Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце:

ФИО: Наумова Наталия МИННИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ МОСКОВСКОЙ ОБЛАСТИ Должность: Ректор Тосударственное образовательное учреждение высшего образования Московской области Уникальный прог МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ОБЛАСТНОЙ УНИВЕРСИТЕТ 6b5279da4e034bff679172803da5b7b559fc69e2 (МГОУ)

> Физико-математический факультет Кафедра теоретической физики

Согласовано управлением организации и контроля качества образовательной деятельности

« (0 » 06 2020 г

Начальник управления

/М.А. Миненкова/

Одобрено учебно методическим советом

Председатель

Рабочая программа дисциплины

Высшая математика

Направление подготовки

44.03.05 Педагогическое образование

Профиль:

Технологическое образование (проектное обучение) и образовательная робототехника

Форма обучения

Очная

Согласовано учебно-методической комиссией физико-математического

факультета:

Протокол «21 » 09 2020г.№ 10

Председатель УМКом

/ Н.Н. Барабанова /

Рекомендован кафедрой теоретической физики

Протокол « & 2» 04 2020г.№ 9

Зав. кафедрой

Мытищи 2020

#### Автор-составитель:

Кузнецов Михаил Михайлович, доктор физико-математических наук, доцент, профессор кафедры теоретической физики

Рабочая программа дисциплины «Высшая математика» составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), утверждённого приказом МИНОБРНАУКИ России от «22» февраля 2018 г. № 125.

Дисциплина входит в обязательную часть блока 1 и является обязательной для изучения.

Реализуется в формате электронного обучения с применением дистанционных образовательных технологий.

Год начала подготовки 2020

# СОДЕРЖАНИЕ

. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ	4
1.1. Цель и задачи дисциплины	4
1.2. Планируемые результаты обучения	4
2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ	4
3. ОБЪЁМ И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ	
3.1. Объём дисциплины	5
3.2.Содержание дисциплины	5
4. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ	8
5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ	13
5.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы	
5.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания	
5.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы	14
5.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций	
<ol> <li>УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И РЕСУРСНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ</li> </ol>	19
6.1. Основная литература	23
6.2. Дополнительная литература	24
6.3. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»	24
7. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ	24
В. ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ	25
Э МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ЛИСИИПЛИНЫ	25

#### 1. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

#### 1.1. Цель и задачи дисциплины

#### Цели дисциплины «Высшая математика»:

- формирование у студентов факультета технологии и предпринимательства систематических знаний в области математики;
- создание у студентов основ достаточно широкой теоретической подготовки в области математики для изучения профильных дисциплин технологии и предпринимательства;
- интеллектуальное и разностороннее развитие студентов через систему фундаментальных и классических концепций.

#### Задачи дисциплины:

- обучить студентов теоретическим основам курса математики и основным методам исследования и решения практических задач;
  - привить навыки самостоятельного математического мышления;
- ознакомить студентов с основными проблемами, закономерностями, историей и тенденциями развития математики, в которых раскрываются фундаментальные научные проблемы современной науки;
- дать представление о революциях в математике и смене научных мировоззрений как ключевых этапах развития естествознания;
  - сформировать знания, необходимые для изучения смежных дисциплин;
- расширить кругозор, сформировать научное мышление и научное мировоззрение, основанное на синтезе математических, естественнонаучных и гуманитарных концепций.

#### 1.2. Планируемые результаты обучения

В результате освоения данной дисциплины у обучающихся формируются следующие компетенции:

УК-1 — Способность осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий.

ОПК-5 — Способность осуществлять контроль и оценку формирования результатов образования обучающихся, выявлять и корректировать трудности в обучении

# 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Учебная дисциплина «Высшая математика» входит в базовую часть блока 1, содержит изложение основных принципов и методов математики. В программу курса входят элементы векторной и линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, дифференциальных уравнений и векторного анализа. При этом изучаются матрицы и системы линейных уравнений, векторы на плоскости и в пространстве, кривые 2-го порядка, комплексные числа, предел и непрерывность функций, дифференциальное и интегральное исчисление функций одной переменной, обыкновенные дифференциальные уравнения, а также основы векторного анализа. Большое внимание уделяется приложению векторной алгебры к расчетам геометрических величин на плоскости и в пространстве, вычислению пределов, в частности, с помощью правила Лопиталя. Также много времени затрачивается на проработку правил вычисления производных, схемы исследования поведения функций и различных методов вычисления интегралов. При этом студенты подробно знакомятся с приложениями интегрального исчисления к вычислениям геометрических и физических величин, с методами решения основных классов дифференциальных уравнений первого порядка и линейных дифференциальных уравнений второго порядка, а

также с вычислением градиентов и производных по направлению скалярного поля.

Дисциплина изучается в 1 и 2 семестрах.

Знание современных фундаментальных научных положений естествознания, его мировоззренческих и методологических выводов является необходимым элементом подготовки специалистов в любой области деятельности.

Основу для изучения дисциплины составляет программа 8 – 11 классов средней школы по математике, а также отдельные положения программы 8 – 11 классов средней школы по физике. Знания и навыки, полученные при изучении дисциплины, дадут возможность студентам осваивать на качественно более высоком уровне такие обязательные дисциплины учебного плана, как «Физика», «Начертательная геометрия», «Теоретическая механика», «Экономическая теория» и «Финансы и кредит». Далее, полученные знания дисциплины «Высшая математика» составляют основу изучения таких дисциплин, как «Основы математической обработки информации» и «Математика в современных промышленных технологиях». Наконец, полученные в результате освоения дисциплины знания и навыки могут использоваться в дальнейшем в педагогической деятельности.

### 3. ОБЪЁМ И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 3.1. Объём дисциплины

Показатель объёма дисциплины	Очная форма обучения
Объём дисциплины в зачетных единицах	5
Объём дисциплины в часах	180
Контактная работа:	138,3
Лекции	36
Практические занятия	100
Контактные часы на промежуточную аттеста-	2,3
цию:	
Экзамен	0,3
Предэкзаменационная консультация	2
Самостоятельная работа	32
Контроль	12

Формой промежуточной аттестации является экзамен (2 семестр).

