактная работа:	186,9	114,9
Лекции	90	54
Практические занятия	90	54
Контактные часы на промежуточную аттестацию:	6,9	6,9
Экзамен	0,9	0,9
Предэкзаменационная консультация	6	6
Самостоятельная работа	144	216
Контроль	29,1	29,1

Форма промежуточной аттестации: экзамен в 1, 2, 3 семестрах на очной форме обучения и очно-заочной формах обучения.

3.2. Содержание дисциплины

Очная форма обучения

Наименование разделов (тем) дисциплины	Кол-во часов	
	Лекции	Практические занятия
Тема 1. Матрицы. Матрицы. Операции над ними: сложение матриц, умножение матриц на числа, умножение матриц. Свойства операций над матрицами. Квадратные матрицы. Единичная матрица. Обратные и обратимые матрицы. Транспонирование матриц, транспонирование произведения матриц.	10	10
Тема 2. Определители Определители 2 и 3 порядков. Определитель квадратной матрицы. Алгебраические дополнения и миноры элементов матрицы. Теорема о разложении определителя по элементам строки (столбца). Свойства определителя. Вычисление обратной матрицы при помощи алгебраических дополнений. Решение матричных уравнений. Вычисление определителей.	10	10
Тема 3. Системы линейных уравнений . Системы линейных уравнений. Решения систем линейных уравнений. Эквивалентные (равносильные) системы уравнений. Однородные и неоднородные системы линейных уравнений, свойства их решений. Матрицы, связанные с системами линейных уравнений. Элементарные преобразования систем линейных уравнений (матриц). Теорема об эквивалентности систем линейных уравнений, связанных элементарными преобразованиями. Ступенчатые системы линейных уравнений (ступенчатые матрицы). Теорема о числе решений систем линейных уравнений. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений, главные и свободные неизвестные. Вектора-строки и вектора-столбцы системы линейных уравнений. Ранг системы линейных уравнений. Строчечный и столбцовый ранги матрицы. Ранг матрицы. Матричная запись и матричное решение системы линейных уравнений. Критерий Кронекера – Капелли. Правило Крамера решения системы линейных уравнений.	10	10
Тема 4. Основные алгебраические структуры. Группы. Кольца Поля. Понятие алгебраической структуры. Понятие группы. Аддитивная и мультипликативная терминологии. Примеры групп. Понятие кольца. Примеры колец. Кольцо целых чисел. Понятие поля. Примеры полей. Числовые поля. Поле комплексных чисел.	10	10
Тема 5. Векторное пространство, его линейные преобразования Арифметическое векторное пространство. Конечномерное векторное пространство над произвольным полем, его простейшие свойства, примеры. Базис и размерность конечномерного векторного пространства. Матрица перехода от базиса к базису. Связь между координатными строками вектора в различных базисах. Линейное отображение векторных пространств, его свойства. Преобразование координат. Матрица перехода от одного базиса векторного пространства к другому. Линейный оператор в векторном	10	10

пространстве и его матрица, изменение ее при переходе к другому базису. Операции над линейными операторами. Линейная алгебра над полем. Образ и ядро, ранг и дефект линейного оператора. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора. Характеристическое уравнение линейного оператора. Приведение матрицы линейного оператора к диагональному виду.		
Тема 6. Теория многочленов от одной переменной. Построение кольца многочленов от одной переменной над полем. Степень многочлена. Теория делимости в кольце многочленов от одной переменной над полем. Теорема о делении с остатком. Деление многочлена на двучлен $x-a$ и корни многочлена. Теорема Безу. Кратные корни. Наибольшее возможное число корней многочлена. Алгебраическое и функциональное равенство многочленов. Наибольший общий делитель многочленов над полем. Алгоритм Евклида. Наименьшее общее кратное многочленов. Неприводимые и приводимые над полем многочлены, их свойства. Разложение многочлена в произведение нормированных неприводимых множителей и его единственность. Каноническая форма записи многочленов.	10	10
Тема 7. Расширения полей. Простое и составное расширение поля. Алгебраические и трансцендентные элементы над полем. Минимальный многочлен алгебраического над полем элемента. Строение простого алгебраического расширения поля. Существование корня многочлена.	10	10
Тема 8. Теория многочленов от нескольких переменных. Построение кольца многочленов от n переменных. Степень многочлена от n переменных. Однородные многочлены. Лексикографическое упорядочение членов многочлена. Высший член произведения двух многочленов. Симметрические многочлены. Элементарные симметрические многочлены. Основная теорема о симметрических многочленах и следствие из нее.	10	16
Тема 9. Многочлены над числовыми полями. Основная теорема алгебры. Алгебраическая замкнутость поля комплексных чисел. Мнимые корни многочленов с действительными коэффициентами. Рациональные корни целочисленных многочленов. Неприводимые над полем рациональных чисел многочлены. Критерий Эйзенштейна.	10	10
Итого	90	90

Очно-заочная форма обучения

Наименование разделов (тем) дисциплины	Кол-во часов	
	Лекции	Практические занятия
Тема 1. Матрицы. Матрицы. Операции над ними: сложение матриц, умножение матриц на числа, умножение матриц. Свойства операций над матрицами. Квадратные матрицы. Единичная матрица. Обратные и обратимые матрицы. Транспонирование матриц, транспонирование произведения матриц.	6	5
Тема 2. Определители Определители 2 и 3 порядков. Определитель квадратной матрицы. Алгебраические дополнения и миноры элементов матрицы. Теорема о разложении определителя по элементам строки (столбца). Свойства определителя. Вычисление обратной матрицы при помощи алгебраических дополнений. Решение матричных уравнений. Вычисление определителей.	6	5
Тема 3. Системы линейных уравнений. Системы линейных уравнений. Решения систем линейных уравнений. Эквивалентные	6	6

(равносильные) системы уравнений. Однородные и неоднородные системы линейных уравнений, свойства их решений. Матрицы, связанные с системами линейных уравнений. Элементарные преобразования систем линейных уравнений (матриц). Теорема об эквивалентности систем линейных уравнений, связанных элементарными преобразованиями. Ступенчатые системы линейных уравнений (ступенчатые матрицы). Теорема о числе решений систем линейных уравнений. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений, главные и свободные неизвестные. Вектора-строки и вектора-столбцы системы линейных уравнений. Ранг системы линейных уравнений. Строчечный и столбцовый ранги матрицы. Ранг матрицы. Матричная запись и матричное решение системы линейных уравнений. Критерий Кронекера – Капелли. Правило Крамера решения системы линейных уравнений.		
Тема 4. Основные алгебраические структуры. Группы. Кольца Поля. Понятие алгебраической структуры. Понятие группы. Аддитивная и мультипликативная терминологии. Примеры групп. Понятие кольца. Примеры колец. Кольцо целых чисел. Понятие поля. Примеры полей. Числовые поля. Поле комплексных чисел.	6	6
Тема 5. Векторное пространство, его линейные преобразования Арифметическое векторное пространство. Конечномерное векторное пространство над произвольным полем, его простейшие свойства, примеры. Базис и размерность конечномерного векторного пространства. Матрица перехода от базиса к базису. Связь между координатными строками вектора в различных базисах. Линейное отображение векторных пространств, его свойства. Преобразование координат. Матрица перехода от одного базиса векторного пространства к другому. Линейный оператор в векторном пространстве и его матрица, изменение ее при переходе к другому базису. Операции над линейными операторами. Линейная алгебра над полем. Образ и ядро, ранг и дефект линейного оператора. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора. Характеристическое уравнение линейного оператора. Приведение матрицы линейного оператора к диагональному виду.	6	6
Тема 6. Теория многочленов от одной переменной. Построение кольца многочленов от одной переменной над полем. Степень многочлена. Теория делимости в кольце многочленов от одной переменной над полем. Теорема о делении с остатком. Деление многочлена на двучлен $x-a$ и корни многочлена. Теорема Безу. Кратные корни. Наибольшее возможное число корней многочлена. Алгебраическое и функциональное равенство многочленов. Наибольший общий делитель многочленов над полем. Алгоритм Евклида. Наименьшее общее кратное многочленов. Неприводимые и приводимые над полем многочлены, их свойства. Разложение многочлена в произведение нормированных неприводимых множителей и его единственность. Каноническая форма записи многочленов.	6	6
Тема 7. Расширения полей. Простое и составное расширение поля. Алгебраические и трансцендентные элементы над полем. Минимальный многочлен алгебраического над полем элемента. Строение простого алгебраического расширения поля. Существование корня многочлена.	6	6
Тема 8. Теория многочленов от нескольких переменных. Построение кольца многочленов от n переменных. Степень многочлена от n переменных. Однородные многочлены. Лексикографическое упорядочение членов многочлена. Высший член произведения двух многочленов. Симметрические многочлены. Элементарные симметрические многочлены. Основная теорема о симметрических многочленах и следствие из нее.	6	6
Тема 9. Многочлены над числовыми полями. Основная теорема алгебры. Алгебраическая замкнутость поля комплексных чисел. Мнимые корни многочленов с действительными коэффициентами. Рациональные корни целочисленных многочленов. Неприводимые над полем рациональных чисел многочлены. Критерий Эйзенштейна.	6	6
Итого	54	54

4. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Темы для самостоятельного изучения	Изучаемые вопросы	Кол-во часов Очная/очно-заочная формы обучения		Формы самостоятельной работы	Методическое обеспечение	Формы отчетности
Тема 1. Матрицы	1. Свойства операций над матрицами. 2. Транспонирование произведения матриц.	8	11	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научно-методическая литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады
Тема 2. Определители	1. Свойства определителей. 2. Теорема об алгебраическом дополнении элемента.	8	11	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научно-методическая литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады
Тема 3. Системы линейных уравнений	Свойства решений однородных и неоднородных систем линейных уравнений.	8	11	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научно-методическая литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады
Тема 4. Основные алгебраические структуры	1. Доказательство свойств группы. 2. Доказательство свойств кольца. 3. Доказательство свойств поля.	8	11	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научно-методическая литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады
Тема 5. Делимость в кольце целых чисел.	1. Связь НОД и НОК целых чисел. 2. Взаимно-простые числа	8	11	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научно-методическая литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады

Тема 6. Поле комплексных чисел.	Доказательство свойств операций над комплексными числами в тригонометрической форме.	8	11	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научная литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады
Тема 7. Теория многочленов от одной переменной	1. Алгебраическое и функциональное равенство многочленов. 2. Свойства НОД. 3. Свойства НОК.	8	11	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научная литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады
Тема 8. Расширения полей.	1. Строение простого расширения поля. 2. Существование корня многочлена.	8	11	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научная литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады
Тема 9. Векторное пространство, его линейные преобразования.	Характеристическое уравнение линейного оператора.	8	11	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научная литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады
Тема 10. Теория многочленов от нескольких переменных.	1. Высший член произведения двух многочленов. 2. Основная теорема о симметрических многочленах и следствие из нее.	8	13	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научная литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады

Тема 11. Многочлены над числовым и полями.	1. Исследование уравнений третьей и степени над полем комплексных чисел. 2. Производная 3. многочлена. Кратные неприводимые множители многочленов, их отделение. 4. Критерий неприводимости Эйзенштейна. 5. Условия разрешимости уравнения третьей степени в квадратных радикалах.	8	13	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научнометодическая литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады
Тема 12. Алгоритм Евклида	Описание алгоритма, его приложения в криптологии и, решении диофантовых уравнений, методе Штурма	8	13	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научнометодическая литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады
Тема 13. Теоретико-числовые функции	Определение, целая часть и дробная часть числа, мультипликативные функции	8	13	Изучение научно-методической литературы	Рекомендуемая научнометодическая литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады

Тема 14. Кольцо классов вычетов	Построение кольца классов вычетов, поле вычетов, характерист ика поля. Решение уравнений в поле.	8	13	Изучение научно- методическо й литературы	Рекомендуе мая науч но- методическа я литература, сеть Интернет	Практическ ие задания, устный опрос, доклады
Тема 15. Непрерыв ные дроби	Определени е, подходящие дроби, свойства непрерывны х дробей, применение непрерывны х дробей	8	13	Изучение научно- методическо й литературы	Рекомендуе мая науч но- методическа я литература, сеть Интернет	Практическ ие задания, устный опрос, доклады
Тема 16. Системы счисления	Определени е, перевод из одной системы в другую, выполнение арифметиче ских действий в различных системах счисления	8	13	Изучение научно- методическо й литературы	Рекомендуе мая науч но- методическа я литература, сеть Интернет	Практические задания, устный опрос, доклады
Тема 17. Китайская теорема об остатках	Формулиров ка теоремы, эквивалентн ые утверждени я, применение	8	13	Изучение научно- методическо й литературы	Рекомендуе мая науч но- методическа я литература, сеть Интернет	Практическ ие задания, устный опрос, доклады

Тема 18. Первообразные корни и индексы	Показатель числа по заданному модулю, свойства показателя, первообразные корни, индексы, их свойства	8	13	Изучение научно- методическо й литературы	Рекомендуе мая науч но- методическа я литература, сеть Интернет	Практически е задания, устный опрос, доклады
Итого		144	216			

5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

5.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Код и наименование компетенции	Этапы формирования
УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа
ПК-1. Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа

5.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Оцениваемые компетенции	Уровень сформированности	Этап формирования	Описание показателей	Критерии оценивания	Шкала оценивания
УК-1	Пороговый	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа	Знать основы системного подхода и основные приемы разрешения проблемных ситуаций Уметь осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	Практические задания, устный опрос, доклады	Шкала оценивания практического задания Шкала оценивания опроса Шкала оценивания доклада
	Продвинутый	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа	Знать основы системного подхода и основные приемы разрешения проблемных ситуаций Уметь осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий Владеть методами критического анализа проблемных ситуаций на основе системного подхода, способами разработки стратегии действий	Практические задания, устный опрос, доклады	Шкала оценивания практического задания Шкала оценивания опроса Шкала оценивания доклада

Оцениваемые компетенции	Уровень сформированности	Этап формирования	Описание показателей	Критерии оценивания	Шкала оценивания
ПК-1	Пороговый	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа	<i>Знать:</i> содержание профессиональных задач, знать как осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач <i>Уметь:</i> пользоваться языком математики; вести информационно-аналитическую и информационно-библиографическую работу с привлечением современных технологий, логично и грамотно формулировать и высказывать свои мысли, аргументировать свою точку зрения	Практические задания, устный опрос, доклады	Шкала оценивания практического задания Шкала оценивания опроса Шкала оценивания доклада
	Продвинутый	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа	<i>Знать:</i> содержание профессиональных задач, знать как осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач <i>Уметь:</i> пользоваться языком математики; вести информационно-аналитическую и информационно-библиографическую работу с привлечением современных технологий, логично и грамотно формулировать и высказывать свои мысли, аргументировать свою точку зрения, адаптировать результаты изучения понятий и фактов алгебры и теории чисел к школьному образовательному процессу <i>Владеть:</i> научным стилем изложения содержания, навыками поиска, сбора, систематизации и использования информации, методами и приемами устного и письменного изложения	Практические задания, устный опрос, доклады	Шкала оценивания практического задания Шкала оценивания опроса Шкала оценивания доклада

			предметного материала		
--	--	--	-----------------------	--	--

Шкала оценивания практического задания.

Показатель	Баллы
Выполнено до 40% заданий	1-3
Выполнено 41-60% заданий	4-5
Выполнено 61-80% заданий	6-7
Выполнено более 81% заданий	8-10

Шкала оценивания устного опроса.

Критерий оценивания	Баллы
Материал изложен последовательно и грамотно, сделаны необходимые обобщения и выводы	5
Материал изложен последовательно и грамотно, сделаны необходимые обобщения и выводы, но допущены несущественные неточности, исправленные самим студентом.	4
Материал изложен неполно, но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения материала, или имелись затруднения, или допущены ошибки в определении понятий, использовании терминологии, исправленные после замечаний преподавателя, при этом студент делает необходимые обобщения и выводы	3
Не раскрыто основное содержание учебного материала, студент демонстрирует незнание или непонимание большей или наиболее важной части учебного материала, допускает ошибки в определении понятий, при использовании терминологии, которые им не исправляются после нескольких замечаний преподавателя	2

Шкала оценивания доклада

Критерий оценивания	Баллы
Материал изложен последовательно и грамотно, сделаны необходимые обобщения и выводы	16-20
Материал изложен последовательно и грамотно, сделаны необходимые обобщения и выводы, но допущены несущественные неточности, исправленные самим студентом.	11-15
Материал изложен неполно, но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения материала, или имелись затруднения, или допущены ошибки в определении понятий, использовании терминологии, исправленные после замечаний преподавателя, при этом студент делает необходимые обобщения и выводы	9-10
Не раскрыто основное содержание учебного материала, студент демонстрирует незнание или непонимание большей или наиболее важной части учебного материала, допускает ошибки в определении понятий, при использовании терминологии, которые им не исправляются после нескольких замечаний преподавателя	0-5

5.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

Примеры аудиторных и домашних заданий для текущего контроля.

1 курс, 1 семестр.

ТЕМЫ 1-3.

Задания:

1. Найти возможную сумму матриц

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 4 \\ 2 & 1 & -3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 1 & -8 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 1 & -2 & 5 \end{pmatrix}.$$

2. Найти возможные произведения матриц

$$F = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 3 \\ 1 & -2 & 5 \end{pmatrix}, G = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$

3. Перемножить матрицы , , если это возможно.

4. Показать, что $(A \square B)^T = B^T \square A^T$ для $A =$ и $B =$.

5. Решить уравнение $A \square X = B$, если $A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$; $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$, $A^{-1} = \begin{pmatrix} -0,4 & 0,3 \\ 0,2 & 0,1 \end{pmatrix}$.

Сделать проверку.