#### 3.2. Содержание дисциплины

		иче- о ча- ов
Наименование разделов (тем) с кратким содержанием	Лекции	Практические занятия
Семестр 1		
Раздел I. Элементы векторной и линейной алгебры		
<b>Тема 1. Линейные операции над векторами</b> Линейно зависимые и линейно независимые векторы. Ортогональный базис.	1	2

Координаты векторов. Скалярное, векторное и смешанное произведения век-		
торов		
Тема 2. Матрицы и действия над ними		
Прямоугольные и квадратные матрицы. Сложение и умножение матриц. Ну-	1	2
левая и единичная матрицы. Транспонирование матриц		
Тема 3. Определители и их свойства		
Определители 2-го, 3-го и высших порядков. Основные свойства определите-	1	2
лей. Миноры и алгебраические дополнения		
Тема 4. Решение систем линейных уравнений. Формулы Крамера		
Матрица системы. Матричное решение линейных уравнений. Обратная мат-	1	2
рица. Формулы Крамера		
Раздел II. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве		
Тема 5. Задачи на прямую и плоскость. Геометрические величины		
Каноническое уравнение прямой и общее уравнение плоскости. Основные за-		
дачи на прямую, плоскость. Приложение векторной алгебры к вычислениям	2	4
геометрических величин на плоскости и в пространстве		
Тема 6. Кривые второго порядка в канонической форме	1	2
Уравнения эллипса, гиперболы и параболы в канонической форме. Эксцен-	1	2
триситеты эллипса, асимптоты гиперболы, директриса параболы		
Тема 7. Канонические уравнения поверхности второго порядка		
Изучение поверхностей 2-го порядка по их каноническим уравнениям. Эл-	1	2
липсоиды, гиперболоиды, параболоиды, цилиндры 2-го порядка		
Раздел III. Введение в математический анализ		
Тема 8. Комплексные числа		
Алгебраическая, тригонометрическая и экспоненциальная формы комплекс-	1	2
ного числа. Арифметические действия над комплексными числами. Формула	1	2
Эйлера. Формула Муавра		
Тема 9. Элементарные функции и их графики		
Возрастание и убывание функций. Максимумы и минимумы. Исследование		
функции на экстремум. Наибольшее и наименьшее значения функции на от-	1	2
резке		
Тема 10. Числовые последовательности и их свойства		
Алгоритмически заданные числовые последовательности. Последователь-		
±	1	2
ность Фибоначчи и гармоническая последовательность. Золотое сечение.		
Среднее арифметическое, геометрическое и гармоническое		
Тема 11. Основные теоремы о пределах		
Определение и условия существования пределов. Геометрическая интерпре-	1	2
тация. Единственность предела числовой последовательности. Второй заме-		
чательный предел. Число е		
Тема 12. Основные теоремы о непрерывных функциях		
Два определения свойства непрерывности функций и их эквивалентность.	1	2
Односторонние пределы. Непрерывность функций в точке «слева» и «спра-	1	2
ва». Теорема Вейерштрасса и теорема Коши		
Раздел IV. Дифференциальное исчисление функций одной переменной		
Тема 13. Понятие производной		
Геометрический и механический смысл производной. Общее определение		
производной. Зависимость между непрерывностью и дифференцируемостью	1	2
функций. Уравнение касательной и нормали к кривой. Производные от неко-	_	_
торых простейших функций		
Тема 14. Правила дифференцирования функций и производные элемен-		
	1	2
Тарных функций	1	2
Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции.		

Производная обратной функции. Сводка формул дифференцирования		
Тема 15. Дифференцирование неявных и параметрически заданных		
функций Надруж разрамная функция са проморожная у турф спомумов Функция долго	1	2
Неявно заданная функция, ее производная и дифференциал. Функция, задан-	1	2
ная параметрически, её производная и дифференциал. Производные высших		
порядков от функций, заданных параметрически		
Тема 16. Правила Лопиталя и раскрытие неопределенностей		
Свойства дифференцируемых функций. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа и	1	2
Лопиталя. Их геометрический смысл. Теорема Коши. Примеры на примене-		
ние правила Лопиталя		
Тема 17. Общая схема исследования функции и построения графика		
Правило исследования функций на экстремум с помощью первой производ-	1	2
ной. Исследование функций на экстремум с помощью второй производной.		_
Асимптоты и точки перегиба		
Итого в семестре 1	18	36
Семестр 2		
Раздел V. Интегральное исчисление функции одной переменной		
Тема 18. Первообразная функция и понятие неопределенного интеграла		
Разность двух первообразных для одной и той же функции. Свойства неопре-	1	5
деленного интеграла. Достаточное условие существования первообразной		
Тема 19. Основные методы интегрирования		
Метод непосредственного интегрирования. Метод интегрирования подста-	2	6
новкой (заменой переменной). Метод интегрирования по частям. Теорема	2	U
Коши. Понятие о «неберущихся» интегралах		
Раздел VI. Определенный интеграл		
Тема 20. Основные свойства определенного интеграла. Формула Ньюто-		
на – Лейбница	1	5
Задача о площади криволинейной трапеции. Свойства определенного инте-	1	3
грала. Вывод формулы Ньютона – Лейбница и примеры ее применения		
Тема 21. Вычисление и преобразование определенных интегралов		
Интегрирование подстановкой (замена переменной). Интегрирование по ча-	2	6
стям. Вычисление с помощью интегральных сумм. Формулы приведения		
Тема 22. Несобственные интегралы. Приближенное вычисление опреде-		
ленных интегралов		
Интегралы с бесконечными пределами. Теорема сравнения. Признак абсо-	2	6
лютной сходимости. Формулы прямоугольников и трапеций. Формула Симп-		
сона		
Раздел VII. Геометрические и физические приложения определенного инте	грала	
Тема 23. Вычисление площадей плоских фигур. Вычисление длины дуги		
плоской кривой		
Вычисление площадей плоских фигур. Вычисление длины дуги плоской кри-	1	6
вой. Площадь в прямоугольных координатах. Площадь в полярных координа-		
Tax		
Тема 24. Вычисление объема тела. Вычисление площади поверхности		
вращения		_
Вычисление объема тела по известным поперечным сечениям. Объем тела	2	6
вращения. Площадь поверхности тел вращения		
Раздел VIII. Числовые и функциональные ряды	i	
Тема 25. Степенные ряды. Тригонометрические ряды		
Степенной ряд и его область сходимости. Теорема Абеля. Различные классы		
степенных рядов и их свойства. Разложение периодических функций в ряд	2	6
Фурье		
<sup>Ψ</sup> yppc		

Раздел IX. Дифференциальные уравнения			
Тема 26. Основные типы дифференциальных уравнений первого порядка			
и их решение			
Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка. Основные по-	2	6	
нятия. Уравнения первого порядка с разделяющимися переменными. Одно-		O	
родные дифференциальные уравнения первого порядка. Линейные дифферен-			
циальные уравнения первого порядка			
Тема 27. Линейные уравнения второго порядка			
Однородные и неоднородные линейные дифференциальные уравнения второ-			
го порядка и их общее решение. Линейные однородные дифференциальные	1	6	
уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами			
Раздел Х. Элементы теории поля			
Тема 28. Скалярные и векторные поля			
Поверхности уровня в скалярном поле. Лапласиан скалярного поля. Произ-	2	6	
водная поля по направлению			
Итого в семестре 2	18	64	
итого	36	100	

# 4. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Темы для са-	Изучаемые во-	Количе-	Формы само-	Методиче-	Формы			
мостоятельно-	просы	ство ча-	стоятельной	ские обес-	отчётно-			
го изучения	просел	сов	работы	печения	сти			
Семестр 1								
Линейные опе-	Линейно зависи-	1	Работа с лите-	Рекомендуе-	Конспект,			
рации над век-	мые и линейно		ратурой, сетью	мая литера-	решённые			
торами	независимые век-		Интернет, кон-	тура. Ресур-	задачи			
	торы. Ортогональ-		сультации, ре-	сы Интернет				
	ный базис. Коор-		шение задач					
	динаты векторов.							
	Скалярное, век-							
	торное и смешан-							
	ное произведения							
	векторов							
Матрицы и дей-	Прямоугольные и	1	Работа с лите-	Рекомендуе-	Конспект,			
ствия над ними	квадратные мат-		ратурой, сетью	мая литера-	решённые			
	рицы. Сложение и		Интернет, кон-	тура. Ресур-	задачи			
	умножение мат-		сультации, ре-	сы Интернет				
	риц. Нулевая и		шение задач					
	единичная матри-							
	цы. Транспониро-							
	вание матриц							
Определители и	Определители 2-	1	Работа с лите-	Рекомендуе-	Конспект,			
их свойства	го, 3-го и высших		ратурой, сетью	мая литера-	решённые			
	порядков. Основ-		Интернет, кон-	тура. Ресур-	задачи			
	ные свойства		сультации, ре-	сы Интернет				
	определителей.		шение задач					
	Миноры и алгеб-							
	раические допол-							
	нения							
Решение систем	Матрица системы.	1	Работа с лите-	Рекомендуе-	Конспект,			
линейных урав-	Матричное реше-		ратурой, сетью	мая литера-	решённые			

нений. Формулы Крамера	ние линейных уравнений. Обратная матрица. Формулы Крамера		Интернет, кон- сультации, ре- шение задач	тура. Ресур- сы Интернет	задачи
Задачи на прямую и плоскость. Геометрические величины	Каноническое уравнение прямой и общее уравнение плоскости. Основные задачи на прямую, плоскость. Приложение векторной алгебры к вычислениям геометрических величин на плоскости и в пространстве	2	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Кривые второго порядка в кано- нической форме	Уравнения эллип- са, гиперболы и параболы в кано- нической форме. Эксцентриситеты эллипса, асимпто- ты гиперболы, ди- ректриса параболы	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Канонические уравнения поверхности второго порядка	Изучение поверхностей 2-го порядка по их каноническим уравнениям. Эллипсоиды, гиперболоиды, параболоиды, цилиндры 2-го порядка	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Комплексные числа	Алгебраическая, тригонометрическая и экспоненциальная формы комплексного числа. Арифметические действия над комплексными числами. Формула Эйлера. Формула Муавра	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Элементарные функции и их графики	Возрастание и убывание функций. Максимумы и минимумы. Исследование функции на экстремум. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Числовые по- следовательно- сти и их свой-	Алгоритмически заданные числовые последова-	1	Работа с литературой, сетью Интернет, кон-	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур-	Конспект, решённые задачи

Основные тео-	тельности. Последовательность Фибоначчи и гармоническая последовательность. Золотое сечение. Среднее арифметическое, геометрическое и гармоническое	1	сультации, ре- шение задач  Работа с лите-	сы Интернет	Vanagaga
ремы о пределах	Определение и условия существования пределов. Геометрическая интерпретация. Единственность предела числовой последовательности. Второй замечательный предел. Число е	1	ратурой, сетью Интернет, кон- сультации, ре- шение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Основные теоремы о непрерывных функциях	Два определения свойства непрерывности функций и их эквивалентность. Односторонние пределы. Непрерывность функций в точке «слева» и «справа». Теорема Вейерштрасса и теорема Коши	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Понятие производной	Геометрический и механический смысл производной. Общее определение производной. Зависимость между непрерывностью и дифференцируемостью функций. Уравнение касательной и нормали к кривой. Производные от некоторых простейших функций	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Правила дифференцирования функций и производные элементарных функций	Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. Производная обратной функции. Сводка формул дифференцирования	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи

Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций	Неявно заданная функция, её про- изводная и дифференциал. Функция, заданная параметрически, её производная и дифференциал. Производные высших порядков от функций, заданных параметрически	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Правила Лопиталя и раскрытие неопределенностей	Свойства дифференцируемых функций. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа и Лопиталя. Их геометрический смысл. Теорема Коши. Примеры на применение правила Лопиталя	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Общая схема исследования функции и построения графика	Правило исследования функций на экстремум с помощью первой производной. Исследование функций на экстремум с помощью второй производной. Асимптоты и точки перегиба	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Итого в семестре	1	18			
T .	I 20	Семестр		T 70	7.0
Первообразная функция и понятие неопределённого интеграла	Разность двух первообразных для одной и той же функции. Свойства неопределённого интеграла. Достаточное условие существования первообразной	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Основные методы интегрирования	Метод непосред- ственного инте- грирования. Метод интегрирования подстановкой (за- меной перемен- ной). Метод инте- грирования по ча- стям. Теорема Коши. Понятие о «неберущихся»	1	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи

	интегралах				
Основные свой-	Задача о площади	1	Работа с лите-	Рекомендуе-	Конспект,
ства определён-	криволинейной	_	ратурой, сетью	мая литера-	решённые
ного интеграла.	трапеции. Свой-		Интернет, кон-	тура. Ресур-	задачи
Формула Нью-	ства определённо-		сультации, ре-	сы Интернет	Sugar III
тона – Лейбница	го интеграла. Вы-		шение задач		
	вод формулы		шение зиди г		
	Ньютона – Лейб-				
	ница и примеры её				
	применения				
Вычисление и	Интегрирование	1	Работа с лите-	Рекомендуе-	Конспект,
преобразование	подстановкой (за-	1	ратурой, сетью	мая литера-	решённые
определённых	мена переменной).		Интернет, кон-	тура. Ресур-	задачи
интегралов	Интегрирование		сультации, ре-	сы Интернет	зада тт
inite pastos	по частям. Вычис-		шение задач		
	ление с помощью		шение зада т		
	интегральных				
	сумм. Формулы				
	приведения				
Несобственные	Интегралы с бес-	1	Работа с лите-	Рекомендуе-	Конспект,
интегралы. При-	конечными преде-	•	ратурой, сетью	мая литера-	решённые
ближенное вы-	лами. Теорема		Интернет, кон-	тура. Ресур-	задачи
числение опре-	сравнения. При-		сультации, ре-	сы Интернет	зада тт
делённых инте-	знак абсолютной		шение задач	СЫ ТІПТЕРПЕТ	
гралов	сходимости. Фор-		шение зада т		
Тразгов	мулы прямоуголь-				
	ников и трапеций.				
	Формула Симпсо-				
	на				
Вычисление	Вычисление пло-	1	Работа с лите-	Рекомендуе-	Конспект,
площадей плос-	щадей плоских		ратурой, сетью	мая литера-	решённые
ких фигур. Вы-	фигур. Вычисле-		Интернет, кон-	тура. Ресур-	задачи
числение длины	ние длины дуги		сультации, ре-	сы Интернет	30,70
дуги плоской	плоской кривой.		шение задач	· · · · ·	
кривой	Площадь в прямо-				
r	угольных коорди-				
	натах. Площадь в				
	полярных коорди-				
	натах				
Вычисление	Вычисление объё-	1	Работа с лите-	Рекомендуе-	Конспект,
объёма тела.	ма тела по извест-	_	ратурой, сетью	мая литера-	решённые
Вычисление	ным поперечным		Интернет, кон-	тура. Ресур-	задачи
площади по-	сечениям. Объем		сультации, ре-	сы Интернет	7, 3
верхности вра-	тела вращения.		шение задач	- F1	
щения	Площадь поверх-				
,	ности тел враще-				
	ния				
Степенные ряды.	Степенной ряд и	1	Работа с лите-	Рекомендуе-	Конспект,
Тригонометри-	его область схо-		ратурой, сетью	мая литера-	решённые
ческие ряды	димости. Теорема		Интернет, кон-	тура. Ресур-	задачи
1	Абеля. Различные		сультации, ре-	сы Интернет	'
	классы степенных		шение задач	r	
	рядов и их свой-				
	ства. Разложение				
	периодических				
	функций в ряд				
	Фурье				
L	- 1	<u>I</u>	I .	1	l .

Основные типы дифференциальных уравнений первого порядка и их решение	Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка. Основные понятия. Уравнения первого порядка с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка. Линейные дифференциальные уравнения	2	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
	первого порядка				
Линейные уравнения второго порядка	Однородные и неоднородные линейные дифференциальные уравнения второго порядка и их общее решение. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами	2	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Скалярные и векторные поля	Поверхности уровня в скалярном поле. Лапласиан скалярного поля. Производная поля по направлению	2	Работа с литературой, сетью Интернет, консультации, решение задач	Рекомендуе- мая литера- тура. Ресур- сы Интернет	Конспект, решённые задачи
Итого в семестре	2	14			
итого		32			

# 5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕ-ЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

# 5.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

В результате освоения дисциплины студент должен обладать следующими компетенциями:

Код и наименование компетенции	Этапы формирования
УК-1 – Способность осуществлять крити-	1. Работа на учебных занятиях
ческий анализ проблемных ситуаций на	2. Самостоятельная работа
основе системного подхода, вырабатывать	-
стратегию действий.	
ОПК-5 – Способность осуществлять кон-	1. Работа на учебных занятиях
троль и оценку формирования результатов	

образования обучающихся, выявлять и	2. Самостоятельная работа
корректировать трудности в обучении	

# 5.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Оце-	Уро-	Этап формирова-	Критерии	Шкала	
нива-	вень	ния		оценива-	оцени-
емые	сфор-			ния	вания
ком-	миро-				
петен	ванно-				
тен-	сти				
ции					
УК-1	Поро-	1. Работа на учебных	Знает:	Опросы,	41 - 60
	говый	занятиях (лекции,	основные математические ме-	проверка	баллов
		практические заня-	тоды исследования и общие	домашних	
		тия) (Темы 1 – 28)	математические методы ре-	заданий,	
		2. Самостоятельная	шения задач, используемые в	реферат,	
		работа (домашние	естественных науках;	контроль-	
		задания)	Умеет:	ные работы,	
			профессионально применять	экзамен	
			математический аппарат при		
			обучении в общеобразова-		
			тельных учреждениях;		
	Про-	1. Работа на учебных	Знает:	Опросы,	61 - 100
	двину-	занятиях (лекции,	мировоззренческое значение	проверка	баллов
	тый	практические заня-	математики, роль и место ма-	домашних	
		тия) (Темы 1 – 28)	тематики в изучении окружа-	заданий,	
		2. Самостоятельная	ющего мира; Умеет:	реферат,	
		работа (домашние задания)		контроль- ные работы,	
		задания)	применять математические методы при проведении тео-	экзамен	
			ретических и эксперимен-	экзамсн	
			тальных исследований в про-		
			фессиональной деятельности;		
			Владеет:		
			- навыками и методологией		
			научно-исследовательской и		
			педагогической работы;		
ОПК-	Поро-	1. Работа на учебных	Знает:	Опросы,	41 - 60
5	говый	занятиях (лекции,	- общую структуру математи-	проверка	баллов
		практические заня-	ки, современных направлений	домашних	
		тия) (Темы 1 – 28)	её развития и взаимосвязи с	заданий,	
		2. Самостоятельная	другими дисциплинами.	реферат,	
		работа (домашние	Умеет:	контроль-	
		задания)	- применять методы матема-	ные работы,	
			тики к решению практических	экзамен	
			задач и к исследованиям в		
			области технологии и пред-		
	Про	1 Posomo vo varostve ve	принимательства.  Знает:	Опрост	61 100
	Про-	1. Работа на учебных занятиях (лекции,		Опросы,	61 – 100 баллов
	двину- тый	практические заня-	- общую структуру математи-ки, современных направлений	проверка домашних	Ualilus
	1 DIVI	тия) (Темы 1 – 28)	её развития и взаимосвязи с	домашних заданий,	
		2. Самостоятельная	другими дисциплинами.	реферат,	
	1	2. Camocionicionax	другими дисциплинами.	греферат,	

работа (домашние	Умеет:	контроль-
задания)	- применять методы матема-	ные работы,
	тики к решению практических	экзамен
	задач и к исследованиям в	
	области технологии и пред-	
	принимательства.	
	Владеет:	
	- представлением о примене-	
	нии математики к решению	
	практических задач;	
	- представлением о численном	
	моделировании.	

5.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

#### Примеры домашних заданий

#### Семестр 1

- 1. Найти предел функции  $\lim_{x \to \infty} = \left( \sqrt{6x + 2} \sqrt{6x 3} \right)$ .
- 2. Найти сумму значений точек разрыва функции  $f(x) = \frac{x+2}{x^2+2x-3}$ .
- 3. Продифференцировать неявную функцию  $x^2 + y^2 = 4$ .
- 4. Вычислить производную третьего порядка функции  $y = x^5 7x^3 + 2$ .
- 5. Оценить определённый интеграл  $\int_{\frac{1}{2}}^{2} \frac{e^{x}}{x} dx$ .
- 6. Вычислить объём эллипсоида  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} + \frac{z^2}{25} = 1$ .
- 7. Найти область определения функции  $z = \frac{x^2 + 4xy 3}{x + y 5}$ .
- 8. Вычислить определитель  $\det \mathbf{A} = \begin{vmatrix} 1 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & 8 \\ 3 & 6 & 9 \end{vmatrix}$ .
- 9. Построить эллипс  $9x^2 + 25y^2 = 225$ . Найти: а) полуоси; б) координаты фокусов; в) эксцентриситет; г) уравнения директрис.
- 10. Установить, что уравнение  $16x^2 9y^2 64x 54y 161 = 0$  определяет гиперболу, найти её центр C, полуоси, эксцентриситет, уравнения асимптот и директрис.