6. Вычислить определители:

б) в)

а)

7. Решите уравнение. Выберите верный ответ.

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ: 1). $\{-4; 2\}$. 2). $\{-5; 3\}$. 3). $\{-2; 0\}$

8. Найти коэффициент при x в разложении определителей

$$\begin{vmatrix} 2 & 3 & -1 & x & 3 \\ 3 & 2 & -3 & 4 & 1 \end{vmatrix}$$

а) б) $|1 \ 1 \ 3 \ x \ 2|$.

$$\begin{vmatrix} 4 & -1 & 5 & x & 2 \\ 3 & 3 & 1 & 2 & 1 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 3 & 3 & 1 & 2 & 1 \end{vmatrix}$$

9. При помощи алгебраических дополнений найдите обратную матрицу для матрицы $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 7 \end{pmatrix}$.

Выберите верный ответ. ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

$$1). \begin{pmatrix} 7 & -2 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}. 2). \frac{1}{4} \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}. 3). \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -5 & 4 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}.$$

10. Для данных матриц найти обратные матрицы. Сделать проверку.

а) $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 2 \\ -4 & 0 & -5 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ б) .

11. Решить систему линейных уравнений

$$x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 4x_4 = 5,$$

$$2x_1 + x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 1$$

$$3x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 = 1,$$

$$4x_1 + 3x_2 + 2x_3 + x_4 = -5.$$

Если $x_1 = c_1$, $x_2 = c_2$, $x_3 = c_3$, $x_4 = c_4$ – решение системы, то сумма $c_1 + c_2 + c_3 + c_4$ равна: ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ: 1) 0; 2) 1; 3) -2; 4) -1.

12. Решить систему линейных уравнений $\begin{cases} 3x - 2y = 5, \\ 2x + 5y = -3. \end{cases}$ методом Крамера:

Если $x_1 = c_1$, $x_2 = c_2$, – решение системы, то сумма $c_1 + c_2$ равна:

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ: 1) 0; 2) 1; 3) -1; 4) 2.

13. Решить системы линейных уравнений при помощи обратных матрица (матричный способ решения уравнений):

$$3x_1 - x_2 + 7x_3 = 10,$$

$$-2x_1 - 5x_3 = -7$$

$$x_1 + x_3 + 2x_4 = -1. \text{ Сделать проверку.}$$

14. Решить матричное уравнение $X \cdot A = B$, где $A =$, $B =$.

Сделать проверку.

15. Решить матричное уравнение $A \cdot X = B$, если $A =$, $B =$.

Сделать проверку.

ТЕМА 4

Задания:

1. Является ли следующее правило алгебраической операцией? ($\forall a, v \in Z$) $a * v = av$. Если да, то какими из свойств (ассоциативность, коммутативность, наличие нейтральных, симметрических элементов) эта операция обладает?

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) ассоциативность; 2) коммутативность; 3) наличие нейтрального элемента; 4) наличие симметрических элементов; 5) операция не является алгебраической.

2. Выбрать группы среди предложенных алгебр:

A) $\langle T, * \rangle$, где $T = \{f(x) = a_1 x^2 + a_2 x + a_3 \mid a_i \in Z, 1 \leq i \leq 3\}$, операция $*$ - обычное сложение многочленов;

B) $\langle M, \oplus \rangle$, где $M = \{(a, v) \mid a, v \in N\}$, а операция $\oplus$ определена так:

$(\forall (a_1, v_1), (a_2, v_2) \in M) \quad (a_1, v_1) \oplus (a_2, v_2) = (a_1 a_2, v_1 v_2)$;

C) $\langle Z, \# \rangle$, где ($\forall a, v \in Z$) $a \# v = av$;

D) $\langle S, \clubsuit \rangle$, где $S = \{a + v\sqrt{3} \mid a, v \in N\}$, а операция $\clubsuit$ определена так:

$(\forall \alpha, \beta \in S) \quad \alpha \clubsuit \beta$ - обычное умножение.

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) B; 2) C; 3) A; 4) D.

3. Найдите наибольший общий делитель d целых чисел $a = 1224$, $b = 1610$.

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 3; 2) 2; 3) 1; 4) 12. 4. Указать действительную часть комплексного числа $\frac{(1+2i)^3 - (3-2i)^2}{2-i} + \frac{1}{(5-i)^2}$.

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\frac{-38}{5}$; 2) $\frac{38}{5}$; 3) $\frac{7}{5}$; 4) $\frac{13}{5}$.

5. Аргумент комплексного числа $\left(\frac{3-\sqrt{27}i}{-5i}\right)^{55}$ равен

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\frac{-5\pi}{6}$; 2) $\frac{7\pi}{6}$; 3) $\frac{\pi}{6}$; 4) $\frac{5\pi}{6}$.

6. Вычислить: $\frac{(1+i)}{(3-i)} + \frac{(3+i)}{(5-i)}$.

7. Решить квадратное уравнение $2z^2 - z + 5 = 0$ в поле R , в поле C . Сделать проверку.

8. Является ли следующее правило алгебраической операцией? Если да, то какими из свойств (ассоциативность, коммутативность, наличие нейтральных, симметрических элементов) эта операция обладает? ($\forall m, n \in N$) $m \circledast n = m^2 n^2$. Является ли группой данное множество с данной операцией?

ТЕМА 5.

Задания:

1. Показать, что $\left\langle \begin{pmatrix} a & c \\ 0 & b \end{pmatrix} \mid a, b \in \mathbb{Z}, c \in 2\mathbb{Z} \right\rangle, +, \bullet$ - кольцо. Имеются ли в нем делители 0?

1. Является ли подкольцом кольца многочленов n -й степени с действительными коэффициентами множество многочленов n -й степени с целыми коэффициентами?

3. Является ли полем кольцо $\langle \{(a, b) \mid a, b \in \mathbb{R}\}, +, \bullet \rangle$, где операции определены следующим образом:
 $(\forall a, b), (c, d) \quad (a, b) + (c, d) = (a + c, b + d), \quad (a, b) \bullet (c, d) = (ac, bd)$?

4. Доказать, что любое числовое поле будет являться векторным пространством над самим собой.

4. Является ли векторным пространством над полем рациональных чисел:

а). множество чисел вида $a + b\sqrt{3}$, где a, b – целые числа;

б). множество чисел вида $a + b\sqrt{2}$, где a, b – рациональные числа;

в). множество чисел вида $a + b\sqrt{5}$, где a, b – действительные числа;

г). множество чисел вида $a + b\sqrt{7}$, где a, b – комплексные числа?

6. Является ли подпространством линейного пространства квадратных матриц 2-го порядка с действительными элементами:

а). множество квадратных матриц 2-го порядка с целыми элементами;

б). множество квадратных матриц 2-го порядка с рациональными элементами;

в). множество квадратных матриц 2-го порядка с действительными элементами?

7. Найти размерность и какой-нибудь базис следующих подпространств U векторного пространства V квадратных матриц 2-го порядка с действительными элементами над полем $\mathbb{R}$:

а) матриц вида $\begin{pmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_3 \end{pmatrix}, a_i \in \mathbb{R};$ б) матриц вида $\begin{pmatrix} a & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, a \in \mathbb{R};$

в) матриц вида $\begin{pmatrix} 0 & a_1 \\ a_2 & 0 \end{pmatrix}, a_i \in \mathbb{R};$ г) матриц вида $\begin{pmatrix} a_1 & a_2 \\ a_3 & 0 \end{pmatrix}, a_i \in \mathbb{R};$

д) матриц вида $\begin{pmatrix} a & 0 \\ 0 & a \end{pmatrix}, a \in \mathbb{R};$ е) матриц вида $\begin{pmatrix} a_1 & a_2 \\ -a_2 & a_1 \end{pmatrix}, a_i \in \mathbb{R}.$

8. Даны два базиса. Записать матрицу перехода от первого базиса ко второму:

а) базис $\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3, \varepsilon_4$ и базис $\varepsilon_2, \varepsilon_3, \varepsilon_4, \varepsilon_1$ в пространстве $\mathbb{R}^4$;

б) базис $\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3, \varepsilon_4, \varepsilon_5$ и базис $\varepsilon_5, \varepsilon_4, \varepsilon_3, \varepsilon_2, \varepsilon_1$ в пространстве $\mathbb{R}^5$.