# Семестр 2

- 1. Исследовать на сходимость ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{2n-1}{3n+2} \right)^{n/2}$ .
- 2. Функция f(x) = |x| задана на отрезке  $-\pi \le x \le \pi$  и периодически с периодом  $2\pi$  продолжена на всю числовую ось  $-\infty < x < +\infty$ . Разложить f(x) в ряд Фурье.

- 3. Найти общее решение дифференциального уравнения  $y'' + y = 2\cos 3x 3\sin 3x$ .
- 4. Найти производную скалярного поля  $\mathbf{u}(\mathbf{x},\mathbf{y},\mathbf{z}) = \mathbf{x} + \ln\left(\mathbf{y}^2 + \mathbf{z}^2\right)$  в точке M(2,1,1) по направлению вектора  $\mathbf{l} = -2\mathbf{i} + \mathbf{j} \mathbf{k}$ .
- 5. В урне находятся 3 белых шара и 2 черных. Из урны вынимается один шар, а затем второй. Событие В появление белого шара при первом вынимании. Событие А появление белого шара при втором вынимании. Найти вероятность события А, при условиях, что событие В произошло или не произошло.
- 6. Вычислить по формуле Симпсона определённый интеграл  $\int_0^1 \arcsin x dx$ . Отрезок ин-

тегрирования разбить на N = 5 частей. Сравнить с точным значением.

7. Дан закон распределения дискретной случайно величины:

X	4.0	4.1	4.2	4.4
P	0.1	0.2	0.3	0.4

Построить многоульник распределения. Найти математическое ожидание случайной величины M(X), дисперсию случайно величины D(X), среднее квадратичное отклонение S(X). Задать таблицей интегральную функцию распределения и построить её график.

- 8. Вычислить математическое ожидание нормально распределённой случайной величины количество тёртого грецкого ореха, используемого для приготовления четырёх порций салата «Южный» с орехами, равно 40 грамм, со среднеквадратичным отклонением 3 грамма.
- 9. По данным 7 измерений некоторой величины найдены средняя результатов измерений, равная 30 и выборочная дисперсия, равная 36. Найдите границы, в которых с надёжностью 0,99 заключено истинное значение измеряемой величины.
- 10. Из партии объёмом 500 однородных товаров для проверки по схеме случайной бесповторной выборки отобрано 70 товаров, среди которых оказалось 56 небракованных. Найдите вероятность того, что доля бракованных товаров во всей партии отличается от полученной доли в выборке не более чем на 0,02 (по абсолютной величине), а также границы, в которых с надёжностью 0,96 заключена доля бракованных товаров во всей партии.

#### Примеры вариантов контрольных работ

#### Семестр 1

#### Вариант 1

- 1. Найти матрицу  $A^{-1}$ , обратную данной  $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$ .
- 2. Решить матричным способом систему уравнений  $\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 4x_3 = -5 \\ x_1 + 5x_2 2x_3 = 5 \end{cases}.$
- 3. Вычислить площадь треугольника с вершинами в точках A(1;-1;1), B(2;3;5) и C(4;3;2).
- 4. Вычислить объем треугольной пирамиды с вершинами A(1;-1;1), B(2;3;5), C(4;3;2) и D(3;7;2).
- 5. Вычислите площадь параллелограмма, построенного на векторах  $\bar{a}$  (2;-1;5) и  $\bar{b}$  (3;1;4).

#### Вариант 2

- 1. Вычислить произведение матриц **AB**, если  $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ .
- 2. Решите систему уравнений по правилу Крамера  $\begin{cases} 5x_1 x_2 + x_3 = 6 \\ 3x_1 + 4x_2 x_3 = 8 \\ 2x_1 x_2 5x_3 = -15 \end{cases}$
- 3. Найти объем параллелепипеда, построенного на векторах  $\overline{a}$  (1;-1;1),  $\overline{b}$  (2;2;-2) и  $\overline{c}$  (2;3;4).
- 4. Определить координаты фокуса параболы  $x^2 = -20y$ .
- 5. Написать уравнение равносторонней гиперболы, проходящей через точку (3; -1).

# Семестр 2 Вариант 1

- 1. Вычислить  $\frac{8!-6!}{55}$ .
- 2. Вычислить  $C_6^4$ .
- 3. Методом интегрирования по частям вычислить неопределённый интеграл  $\int ln(1+x^2) \, dx$  .
- 4. Вычислить определённый интеграл  $\int_{0}^{1} \frac{x^{3} dx}{(x^{2}+1)^{2}}$ .
- 5. Вычислить площадь фигуры, ограниченной графиками  $y = (x 2)^3$ , y = 4x 8.

# Вариант 2

- 1. Вычислить  $\frac{7!-7!!}{47}$ .
- 2. Вычислить  $C_n^2$ .
- 3. Используя метод замены переменной, вычислить неопределённый интеграл  $\int \frac{x-\sin x}{x^2+2\cos x} \, dx \, .$
- 4. Вычислить определённый интеграл  $\int_{0}^{1} x^{2} \sqrt{1-x^{2}} dx$ .
- 5. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией в полярных координатах  $r = \sin 3 \phi$  .

# Темы рефератов

# Семестр 1

- 1. Линейные операторы. Ортогональные и эрмитовы операторы.
- 2. Линейные операторы. Собственные значения и собственные векторы.
- 3. Тензоры в линейной алгебре и их примеры. Операции над тензорами. Свертка тензоров.
- 4. Антисимметричный тензор Леви Чивита. Связь с детерминантом матрицы.
- 5. Кватернионы. Их связь с матрицами Паули.
- 6. Кривые второго порядка и конические сечения.
- 7. Кривизна плоской кривой. Эволюта и эвольвента.
- 8. Точные верхняя и нижняя грани множеств. Применение в доказательствах теорем

- математического анализа.
- 9. Нормированные и унитарные линейные пространства. Пополнение линейных пространств.

### Семестр 2

- 1. Функции Бесселя, Инфельда, Макдональда.
- 2. Бета- и гамма-функции Эйлера.
- 3. Классические ортогональные многочлены.
- 4. Обобщённые функции в математике. Дельта-функция Дирака.
- 5. Функции многих переменных. Частные производные. Смешанные производные.
- 6. Метод характеристик в теории дифференциальных уравнений с частными произволными.
- 7. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа.
- 8. Многомерные интегралы. Замена переменных в многомерных интегралах, матрица Якоби.
- 9. Системы линейных дифференциальных уравнений. Функции от матриц.

#### Вопросы для экзамена

- 1. Матрицы. Основные операции над матрицами.
- 2. Определители квадратных матриц. Основные свойства определителей.
- 3. Матричная запись системы линейных уравнений. Формулы Крамера.
- 4. Обратные матрицы. Их свойства и правило вычисления.
- 5. Прямоугольная система координат. Координаты вектора.
- 6. Скалярное произведение векторов. Его свойства.
- 7. Векторное и смешанное произведения векторов. Их свойства.
- 8. Прямая на плоскости. Различные виды уравнений прямой, геометрический смысл.
- 9. Плоскость в пространстве. Различные виды уравнений плоскости.
- 10. Прямые в пространстве. Различные виды уравнений прямой в пространстве.
- 11. Кривые второго порядка на плоскости и в пространстве. Их канонические уравнения.
- 12. Комплексные числа. Арифметические операции над комплексными числами. Извлечение корня из комплексных чисел.
- 13. Числовая функция. Область определения и множество значений функции. Способы задания функции. Числовая последовательность.
- 14. Основные элементарные функции. Понятие элементарной функции.
- 15. Понятие и основные свойства предела и непрерывности функции.
- 16. Производная функции. Её геометрический смысл. Производные основных элементарных функций.
- 17. Правила дифференцирования. Производные сложной, обратной и параметрически заданной функции.
- 18. Производные и дифференциалы высших порядков.
- 19. Необходимое условие локального экстремума функции.
- 20. Правило Лопиталя раскрытия неопределённостей.
- 21. Возрастание и убывание функций. Достаточные условия локального экстремума функции.
- 22. Выпуклость функций. Точка перегиба функции.
- 23. Исследование функции и построение эскиза графика.
- 24. Первообразная функции и понятие неопределённого интеграла. Неопределённые интегралы основных элементарных функций.
- 25. Основные методы интегрирования: метод непосредственного интегрирования, метод интегрирования по частям, метод замены переменной.

- 26. Определённый интеграл. Его основные свойства.
- 27. Формула Ньютона Лейбница для определённого интеграла.
- 28. Геометрические приложения определённого интеграла: площадь под плоской кривой, длина дуги кривой.
- 29. Геометрические приложения определённого интеграла: объём тела по поперечным сечениям, объём тела вращения.
- 30. Приближенные методы вычисления определённых интегралов: метод прямоугольников, трапеций, Симпсона (парабол).
- 31. Числовой ряд. Сходимость и сумма ряда. Необходимый признак сходимости числовых рядов.
- 32. Признаки сравнения, признак Даламбера и признак Коши сходимости числовых рядов.
- 33. Разложение функций в ряд Тейлора. Остаточное слагаемое в форме Пеано и в форме Лагранжа.
- 34. Разложение периодических функций в ряд Фурье.
- 35. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Дифференциальные уравнения первого порядка с разделёнными и разделяющимися переменными.
- 36. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Метод вариации постоянных.
- 37. Уравнение Бернулли. Сведение к линейному дифференциальному уравнению первого порядка.
- 38. Линейное однородное дифференциальное уравнение второго порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение.
- 39. Линейное неоднородное дифференциальное уравнение второго порядка с постоянными коэффициентами и специальной правой частью.
- 40. Поверхности уровня в скалярном поле. Производная поля по направлению.

# 5.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Оценивание степени освоения обучающимися дисциплины осуществляется на основе положения «Положение о балльно-рейтинговой системе оценки успеваемости студентов МГОУ». Сопоставимость рейтинговых показателей студента по разным дисциплинам и Балльно-рейтинговой системы оценки успеваемости студентов обеспечивается принятием единого механизма оценки знаний студентов, выраженного в баллах, согласно которому 100 баллов — это полное усвоение знаний по учебной дисциплине, соответствующее требованиям учебной программы.

Максимальный результат, который может быть достигнут студентом по каждому из Блоков рейтинговой оценки — 100 баллов.

Шкала соответствия рейтинговых оценок пятибалльным оценкам:

100 - 81 баллов – «отлично» (5); 80 - 61 баллов – «хорошо» (4); 60 - 41 баллов – «удовлетворительно» (3); до 40 баллов – «неудовлетворительно».

Ответ обучающегося на экзамене или зачёте оценивается в баллах с учетом шкалы соответствия рейтинговых оценок пятибалльным оценкам.

Оце	енка по 5-балльной системе	Оценка по 100-балльной системе
5	Отлично	81 – 100
4	Хорошо	61 – 80
3	Удовлетворительно	41 – 60
2	Неудовлетворительно	0 – 40

В зачётно-экзаменационную ведомость и зачётную книжку выставляются оценки по пятибалльной шкале и рейтинговые оценки в баллах.

При получении студентом на экзамене или зачёте неудовлетворительной оценки в ведомость выставляется рейтинговая оценка в баллах (<40 баллов), соответствующая фактическим знаниям (ответу) студента.

Процедура оценивания знаний и умений состоит из следующих составных элементов:

- 1) учёт посещаемости лекционных и практических занятий осуществляется по ведомости, представленной ниже в форме таблицы;
  - 2) текущий контроль.

#### Требования к домашним заданиям

Студенты выполняют по 5 домашних заданий в 1 и 2 семестрах по дисциплине «Математика». Каждое домашнее задание содержит 5 задач. В ходе проверки домашних заданий студент должен рассказать ход решения одной из задач в задании. При этом студенту задаются вопросы на понимание темы задачи. Баллы (дробные числа) за решение каждой задачи:

- 0-0.20: студент не решил задачу, и при этом имеются не более двух идей или подходов к решению задачи;
- 0.21 0.40: студент не решил задачу, но имеются более двух правильных идей или подходов к решению задачи;
- 0.41 0.60: студент в целом решил задачу, но в решении имеются заметные и грубые ошибки, недостатки и недочёты;
- 0.61-0.80: студент решил задачу, однако в решении имеются несущественные ошибки, недостатки и недочёты;
- 0.81 1.00: студент решил задачу и при этом показал полное и уверенное знание темы задачи.

Результирующий балл за одно задание получается стандартным округлением полученного балла за одну задачу: 0 баллов, если балл за задачу менее 0.5, и 1 балл, если балл за задачу не менее 0.5. Итоговый балл за все задания складывается из результирующих баллов за каждое задание.