9. Даны два базиса. Записать матрицу перехода от первого базиса ко второму и матричную формулу, связывающую оба базиса:

а) базис $\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3, \varepsilon_4$ и базис $\alpha_1 = 2\varepsilon_1 - 2\varepsilon_2 - 3\varepsilon_3 + 6\varepsilon_4$,

$$\alpha_2 = -\varepsilon_1 + 3\varepsilon_2 - 3\varepsilon_3 + 3\varepsilon_4,$$

$$\alpha_3 = 7\varepsilon_1 + 5\varepsilon_2 + 2\varepsilon_3 - \varepsilon_4,$$

$$\alpha_4 = 2\varepsilon_1 + \varepsilon_2 + \quad + \varepsilon_4;$$

б) базис $\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3, \varepsilon_4$ и базис

$$\beta_1 = -\varepsilon_1 - 12\varepsilon_2 - 3\varepsilon_3 + 6\varepsilon_4,$$

$$\beta_2 = 3\varepsilon_1 - 9\varepsilon_2 - 3\varepsilon_3 + 3\varepsilon_4,$$

$$\beta_3 = 4\varepsilon_1 + 5\varepsilon_2 + 2\varepsilon_3 - 2\varepsilon_4,$$

$$\beta_4 = -2\varepsilon_1 + 10\varepsilon_2 - 3\varepsilon_3 + \varepsilon_4;$$

10 В единичном базисе даны векторы $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ и γ . Доказать, что система векторов $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ образует базис пространства. Найти координаты вектора γ в новом базисе:

а) $\alpha_1 = (2, 1, -1); \alpha_2 = (-3, 2, -1); \alpha_3 = (1, 1, 1); \gamma = (3, 5, 4).$ в) $\alpha_1 = (2, 2, 2); \alpha_2 = (2, 0, 2); \alpha_3 = (-3, 2, 2); \gamma = (6, -2, 3).$

б) $\alpha_1 = (3, 2, 1); \alpha_2 = (1, 2, 1); \alpha_3 = (-1, 1, -1); \gamma = (3, 5, -7);$ г) $\alpha_1 = (1, 0, -7); \alpha_2 = (2, 1, -3); \alpha_3 = (4, 2, -1); \gamma = (3, 1, -5).$

11. Для следующих систем найти ранг R , общее решение, размерность и базис пространства L решений (фундаментальную систему решений), а также само пространство L решений: $7x_1 - 4x_2 + 9x_3 + 2x_4 + 2x_5 = 0,$

$$5x_1 + 8x_2 + 7x_3 - 4x_4 + 2x_5 = 0,$$

$$3x_1 - 8x_2 + 5x_3 + 4x_4 + 2x_5 = 0,$$

$$7x_1 - 2x_2 + 2x_3 + x_4 - 5x_5 = 0;$$

12. Найти матрицу линейного оператора, переводящего единичный базис $\varepsilon_1 = (1, 0, 0), \varepsilon_2 = (0, 1, 0), \varepsilon_3 = (0, 0, 1)$ в систему векторов $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$, заданных в единичном базисе:

а) $\alpha_1 = (2, -3, 1), \alpha_2 = (-1, 7, -3), \alpha_3 = (2, -1, 8);$ б) $\alpha_1 = (5, -4, 3), \alpha_2 = (-2, -7, 3), \alpha_3 = (2, 10, 8);$ в) $\alpha_1 = (3, 1, 13), \alpha_2 = (1, 8, -3), \alpha_3 = (3, 11, -8).$

13. Найти ранг r и дефект d линейного оператора f векторного пространства $\mathbf{R}^3$, заданного для любого вектора $\beta = (x_1, x_2, x_3) \in \mathbf{R}^3$ следующим образом:

а) $f(\beta) = (x_1 - x_2, x_2 - x_3, x_3 - x_1);$

б) $f(\beta) = (x_3 - x_2, x_1, x_1 + x_2);$

в) $f(\beta) = (x_2 + x_3, 2x_1 + x_3, 3x_1 - x_2 + x_3);$

г) $f(\beta) = (2x_1 + 2x_2, x_2, x_3 - x_1);$

14. Оператор φ в базисе a_1, a_2 имеет матрицу A . Оператор ψ в базисе b_1, b_2 имеет матрицу B . Найти матрицу C оператора f в базисе a_1, a_2 : а) $a_1 = (2, -3), a_2 = (1, -2); b_1 = (2, -1), b_2 = (1, -1);$

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 4 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}, \quad f = \varphi + 2\psi;$$

б) $a_1 = (1, 1), a_2 = (2, 1); b_1 = (1, 2), b_2 = (3, 5);$

$$A = \begin{pmatrix} -6 & 5 \\ -14 & 7 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}, \quad f = \varphi + 3\psi;$$

в) $a_1 = (1, 1), a_2 = (1, 2); b_1 = (-1, 0), b_2 = (2, -1);$

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}, \quad f = 100\varphi + \psi;$$

г) $a_1 = (-1, 0)$, $a_2 = (1, 1)$; $b_1 = (3, 1)$, $b_2 = (2, 1)$;

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 5 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 9 & 1 \end{pmatrix}, \quad f = -2\varphi + \psi.$$

15. Выяснить, можно ли данную матрицу линейного оператора привести к диагональному виду путем перехода к новому базису. Если можно, то найти этот базис и диагональную матрицу. Сделать проверку.

$$\text{а) } \begin{pmatrix} -3 & 4 & -3 \\ -3 & 4 & -1 \\ -3 & 3 & 1 \end{pmatrix}; \quad \text{б) } \begin{pmatrix} 0 & 4 & -5 \\ 0 & 4 & 7 \\ -1 & 1 & -1 \end{pmatrix}; \quad \text{в) } \begin{pmatrix} 0 & 4 & -3 \\ 0 & 4 & -1 \\ -3 & 3 & 1 \end{pmatrix};$$

1 курс, 2 семестр

ТЕМА 6,7

1. Разделить многочлен $f(x)$ на многочлен $g(x)$ разными способами: 1) «уголком», 2) методом неопределённых коэффициентов, 3) по схеме Горнера (если возможно) $f(x) = x^5 + x^4 + x^3 - 2x^2 + 2x + 3$, $g(x) = x - 2$. Сделать проверку.

2. При каких a и b многочлен $f(x) = x^6 - 4x^5 + 3x^4 + 2x^3 + ax^2 + bx - 4$ имеет число 2 корнем не ниже второй кратности?

3. При помощи алгоритма Евклида найти НОД многочленов $f(x) = x^4 - 6x^3 + 8x^2 + 3x - 12$, $g(x) = x^3 - 4x^2 + 2x - 8$ и выразить его линейно через эти многочлены. Сделать проверку.

4. Выразить НОД многочленов $f(x) = x^4 - 6x^3 + 8x^2 + 3x - 12$, $g(x) = x^3 - 4x^2 + 2x - 8$ линейно через эти многочлены. Сделать проверку.

5. Найти НОК многочленов $f(x) = x^3 - 4x^2 + 2x - 8$, $g(x) = x^4 - 6x^3 + 8x^2 + 3x - 12$ зная их НОД (задание 1). .. Сделать проверку.

6. Представить многочлены $f(x) = (x^2+x)(x^2-2x-3)(x+1)$, $g(x) = (x^3-27)(x^2-4x+3)$ над R . в канонической форме и найти их НОД $d(x)$ и НОК $m(x)$.

2 курс, 3 семестр

ТЕМА 8,9

Задания:

1. Решить методом Кардано в поле комплексных чисел уравнения:

$$x^3 - 15x^2 + 72x - 108 = 0. \quad x^3 - 6x^2 - 3x + 148 = 0.$$

2. Решить методом Феррари в поле комплексных чисел уравнения

$$x^4 - 4x^3 + 10x^2 - 20x + 25 = 0.$$

$$x^4 - 8x^3 + 21x^2 - 20x + 5 = 0.$$

3. Найти рациональные корни многочленов $f(x) = 12x^4 + 32x^3 + 23x^2 + 15x + 18$,

$$f(x) = x^5 - 7x^3 - 12x^2 + 6x + 36.$$

4. Докажите при помощи критерия Эйзенштейна неприводимость многочленов $f(x) = x^5 - 8x^4 + 14x^3 - 28x^2 - 2x - 26$, $f(x) = x^5 - 7x^3 - 12x^2 + 6x + 36$ над полем рациональных чисел $\mathbb{Q}$.
5. Найти многочлен с действительными коэффициентами, корнями которого являются числа: 1, -2, 1, 1-2i, 3i.
- 6.. Найти многочлен с действительными коэффициентами, корнями которого являются числа: -1, -2+3i, 1+i.
7. Разложить многочлен $f(x) = 20x^5 + 22x^4 - 102x^3 + 41x^2 + 13x - 6$ в произведение неприводимых множителей над кольцом $\mathbb{Z}$ и над полями $\mathbb{Q}, \mathbb{R}, \mathbb{C}$.
8. Разложить многочлен $f(x) = 3x^5 + 5x^4 - 17x^3 - 31x^2 + 4$ в произведение неприводимых множителей над кольцом $\mathbb{Z}$ и над полями $\mathbb{Q}, \mathbb{R}, \mathbb{C}$.
9. Убедиться, что следующий многочлен – симметрический, и что он верно выражен через элементарные симметрические многочлены: $(x_1 + x_2)^2 (x_2 + x_3)^2 (x_3 + x_1)^2 = \sigma_1^2 \sigma_2^2 - 2\sigma_1 \sigma_2 \sigma_3 + \sigma_3^2$.
- 10.. Убедиться, что следующий многочлен – симметрический, и что он верно выражен через элементарные симметрические многочлены: $x_1^3 x_2^2 + x_1^3 x_3^2 + x_1^2 x_2^3 + x_1^2 x_3^3 + x_2^3 x_3^2 + x_2^2 x_3^3 = \sigma_1 \sigma_2^2 - 2\sigma_1^2 \sigma_3 - \sigma_2 \sigma_3$.