#### Требования к контрольным работам

По дисциплине «Математика» студенты выполняют по контрольной работе в каждом 1 и 2 семестрах. Каждая контрольная работа содержит 2 задания. Баллы за каждое задание контрольной работы:

- 0: студент не решил задачу и показал полное незнание темы задания;
- 1: студент не решил задачу, но имеются только одна две идеи или подходы к решению задачи;
- 2: студент не решил задачу, но имеются более двух правильных идей или подходов к решению задачи;
- 3: студент в целом решил задачу, но в решении имеются заметные и грубые ошибки, недостатки и недочёты;
- 4: студент решил задачу, однако в решении имеются несущественные ошибки, недостатки и недочёты;
  - 5: студент решил задачу и показал полное и уверенное знание темы задания.

Итоговая оценка за контрольные работы складывается из оценок за все задания.

#### Требования к реферату

По дисциплине «Математика» студенты выполняют и защищают по одному реферату в 1 или 2 семестрах. Тему реферата студент выбирает самостоятельно. При выполне-

нии реферата студент использует все возможные ресурсы: учебную, научную, справочную литературу, сеть «Интернет» и др. Реферат оформляется в виде публикации в электронном виде, распечатывается на бумаге формата A4.

Защита реферата осуществляется в виде краткой презентации темы работы: цели, основных положений, результатов исследований, выводов и списка используемых источников. Презентация выполняется в формате PowerPoint или PDF. На защите студент должен ответить на несколько вопросов на понимание темы работы.

Баллы за реферат:

- 0-1: студент показывает полное незнание темы выполненной работы;
- 2: студент в целом показывает незнание темы работы, однако высказывает отдельные правильные ответы или соображения;
- 3: студент в целом показывает понимание темы работы, но в ответах имеется много ошибок, недостатков и недочётов;
- 4: студент показывает понимание темы работы, а в ответах может быть до трёх негрубых ошибок, недостатков и недочётов.
- 5: студент показывает хорошее знание темы работы, а ответы не содержат негрубых ошибок, недостатков и недочётов.

#### Требования к экзамену

Для допуска к экзамену нужно выполнить все домашние задания, пройти все опросы, написать все контрольные работы, а также защитить один реферат по выбору студента в одном из 1 или 2 семестрах. На экзамене студент должен ответить на два теоретических вопроса.

Баллы за каждый вопрос на экзамене:

- 0 6: студент не ответил на вопрос;
- 7 12: студент в целом не ответил на вопрос, но подход к ответу правильный;
- 13-18: студент в целом ответил на вопрос, но в ответе имеются ошибки, недостатки или недочёты;
- 19 25: студент правильно ответил на вопрос, а в ответе могут быть несущественные недочёты или ошибки.

Баллы за экзамен складываются из баллов за ответ на каждый вопрос:

0-20 баллов — «неудовлетворительно»; 21-30 баллов — «удовлетворительно»; 31-40 баллов — «хорошо»; 41-50 баллов — «отлично».

Итоговая оценка за экзамен складывается из оценок за посещение занятий, за опросы, за домашние задания, за контрольные работы, за реферат, а также за экзамен с оценкой не менее «удовлетворительно». Максимальная итоговая оценка — 100 баллов.

# Московский государственный областной университет Ведомость учёта посещения

#### Факультет технологии и предпринимательства

Направление: Педагогическое образование (профиль: Технологическое и экономическо
образование)
Дисциплина: Математика
Группа №
Преподаватель:

<b>№</b> п/п	Фамилия И.О. студента		Посещение занятий							
		1	2	3	4				18	
1.		+	_	+	_				+	61

2.	_	+	+	+		+	66

# Московский государственный областной университет Ведомость учёта текущей успеваемости Факультет технологии и предпринимательства

Направление: Педагогическое образование (профиль: Технологическое и экономическое образование)

Дисциплина: Математика

Группа № \_\_\_\_\_

Преподаватель:

<u>No</u>	Фами-						Под-	Сум-	Об-	Ито	говая	Подпись
Π/	ЛИЯ	G .	,	_			пись	ма	щая		енка	преподава-
П	И.О.	Сумма б	аллов,	набран	местре	препо-	бал-	сум-	,		теля	
			дав.	лов за	ма							
		Посеще-	Опро-	Дом.	Кон-	Защита		экза-	бал-	Циф	Про-	
		ние	сы	зада-	трол.	рефе-		мен	ЛОВ	pa	пись	
				ния	работы	рата						
		до 10										
		баллов		10	4.0	до 10						
			1.0	до 10	до 10	баллов						
			до 10	бал-	баллов							
			бал- лов	ЛОВ				до 50				
			лов					бал-				
								лов				
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
1.												
2.												
3.												

#### Посещение занятий

Критерии оценивания	Баллы
Студент посетил 0 – 10% всех занятий	0 - 1
Студент посетил 11 – 20% всех занятий	2 - 4
Студент посетил 21 – 40% всех занятий	5 – 7
Студент посетил 41 – 60% всех занятий	8 - 10
Студент посетил 61 – 80% всех занятий	0 - 1
Студент посетил 81 – 100% всех занятий	2 - 4

#### Опросы

Критерии оценивания	Баллы
Студент правильно ответил на 0 – 30% всех заданных вопросов	0 - 1
Студент правильно ответил на 31 – 50% всех заданных вопросов	2 - 4
Студент правильно ответил на 51 – 75% всех заданных вопросов	5 – 7
Студент правильно ответил на 76 – 100% всех заданных вопросов	8 - 10

#### Домашние задания

Критерии оценивания	Баллы
Студент правильно выполнил 0 – 20% всех домашних заданий	0 - 1
Студент правильно выполнил 21 – 50% всех домашних заданий	2 - 4
Студент правильно выполнил 50 – 75% всех домашних заданий	5 – 7

# Критерии оценивания и баллы за контрольные работы и реферат представлены выше.

#### Экзамен

Уровни оценивания	Критерии оценивания	Баллы
Отлично	Полные и точные ответы на все вопросы. Свободное владение	41 - 50
	основными терминами и понятиями курса. Последовательное и	
	логичное изложение материала курса. Законченные выводы и	
	обобщения по теме вопросов. Исчерпывающие ответы на вопро-	
	сы.	
Хорошо	Ответы на вопросы содержат от одной до трёх негрубых оши-	31 - 40
	бок. Уверенное владение терминами и понятиями курса. Изло-	
	жение материала курса почти всегда логично и последователь-	
	но. Выводы и обобщения по теме вопросов содержат до трёх	
	логически незаконченных положений. Ответы на вопросы в ос-	
	новном исчерпывающие.	
<i>Удовлетворительно</i>	Ответы на вопросы в целом правильные, но содержат более трёх	21 - 30
1	ошибок, в том числе грубых. Владение терминами и понятиями	
	курса неуверенное. Изложение материала часто нелогично и не	
	всегда последовательно. Выводы и обобщения по теме вопросов	
	содержат более трёх логически незаконченных положений. От-	
	веты на вопросы неполные.	
Неудовлетворительно	Правильные ответы на менее половины вопросов. Отсутствие	0 - 20
*	владения основными понятиями курса. Материал изложен нело-	
	гично, непоследовательно и неправильно. Выводы и обобщения	
	по теме вопросов почти всегда содержат логически незакончен-	
	ные темы.	

#### 6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И РЕСУРСНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 6.1. Основная литература

- 1. Шипачев, В. С. Высшая математика: учебник / В.С. Шипачев. Москва: ИН-ФРА-М, 2021. 479 с. (Высшее образование). DOI 10.12737/5394. ISBN 978-5-16-010072-2. Текст: электронный. URL: https://znanium.com/catalog/product/1185673 (дата обращения: 12.11.2020). Режим доступа: по подписке.
- 2. Дорофеева, А. В. Высшая математика для гуманитарных направлений: учебник для бакалавров / А. В. Дорофеева. 3-е изд., перераб. и доп. Москва: Издательство Юрайт, 2019. 401 с. (Бакалавр. Академический курс). ISBN 978-5-9916-2641-5. Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: <a href="https://urait.ru/bcode/425389">https://urait.ru/bcode/425389</a> (дата обращения: 12.11.2020).
- 3. Бугров, Я. С. Высшая математика в 3 т.: учебник для вузов / Я. С. Бугров, С. М. Никольский. 7-е изд., стер. Москва: Издательство Юрайт, 2020. 253 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-02148-6. Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт].
  - Т. 1. Дифференциальное и интегральное исчисление в 2 кн. Книга 1: URL: <a href="https://urait.ru/bcode/452426">https://urait.ru/bcode/452426</a> (дата обращения: 12.11.2020).
  - Т. 1. Дифференциальное и интегральное исчисление в 2 кн. Книга 2 : URL: <a href="https://urait.ru/bcode/452427">https://urait.ru/bcode/452427</a> (дата обращения: 12.11.2020).

- Т. 2. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии: URL: <a href="https://urait.ru/bcode/449950">https://urait.ru/bcode/449950</a> (дата обращения: 12.11.2020).
- Том 3. В 2 кн. Книга 1. Дифференциальные уравнения. Кратные интегралы: URL: <a href="https://urait.ru/bcode/452424">https://urait.ru/bcode/452424</a> (дата обращения: 12.11.2020).
- Tom 3. В 2 кн. Книга 2. Ряды. Функции комплексного переменного : URL: <a href="https://urait.ru/bcode/452425">https://urait.ru/bcode/452425</a> (дата обращения: 12.11.2020).

#### 6.2. Дополнительная литература

- 1. Дорофеева, А. В. Высшая математика для гуманитарных направлений. Сборник задач: учебно-практическое пособие / А. В. Дорофеева. 2-е изд. Москва: Издательство Юрайт, 2019. 177 с. (Бакалавр. Академический курс). ISBN 978-5-9916-2682-8. Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/425571 (дата обращения: 12.11.2020).
- 2. Ровба Е.А., Высшая математика: учеб. пособие / Е.А. Ровба, А.С. Ляликов, Е.А. Сетько, К.А. Смотрицкий Минск: Выш. шк., 2012. 391 с. ISBN 978-985-06-2106-1 Текст: электронный // ЭБС "Консультант студента": [сайт]. URL: https://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9789850621061.html (дата обращения: 12.11.2020). Режим доступа: по подписке.
- 3. Павлюченко, Ю. В. Высшая математика для гуманитарных направлений: учебник и практикум для вузов / Ю. В. Павлюченко, Н. Ш. Хассан; под общей редакцией Ю. В. Павлюченко. 4-е изд., перераб. и доп. Москва: Издательство Юрайт, 2020. 238 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-9916-7037-1. Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/449847 (дата обращения: 12.11.2020).
- 4. Седых, И. Ю. Высшая математика для гуманитарных направлений: учебник и практикум для вузов / И. Ю. Седых, Ю. Б. Гребенщиков, А. Ю. Шевелев. Москва: Издательство Юрайт, 2020. 443 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-04161-3. Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/450410 (дата обращения: 12.11.2020).
- 5. Крупин В.Г., Высшая математика. Уравнения математической физики. Сборник задач с решениями: учебное пособие / В.Г. Крупин, А.Л. Павлов, Л.Г. Попов М.: Издательский дом МЭИ, 2017. 388 с. ISBN 978-5-383-01075-4 Текст: электронный // ЭБС "Консультант студента": [сайт]. URL: https://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785383010754.html (дата обращения: 12.11.2020). Режим доступа: по подписке.
- 6. Жачкин В.А. Математика [Текст] : учеб.-метод.пособие для вузов / В. А. Жачкин, М. М. Кузнецов. М. : МГОУ, 2013. 64с.

#### 6.3. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

1. Поисковый сервер http://www.yandex.ru и другие поисковые серверы.

#### 7. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

Студентам предлагается использовать ресурсы сети «Интернет» для более прочного усвоения учебного материала, изложенного на лекциях, а также для изучения материала, запланированного для самостоятельной работы.

Целью самостоятельной работы, т.е. работы, выполняемой студентами во внеаудиторное время по заданию и руководству преподавателя, является глубокое понимание и

усвоение курса лекций и практических занятий, подготовка к контрольным работам, к сдаче экзамена, овладение профессиональными умениями и навыками деятельности, опытом творческой, исследовательской деятельности.

Для успешной подготовки и сдачи экзамена необходимо проделать следующую работу:

- изучить теоретический материал, относящийся к каждому из разделов;
- выработать устойчивые навыки в решении типовых практических заданий.
  - 1. Методические рекомендации по проведению лекционных занятий на физикоматематическом факультете, по очной и заочной форме обучения. / Бугримов А.Л., Грань Т.Н., Холина С.А. / М.: МГОУ
  - 2. Методические рекомендации по проведению лабораторных работ и практических занятий на физико-математическом факультете, по очной и заочной форме обучения. / Бугримов А.Л., Грань Т.Н., Холина С.А. / М.: МГОУ
  - 3. Методические рекомендации об организации выполнения и защиты курсовой работы на физико-математическом факультете, по очной и заочной форме обучения. / Бугримов А.Л., Грань Т.Н., Холина С.А. / М.: МГОУ

# 8. ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

### Лицензионное программное обеспечение:

Microsoft Windows Microsoft Office Kaspersky Endpoint Security

# Информационные справочные системы:

Система ГАРАНТ Система «КонсультантПлюс»

# Профессиональные базы данных

fgosvo.ru pravo.gov.ru www.edu.ru

#### 9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает в себя:

- учебные аудитории для проведения занятий лекционного и семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованные учебной мебелью, доской,

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает в себя:

- помещения для самостоятельной работы, укомплектованные учебной мебелью, персональными компьютерами с подключением к сети Интернет и обеспечением доступа к электронным библиотекам и в электронную информационно-образовательную среду МГОУ;