Примеры заданий для текущего контроля (контрольные работы).

1 курс, 1 семестр.

ТЕМЫ 1-3.

Задания:

1. Вычислить $(A \cdot C + 3B)^T$ для $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 1 & -8 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$.

2. Найти коэффициент при x в разложении определителей

$$\begin{vmatrix} 7 & 3 & -1 & x & 3 \\ 6 & 2 & -3 & 4 & 1 \\ 1 & 1 & 3 & 0 & 2 \\ 4 & -1 & 5 & x & 2 \\ 3 & 3 & 1 & 2 & 1 \end{vmatrix}.$$

3. Решить методом Гаусса системы линейных уравнений:

$$\begin{aligned} x_1 + x_2 + 3x_3 - 2x_4 + x_5 &= 5, \\ 3x_1 + 3x_2 + 5x_3 - 4x_4 + 3x_5 &= 5, \\ x_1 + x_2 + 7x_3 - 4x_4 + x_5 &= 15, \\ 2x_1 + 2x_2 + 2x_3 - 3x_4 + 3x_5 &= 6. \end{aligned}$$

Сделать проверку.

4. Решить систему линейных уравнений двумя способами (метод Крамера и матричный способ решения уравнений):

$$-3x_1 - x + 7x_3 = 1,$$

$$\begin{aligned} x_1 - 5x_3 &= -7, \\ x_1 + x_3 + 2x_3 &= -1. \end{aligned}$$

Сделать проверку.

1 курс, 2 семестр.

ТЕМЫ 4,5.

Задания:

1. При помощи Алгоритма Евклида найдите наибольший общий делитель d целых чисел $a = 783$, $b = 1015$ и его линейное выражение через эти числа.
2. Найдите каноническое представление целых чисел $a = 783$ и $b = 1015$ и их наибольший общий делитель d и наименьшее общее кратное m .
3. Является ли следующее правило алгебраической операцией на множестве $\mathbb{N}$? Если да, то какими из свойств (ассоциативность, коммутативность, наличие нейтральных, симметрических элементов) эта операция обладает? $(\forall \alpha, \beta \in \mathbb{N}) \quad \alpha \oplus \beta = \alpha$. Является ли группой данное множество с данной операцией?

4. Вычислить:
$$\frac{(1+2i)^3 - (3-2i)^2}{2-i} + \frac{1}{(5-i)^2} \cdot \frac{(5+i)}{(3-i)} + \frac{(3+3i)}{(5-i)^2}.$$

5. Решить квадратное уравнение $z^2 - z + 5 = 0$ в поле $\mathbb{R}$, в поле $\mathbb{C}$. Сделать проверку.

6. Вычислить, используя тригонометрическую форму комплексных чисел:

$$\left(\frac{3 - \sqrt{27}i}{-5i} \right)^{55}.$$

Ответ дать в алгебраической форме.

6. Уравнение $x^4 = -81$ решить в поле комплексных чисел. Сделать проверку (для двух значений).

1 курс, 2 семестр.

ТЕМЫ 6,7.

Задания:

1. Разделить многочлен $f(x)$ на многочлен $g(x)$ разными способами: 1) «уголком», 2) методом неопределённых коэффициентов, 3) по схеме Горнера (если возможно).
 $f(x) = x^5 + x^4 + x^3 - 2x^2 + 2x + 3$, $g(x) = x^4 + 4x^3 + 8x^2 + 8x + 3$. Сделать проверку.
2. Определить показатель кратности корня $x_0 = 2$ многочлена $f(x) = x^6 - 6x^5 + 15x^4 - 22x^3 + 21x^2 - 12x + 4$.
3. При помощи алгоритма Евклида найти НОД многочленов $f(x) = x^5 + 2x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 8x + 12$, $g(x) = 3x^4 + 5x^3 + 12x + 20$. Сделать проверку.
4. Выразить НОД многочленов $f(x) = x^5 + 2x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 8x + 12$, $g(x) = 3x^4 + 5x^3 + 12x + 20$ линейно через эти многочлены. Сделать проверку.

5. Найти НОК многочленов $f(x) = 3x^4 + 5x^3 + 12x + 20$, $g(x) = x^5 + 2x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 8x + 12$, зная их НОД (задание 1). Сделать проверку

6. Представить многочлены $f(x) = (x^2 + 4)(x^2 - 4)(x^2 - 3x + 2)(x + 1)$, $g(x) = (x^3 - 4x)(x^2 + 2x + 1)(x - 2)$ над $\mathbb{R}$ в канонической форме и найти их НОД $d(x)$ и НОК $m(x)$.

7. Является ли подгруппой аддитивной группы действительных матриц 2-го порядка множество матриц вида $\begin{pmatrix} x & 0 \\ y & 0 \end{pmatrix}$ с целыми элементами?

8. Избавиться от иррациональности в знаменателе дроби $\frac{\sqrt[3]{2} + 1}{-\sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{4} + 3}$, применив метод, использованный при доказательстве соответствующей теоремы.

9. Докажите изоморфизм колец $K_1 = \langle \{a + b\sqrt{3} \mid a, b \in \mathbb{Z}\}, +, \bullet \rangle$ и $K_2 = \langle \begin{pmatrix} a & -3b \\ b & a \end{pmatrix} \mid a, b \in \mathbb{Z} \rangle, +, \bullet \rangle$.

2 курс, 3 семестр.

ТЕМЫ 8,9.

Задания:

1. Решить методом Феррари в поле комплексных чисел уравнение $x^4 + x^3 - 5x^2 + 2 = 0$.

2. Решить методом Кардано в поле комплексных чисел уравнение $2x^3 + 3x^2 - 3x - 9 = 0$.

3. Найти рациональные корни многочлена $f(x) = 24x^4 - 42x^3 - 77x^2 + 56x + 60$.

4. Докажите при помощи критерия Эйзенштейна неприводимость многочлена $f(x) = 6x^5 + 5x^4 - 10x^3 + 25x^2 + 75x + 35$ над полем рациональных чисел $\mathbb{Q}$.

5. Найти многочлен с действительными коэффициентами, корнями которого являются числа: 2, -7, $1+i$, i .

6. Разложить многочлен $f(x) = 4x^6 - 20x^5 + 9x^4 + 75x^3 - 94x^2 + 20x - 24$ в произведение неприводимых множителей над кольцом $\mathbb{Z}$ и над полями $\mathbb{Q}$, $\mathbb{R}$, $\mathbb{C}$.

7. Убедиться, что следующий многочлен – симметрический, и что он верно выражен через элементарные симметрические многочлены: $(x_1 + x_2 - x_3)(x_2 + x_3 - x_1)(x_3 + x_1 - x_2) = -\sigma_1^3 + 4\sigma_1\sigma_2 - 8\sigma_3$.

Вопросы к экзаменам (контроль по дисциплине за семестр).

1 курс, 1 семестр.

Вопросы:

1. Матрицы над полем. Операция сложения матриц. Свойства операции сложения.
1. Умножение матриц на действительное число. Свойства этой операции.
2. Умножение матриц. Свойства этой операции (ассоциативность, некоммутативность, нейтральный элемент). Обратные матрицы.
3. Транспонирование матриц, транспонирование произведения матриц.
4. Квадратные матрицы. Единичная матрица. Обратные и обратимые матрицы.
5. Определитель квадратной матрицы. Определитель 2,3 порядков. Определитель n -го порядка.
6. Алгебраические дополнения и миноры элемента определителя.
7. Теорема о разложении определителя по элементам строки (столбца).
8. Свойства определителя. Необходимые и достаточные условия равенства нулю определителя. Определитель треугольного вида.
9. Вычисление обратной матрицы при помощи алгебраических дополнений.
10. Простейшие матричные уравнения, их решение.
11. Системы линейных уравнений (СЛУ). Решения СЛУ. Равносильные СЛУ.
12. Однородные и неоднородные СЛУ, свойства их решений.
13. Элементарные преобразования СЛУ. Равносильность СЛУ при элементарных преобразованиях.
14. Элементарные преобразования матриц.
15. Ступенчатые системы линейных уравнений. Приведение СЛУ к ступенчатому виду.
16. Матрицы, соответствующие СЛУ. Элементарные преобразования матриц. Ступенчатые матрицы. Ранг матрицы. Ранг СЛУ.
17. Теорема о числе решений систем линейных уравнений. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений. Общие и частные решения систем линейных уравнений.
18. Запись и решение системы n линейных уравнений с n неизвестными в матричной форме.
19. Правило Крамера решения системы n линейных уравнений с n неизвестными.
1. Алгебраическая операция на множестве, примеры. Свойства бинарной алгебраической операции.
1. Группа. Примеры групп. Простейшие свойства группы.
2. Кольцо. Примеры колец. Простейшие свойства кольца.
3. Поле. Примеры полей. Его простейшие свойства.
4. Подгруппа. Необходимое и достаточное условие того, чтобы некоторое подмножество группы являлось ее подгруппой.
5. Подкольцо. Необходимое и достаточное условие того, чтобы некоторое подмножество кольца являлось его подкольцом.
6. Подполе. Необходимое и достаточное условие того, чтобы некоторое подмножество поля являлось его подполем.
7. Кольцо целых чисел.
8. Поле комплексных чисел как расширение поля действительных чисел.
9. Различные формы комплексных чисел, операции с ними.
10. Корни из комплексных чисел. Корни n -й степени из единицы.
20. Арифметическое векторное пространство.
21. Конечномерное векторное пространство над произвольным полем, его простейшие свойства, примеры.
22. Базис и размерность конечномерного векторного пространства.
23. Матрица перехода от базиса к базису.
24. Связь между координатными строками вектора в различных базисах.
25. Линейное отображение векторных пространств, его свойства.
26. Преобразование координат.

27. Матрица перехода от одного базиса векторного пространства к другому.
28. Линейный оператор в векторном пространстве и его матрица, изменение ее при переходе к другому базису.
29. Операции над линейными операторами.
30. Линейная алгебра над полем.
31. Образ и ядро, ранг и дефект линейного оператора.
32. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора.
33. Характеристическое уравнение линейного оператора.
34. Приведение матрицы линейного оператора к диагональному виду.

1 курс, 2 семестр.

Вопросы:

1. Кольцо многочленов от одной переменной над полем действительных чисел.
2. Делимость в кольце многочленов от одной переменной над полем действительных чисел.
3. Теорема о делении с остатком в кольце многочленов от одной переменной над полем действительных чисел.
4. Деление многочлена на двучлен $x-a$ и корни многочлена.
5. Теорема Безу. Кратные корни. Наибольшее возможное число корней многочлена.
6. Наибольший общий делитель многочленов над полем. Алгоритм Евклида.
7. Линейное выражение наибольшего общего делителя многочленов над полем
8. Наименьшее общее кратное многочленов. Связь НОД и НОК.
9. Неприводимые и приводимые над полем действительных чисел многочлены, их свойства.
10. Разложение многочлена в произведение многочленов, неприводимых над данным полем
11. Каноническая форма записи многочленов. НОД и НОК в канонической форме.
12. Расширения полей. Строение простого расширения поля. Минимальный многочлен алгебраического над полем элемента.
13. Строение простого алгебраического расширения поля.

2курс, 3 семестр.

Вопросы:

1. Многочлены от n переменных и действия над ними. Степень многочлена от n переменных.
2. Кольцо многочленов от n переменных над областью целостности. Лексикографическое упорядочение членов многочлена от n переменных. Высший член произведения двух многочленов.
3. Симметрические многочлены. Свойства высшего члена симметрического многочлена
4. Основная теорема о симметрических многочленах и следствие из нее.
5. Многочлены от одной переменной над полем комплексных чисел. Основная теорема алгебры.
6. Алгебраическая замкнутость полей. Алгебраическая замкнутость поля комплексных чисел.
7. Разложение многочлена над полем комплексных чисел в произведение неприводимых множителей
8. Решение уравнений третьей степени над полем комплексных чисел .
9. Решение уравнений четвертой степени над полем комплексных чисел
10. Корни многочлена над полем действительных чисел. Сопряженность мнимых корней многочлена с действительными коэффициентами.

11. Разложение многочлена над полем действительных чисел в произведение неприводимых множителей.
12. Целые и рациональные корни многочлена с целыми коэффициентами.
13. Необходимый признак рационального корня многочлена с целыми коэффициентами.
14. Критерий неприводимости многочленов над полем рациональных чисел (Эйзенштейна).
15. Понятие разрешимости уравнения в радикалах. Условия разрешимости уравнения третьей степени в квадратных радикалах.
16. Примеры геометрических задач, сводящихся к уравнениям, неразрешимым в квадратных радикалах.

Примеры практических заданий для контроля знаний на семестровом экзамене.

1 курс, 1 семестр.

ТЕМЫ 1-3.

Задания:

1. Вычислить сумму $(A+B)C$, где $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 3 \\ 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$.

2. Вычислить произведение матриц $\begin{pmatrix} 3 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ и $\begin{pmatrix} 3 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$, и наоборот.

3. Перемножить матрицы $\begin{pmatrix} 1 & -4 & -3 \\ 1 & -5 & -3 \\ 1 & 6 & 4 \end{pmatrix}$ и $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 0 \\ 3 & 1 & -1 \end{pmatrix}$, и наоборот.

4. Вычислить произведение матрицы $\begin{pmatrix} 2 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ на транспонированную ей, и наоборот.

5. Показать, что $(A \bullet B)^T = B^T \bullet A^T$, если $\begin{pmatrix} 2 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ и $\begin{pmatrix} 3 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$.

6. Для матрицы $\begin{pmatrix} 3 & -1 & 7 \\ -2 & 0 & - \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ найти обратную матрицу. Сделать проверку.

7. Решить уравнение $X \cdot A = B$, где $A = \begin{pmatrix} 3 & -1 & 7 \\ -2 & 0 & -5 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 3 & 4 & 2 \\ -1 & -1 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$. Сделать проверку.

8. Решить матричное уравнение $A \cdot X = B$, если $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$. Сделать проверку.

9. Найти двумя разными способами коэффициент при x в разложении определителя .10. Вычислить

определитель $\begin{vmatrix} 2 & 0 & -1 & 1 & 3 \\ 0 & 2 & -3 & 4 & 1 \\ 1 & 1 & 3 & 0 & 2 \\ 4 & -1 & 0 & 0 & 2 \\ 3 & 3 & 1 & 2 & 1 \end{vmatrix}$

11. Решить методом Гаусса систему линейных уравнений. Сделать проверку.

$$\begin{aligned}x_1 + 2x_2 - x_3 + 3x_4 + 4x_5 &= 1, \\2x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 - x_5 &= 2, \\x_1 + 4x_2 + 2x_3 - 5x_4 + 3x_5 &= 3, \\x_1 + 15x_2 + 6x_3 - 19x_4 + 9x_5 &= 9.\end{aligned}$$

1 курс, 2 семестр. .

ТЕМЫ 4-5.

Задания:

1 При помощи Алгоритма Евклида найдите наибольший общий делитель d целых чисел $a = 1015$, $b = 638$ и его линейное выражение через эти числа.

2. Найдите каноническое представление целых чисел $a = 1015$ и $b = 638$ и их наибольший общий делитель d и наименьшее общее кратное m .

3. Является ли следующее правило алгебраической операцией? Если да, то какими из свойств (ассоциативность, коммутативность, наличие нейтральных, симметрических элементов) эта операция обладает? ($\forall a, b \in \mathbb{Z}$) $a * b = a^b$. Является ли группой данное множество с данной операцией?

4. Вычислить:
$$\frac{(1+2i) - (3-2i)^2}{2-i} + \frac{1}{(5-i)}.$$

5. Решить квадратное уравнение $z^2 - z + 5 = 0$ в поле $\mathbb{R}$, в поле $\mathbb{C}$. Сделать проверку.

6. Вычислить, используя тригонометрическую форму комплексных чисел. Ответ дать в алгебраической форме.

7. Уравнение $x^4 = -81$ решить в поле комплексных чисел. Сделать проверку (для двух значений).

8. Является ли следующее правило алгебраической операцией? ($\forall a, b \in \mathbb{Z}$) $a * b = a^b$. Если да, то какими из свойств (ассоциативность, коммутативность, наличие нейтральных, симметрических элементов) эта операция обладает?

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) ассоциативность; 2); коммутативность; 3); наличие нейтрального элемента; 4) наличие симметрических элементов; 5) операция не является алгебраической.

9. Решить квадратное уравнение $2z^2 - z + 5 = 0$ в поле $\mathbb{R}$, в поле $\mathbb{C}$. Сделать проверку.

10. Вычислить, используя тригонометрическую форму комплексных чисел:

$$\left(\frac{-\sqrt{3}+i}{-2-2i} \right)^{12}.$$

Ответ дать в алгебраической форме.

11. Уравнение $x^4 = 225$ решить в поле комплексных чисел. Сделать проверку (для двух значений).

21 При помощи Алгоритма Евклида найдите наибольший общий делитель d целых чисел $a = 1015$, $b = 638$ и его линейное выражение через эти числа.

13. Найдите каноническое представление целых чисел $a = 1015$ и $b = 638$ и их наибольший общий делитель d и наименьшее общее кратное m .

1 курс, 2 семестр.

ТЕМЫ 7-10.

Задания:

1. Разделить многочлен $f(x)$ на многочлен $g(x)$ разными способами: 1) «уголком», 2) методом неопределённых коэффициентов, 3) по схеме Горнера (если возможно)

$$f(x) = x^4 - x^3 + 2x^2 - x + 1, \quad g(x) = x^2 - x - 1. \text{ Сделайте проверку.}$$

2. При каких условиях многочлен $f(x) = x^6 - 2x^5 - x^4 - 2x^3 + ax^2 + bx + c$ имеет число 1 корнем третьей кратности?

3. При помощи алгоритма Евклида найти наибольший общий делитель многочленов $f(x) = 4x^5 - 4x^4 + 5x^3 - 4x^2 - x + 1$, $g(x) = 2x^3 + x^2 + x - 1$ и выразить его линейно через эти многочлены. Сделайте проверку.

4. Выразить НОД многочленов $f(x) = x^5 + 2x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 8x + 12$, $g(x) = 3x^4 + 5x^3 + 12x + 20$ линейно через эти многочлены. Сделайте проверку.

5. Найти НОК многочленов $f(x) = 2x^3 + x^2 + x - 1$, $g(x) = 4x^5 - 4x^4 + 5x^3 - 4x^2 - x + 1$ зная их НОД (задание 1).. Сделайте проверку

6. Представить многочлены $f(x) = (x^2 - 5x + 6)(x^3 - 2x)^2(x - 3)^2$, $g(x) = (x^2 - 2x - 3)(x^2 + 2x + 3)(x^3 - 2\sqrt{2})$ над $\mathbb{R}$ в канонической форме и найти их НОД $d(x)$ и НОК $m(x)$.

7. Изоморфны ли аддитивные группы: а) матриц вида $\begin{pmatrix} a & 0 \\ 0 & a \end{pmatrix}$ с рациональными элементами, б) матриц вида $\begin{pmatrix} a & 0 \\ 0 & a \end{pmatrix}$ с целыми элементами?

7.. Даны группы $G_1 = \langle \{ 3^k \mid k \in \mathbb{Z} \}, \bullet \rangle$ и $G_2 = \langle \{ 5k \mid k \in \mathbb{Z} \}, + \rangle$. Изоморфны ли они?

8. Является ли полем кольцо $\langle \{(a, b) \mid a, b \in \mathbb{R}\}, +, \bullet \rangle$, где операции определены следующим образом: $(\forall a, b), (c, d) \quad (a, b) + (c, d) = (a + c, b + d)$, $(a, b) \bullet (c, d) = (ac, bd)$?

9. Избавиться от иррациональности в знаменателе $\frac{\sqrt[3]{5} + 2}{\sqrt[3]{25} + 3\sqrt[3]{5} - 2}$, применив метод, использованный при доказательстве соответствующей теоремы.

2 курс, 3 семестр.

ТЕМЫ 8-9.

Задания:

1. Решить методом Кардано в поле комплексных чисел уравнение

$$x^3 - 9x^2 + 18x - 28 = 0$$

2. Решить методом Феррари в поле комплексных чисел уравнение $x^4 + 2x^3 + 7x^2 + 6x + 5 = 0$.

3. Найти рациональные корни многочлена $f(x) = 24x^5 + 10x^4 - x^3 - 19x^2 - 5x + 6$.

4. Докажите при помощи критерия Эйзенштейна неприводимость многочлена $f(x) = 5x^5 - 4x^4 + 14x^3 - 28x^2 + 2x - 2$ над полем рациональных чисел $\mathbb{Q}$.

5. Найти многочлен с действительными коэффициентами, корнями которого являются числа: 3, $1+i$, $2i$.

6. Разложить многочлен $f(x) = 4x^5 - 3x^4 - 12x^3 + 9x^2 - 16x + 12$ в произведение неприводимых множителей над кольцом $\mathbb{Z}$ и над полями $\mathbb{Q}$, $\mathbb{R}$, $\mathbb{C}$.

7. Убедиться, что следующий многочлен – симметрический, и что он верно выражен через элементарные симметрические многочлены: $(x_1 + x_2 + x_3)(x_1 + x_2 + x_4)(x_1 + x_3 + x_4)(x_3 + x_1 - x_2) = \sigma_1^2 \sigma_2 - \sigma_1 \sigma_3 + \sigma_4$.

8. Решить методом Кардано в поле комплексных чисел уравнение

$$x^3 + 9x^2 + 18x + 28 = 0$$

9. Решить методом Феррари в поле комплексных чисел уравнение $x^4 + 4x^3 - 5x^2 + 4x - 6 = 0$.

10. Найти рациональные корни многочлена $f(x) = 9x^5 - 6x^4 + 10x^3 + 39x^2 - 21x + 1$.

11. Докажите при помощи критерия Эйзенштейна неприводимость многочлена $f(x) = x^5 + 7x^4 - 14x^3 - 7x^2 + 28x - 35$ над полем рациональных чисел $\mathbb{Q}$.

12. Найти многочлен с действительными коэффициентами, корнями которого являются числа: $-1-3i$, 3, -3 , -1 .

13. Разложить многочлен $f(x) = 24x^4 + 64x^3 - 9x^2 - 71x + 22$ в произведение неприводимых множителей над кольцом $\mathbb{Z}$ и над полями $\mathbb{Q}$, $\mathbb{R}$, $\mathbb{C}$.

14. Убедиться, что следующий многочлен – симметрический, и что он верно выражен через элементарные симметрические многочлены: $(x_1 x_2 - x_3)(x_2 x_3 - x_1)(x_3 x_1 - x_2) = \sigma_3^2 - \sigma_1^2 \sigma_2 + 2\sigma_2 \sigma_3 + \sigma_2^2 - 2\sigma_1 \sigma_3 - \sigma_3$.

5.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Итоговая оценка знаний, умений, способов деятельности студентов по изучаемой дисциплине составляет 100 баллов

На очной и заочной формах обучения.

Максимальное количество баллов, которое можно набрать за текущий контроль – 70 баллов.

За ответы на вопросы устного опроса обучающийся может набрать максимально 30 баллов.

За выполнение докладов обучающийся может набрать максимально 20 баллов.

За выполнение практических заданий обучающийся может набрать максимально - 20 баллов.

Максимальная сумма баллов, которые обучающийся может набрать при сдаче экзамена, составляет 30 баллов.

Для сдачи экзамена необходимо выполнить все задания текущего контроля. Значимым моментом является показатель изучения материала лекций и выполнение заданий в указанные сроки. На экзамен выносятся материал, излагаемый в лекциях и рассматриваемый на практических занятиях.

Шкала оценивания ответов студентов на экзамене

Количество баллов	Критерии оценивания
26-30	Если студент свободно ориентируется в теоретическом материале, знает формулировки основных определений, теорем и свойств, умеет применять теоретические сведения для решения типовых задач
15-25	Если студент недостаточно свободно ориентируется в теоретическом материале, ошибается при формулировании основных определений, теорем и свойств, умеет применять теоретические сведения для решения типовых задач (в зависимости от количества и степени имеющихся ошибок и недочётов).
8-14	Если студент плохо ориентируется в теоретическом материале, не знает некоторые формулировки основных определений, теорем и свойств, у студента возникают проблемы при применении теоретических сведений для решения типовых задач (в зависимости от количества и степени имеющихся ошибок и недочётов).
0-7	Если студент не ориентируется в теоретическом материале, не знает большинство формулировок основных определений, теорем и свойств и не умеет применять теоретические сведения для решения типовых задач (в зависимости от количества и степени имеющихся ошибок и недочётов).

Итоговая шкала оценивания результатов освоения дисциплины

Итоговая оценка по дисциплине формируется из суммы баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации и выставляется в соответствии с приведенной ниже таблицей.

Оценка по пятибалльной системе	Оценка по стобалльной системе
отлично	81-100
хорошо	61-80
удовлетворительно	41-60
неудовлетворительно	0-40

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И РЕСУРСНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Основная литература

1. Курош, А.Г. Лекции по общей алгебре: учебник для вузов / А. Г. Курош. - 3-е изд., стереотип. - СПб. : Лань, 2019. - 556с. – Текст: непосредственный.

2. **Курош, А.Г.** Курс высшей алгебры: учебник для вузов / А. Г. Курош. - 19-е изд., стереотип. - СПб. : Лань, 2019. - 432с. – Текст: непосредственный.
3. **Пинчук, И.А.** Основные структуры алгебры: учеб.пособие для физ.-мат. фак. / И. А. Пинчук. - М. : МГОУ, 2016. - 64с. – Текст: непосредственный.
4. Смолин Ю.Н. Смолин Ю.Н., Алгебра и теория чисел: учеб. пособие / Ю.Н. Смолин - М. : ФЛИНТА, 2017. - 464 с. - ISBN 978-5-9765-0050-1 - Режим доступа: <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785976500501.html> - (дата обращения 22.07.2019). – Режим доступа: для автоиз. Пользователей ЭБС Консультант студента. – Текст: электронный.
5. **Виноградов, И.М.** Основы теории чисел [Текст] : учеб.пособие / И. М. Виноградов. - 13-е изд., стереотип. - СПб. : Лань, 2019. - 176с. – Текст: непосредственный.
6. Виноградов, И. М. Основы теории чисел / И. М. Виноградов. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 102 с. — (Антология мысли). — ISBN 978-5-534-09553-1. — URL: <https://biblio-online.ru/bcode/441837> (дата обращения: 22.07.2019). - Режим доступа: для авториз. пользователей ЭБС Юрайт. — Текст : электронный.
7. Смолин Ю.Н. Алгебра и теория чисел: учеб. пособие / Ю.Н. Смолин - М. : ФЛИНТА, 2017. - 464 с. - ISBN 978-5-9765-0050-1 - Режим доступа: <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785976500501.html> - (дата обращения 22.07.2019). – Режим доступа: для автоиз. Пользователей ЭБС Консультант студента. – Текст: электронный.
8. Бухштаб, А.А. Теория чисел : учебное пособие / А.А. Бухштаб. — 4-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2015. — 384 с. — ISBN 978-5-8114-0847-4. — URL: <https://e.lanbook.com/book/65053> (дата обращения: 22.07.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей Электронно-библиотечная система «Лань». — Текст : электронный

6.2. Дополнительная литература

1. **Фаддеев, Д.К.** Лекции по алгебре: Учеб.пособие для вузов / Д. К. Фаддеев. - 5-е изд ; стереотип. - СПб : Лань, 2007. - 416с. – Текст: непосредственный.
2. **Кострикин А.И.** Введение в алгебру: учебник для вузов. ч.2. линейная алгебра / А. И. Кострикин. - 3-е изд. - М. : Физматлит, 2004. - 368с. – Текст: непосредственный.
3. **Кострикин А.И.** Введение в алгебру: учебник для вузов . ч.1. основы алгебры / А. И. Кострикин. - 2-е изд., испр. - М. : Физматлит, 2004. - 272с. – Текст: непосредственный.
4. **Кострикин А.И.** Введение в алгебру: учебник для вузов. ч.3. основ.структуры алгебры / А. И. Кострикин. - М. : Физ-матлит., 2000. - 272с. – Текст: непосредственный.
5. Кострикин, А.И. Введение в алгебру : учебник / А.И. Кострикин. - Москва : МЦНМО, 2009. - Ч. 1. Основы алгебры. - 273 с. - ISBN 978-5-94057-453-8. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=63140> (дата обращения 22.07.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека онлайн» . — Текст : электронный.
6. Кострикин, А.И. Введение в алгебру : учебник / А.И. Кострикин. - Москва : МЦНМО, 2009. - Ч. 2. Линейная алгебра. - 368 с. - ISBN 978-5-94057-454-5. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=63144> (дата обращения 22.07.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека онлайн» . — Текст : электронный.
7. Кострикин, А.И. Введение в алгебру : учебник / А.И. Кострикин. - Москва : МЦНМО, 2009. - Ч. 3. Основные структуры алгебры. - 272 с. - ISBN 978-5-94057-455-2. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=62951> (дата обращения 22.07.2019). — Режим

доступа: для авториз. пользователей Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека онлайн» . — Текст : электронный.

8. **Шилин И.А.** Алгебра: алгебраические структуры : учеб.пособие для матем.спец.пед.вузов / И. А. Шилин. - 2-е изд.,доп. - М. : Альфа, 2002. - 91с. — Текст: непосредственный.
9. Баврин, И.И. Математика: учебник для вузов / И. И. Баврин. - 10е изд.,стереотип. - М. : Академия, 2013. - 624с. — Текст: непосредственный.
10. Глухов, М.М. Алгебра : учебник / М.М. Глухов, В.П. Елизаров, А.А. Нечаев. — Санкт-Петербург : Лань, 2015. — 608 с. — ISBN 978-5-8114-1961-6. — URL: <https://e.lanbook.com/book/67458> (дата обращения: 22.07.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей Электронно-библиотечная система «Лань» . — Текст : электронный.
11. Ларин, С. В.Алгебра: многочлены : учебное пособие для академического бакалавриата / С. В. Ларин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 136 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-07825-1. — URL: <https://biblio-online.ru/bcode/441297>(дата обращения: 22.07.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей Электронно-библиотечная система «Юрайт» . — Текст : электронный.
12. Варпаховский Ф.И., Солодовников А.С. Задачник-практикум по алгебре, ч.1. — М.: Просвещение, 1982. — 135 с.
13. Винберг Э.Е. Алгебра многочленов [Текст] : учеб. пособие для студентов-заочников III- IV курсов физ.- мат. факультетов педагогических институтов. — М.: Просвещение, 1980. — 176с. — Текст: непосредственный.
14. Винберг, Э.Б. Курс алгебры : учебник / Э.Б. Винберг. - Москва : МЦНМО, 2011. - 591 с. - ISBN 978-5-94057-685-3 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=63299> (дата обращения 22.07.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека онлайн» . — Текст : электронный.
15. Дураков Б.К. Краткий курс высшей алгебры. — М., Физматлит, 2006. — 232с.
16. Куликов, Л.Я. Алгебра и теория чисел [Текст] : учеб. пособие для педвузов. - М. : Высшая школа, 1979. - 558с. — Текст: непосредственный.
17. Куликов Л.Я. Сборник задач по алгебре и теории чисел: учеб.пособие для вузов / Л. Я. Куликов, А. И. Москаленко, А. А. Фомин. - М. : Просвещение, 1993. - 288с. — Текст: непосредственный.
18. Проскуряков, И.В. Сборник задач по линейной алгебре [Текст] : учеб.пособие / И. В. Проскуряков. - 11-е изд.,стереотип. - СПб. : Лань, 2008. - 480с. — Текст: непосредственный.
19. Солодовников А. С, Родина М. А. Задачник-практикум по алгебре. Ч. IV. Учеб. пособие для студентов-заочников физ.-мат. фак. пед. ин-тов. —М.: Просвещение, 1985. — 127с. — Моск. гос. заоч. пед. ин-т.
20. Шевцов Г.С. Линейная алгебра: теория и прикладные аспекты: Учебное пособие / Г.С. Шевцов. - 3-е изд., испр. и доп. - М.: Магистр: НИЦ ИНФРА-М, 2014. - 544 с. - ISBN 978-5-9776-0258-7/ - Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/438021> (дата обращения 22.07.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей Электронно-библиотечная система «znanium.com» . — Текст : электронный.
21. Александров, В.А. Задачник-практикум по теории чисел / В.А. Александров, С.М. Горшенин ; Главное управление высших и средних педагогических учебных заведений Министерства

просвещения РСФСР, Московский государственный заочный педагогический институт. - 3-е изд. перераб. - Москва : Издательство «Просвещение», 1972. - 80 с. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=454825> (дата обращения 22.07.2019). – Режим доступа: для авториз. пользователей ЭБС Университетская библиотека онлайн. – Текст: электронный.

22. Сизый, С.В. Лекции по теории чисел : учебное пособие / С.В. Сизый. - 2-е изд., испр. - Москва : Физматлит, 2008. - 191 с. - ISBN 978-5-9221-0741-9. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=68386и> (дата обращения 22.07.2019). – Режим доступа: для авториз. пользователей ЭБС Университетская библиотека онлайн. – Текст: электронный.
23. Манин, Ю.И. Введение в современную теорию чисел / Ю.И. Манин, А.А. Панчишкин. - Москва : МЦНМО, 2009. - 552 с. - ISBN 978-5-94057-511-5. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=62989> (дата обращения 22.07.2019). – Режим доступа: для авториз. пользователей ЭБС Университетская библиотека онлайн. – Текст: электронный.
24. Вейль, А. Основы теории чисел / А. Вейль. - Москва : Мир, 1972. - 411 с. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=454858> (дата обращения 22.07.2019). – Режим доступа: для авториз. пользователей ЭБС Университетская библиотека онлайн. – Текст: электронный.
25. Оре О. Приглашение в теорию чисел / О. Оре. - 2-е изд. - М. : УРСС, 2003. – 128.
26. Рибенбойм П. Последняя теорема Ферма для любителей [Текст] / П. Рибенбойм. - М. : Мир, 2003. – 429.

6.3. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

1. <http://www.alleng.ru>
2. <http://www.twirpx.com>
3. Научная электронная библиотека.
4. <http://elibrary.ru>
5. <http://www.znaniy.com>
6. <http://www.pedlib.ru>
7. <http://www.gnpbu.ru>
8. <http://www.rsl.ru/ru/s2/s101>
9. <http://lib.walla.ru>
10. <http://www.iqlib.ru>

7. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

1. Методические рекомендации по подготовке к практическим занятиям.
2. Методические рекомендации по организации самостоятельной работы по дисциплинам.

8. ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Лицензионное программное обеспечение:

Microsoft Windows

Microsoft Office

Kaspersky Endpoint Security

Информационные справочные системы:

Система ГАРАНТ

Система «КонсультантПлюс»

Профессиональные базы данных

fgosvo.ru – Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования
pravo.gov.ru - Официальный интернет-портал правовой информации
www.edu.ru – Федеральный портал Российское образование

Свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства
ОМС Плеер (для воспроизведения Электронных Учебных Модулей)
7-zip
Google Chrome

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает в себя:

- учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения: учебной мебелью, доской, демонстрационным оборудованием, персональными компьютерами, проектором;
- помещения для самостоятельной работы, оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа к электронной информационно-образовательной среде.