

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Наумова Наталия Александровна
Должность: Ректор
Дата подписания: 24.10.2024 14:21:41
Уникальный программный ключ:
6b5279da4e034bff679172803da507b559da69e2

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРОСВЕЩЕНИЯ»
(ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРОСВЕЩЕНИЯ)

Физико-математический факультет
Кафедра высшей алгебры, математического анализа и геометрии

УТВЕРЖДЕН
на заседании кафедры высшей алгебры,
математического анализа и геометрии
Протокол от «9» февраля 2023 г., № 6
Зав. кафедрой Кондратьева Г.В. /Кондратьева Г.В./

**ФОНД
ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ**

по дисциплине (модулю)
Теория функций действительного переменного

Направление подготовки (специальности)
44.03.01 Педагогическое образование

Профиль (программа подготовки, специализация)
Математика

Мытищи
2023

Содержание

1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы.....
2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания.....
3. Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы.....
4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.....

1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы¹

¹ Указывается информация в соответствии с утвержденной РПД

Код и наименование компетенции	Этапы формирования
УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	1. Работа на учебных занятиях. 2. Самостоятельная работа.
ПК-1. Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач	1. Работа на учебных занятиях. 2. Самостоятельная работа.

2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания²

Оцениваемые компетенции	Уровень сформированности	Этап формирования	Описание показателей	Критерии оценивания	Шкала оценивания
УК-1	Пороговый	1. Работа на учебных занятиях. 2. Самостоятельная работа.	Знать: •современные теории и методы в области теории функции действительного переменного; •значение и место дисциплины в общей картине мира. Уметь: •ясно и логично излагать полученные базовые знания; •демонстрировать понимание общей структуры	Домашнее задание Текущий контроль (контрольная работа) Коллоквиум	Шкала оценивания домашнего задания Шкала оценивания текущего контроля Шкала оценивания коллоквиума

² Указывается информация в соответствии с утвержденной РПД

			дисциплины и взаимосвязи с другими дисциплинами • решать задачи, связанные с предметной областью, с учетом современных достижений науки; • применять информационно-коммуникационные технологии для эффективного решения научных и прикладных задач, связанных с предметной областью.		
	Продвинутый	1. Работа на учебных занятиях. 2. Самостоятельная работа.	Знать: • современные теории и методы в области теории функции действительного переменного; • значение и место дисциплины в общей картине мира. Уметь: • ясно и логично излагать полученные базовые знания; • демонстрировать понимание общей структуры	Домашнее задание Текущий контроль (контрольная работа) Коллоквиум	Шкала оценивания домашнего задания Шкала оценивания текущего контроля Шкала оценивания коллоквиума

			дисциплины и взаимосвязи с другими дисциплинами • решать задачи, связанные с предметной областью, с учетом современных достижений науки; • применять информационно-коммуникационные технологии для эффективного решения научных и прикладных задач, связанных с предметной областью. Владеть: • способностью к логическому рассуждению; • основными методами решения задач, сформулированными в рамках предметных областей.		
ПК-1	Пороговый	1. Работа на учебных занятиях. 2. Самостоятельная работа.	Знать: • современные теории и методы в области теории функции действительного	Домашнее задание Текущий контроль (контрольная работа)	Шкала оценивания домашнего задания Шкала оценивания текущего

			переменного; • значение и место дисциплины в общей картине мира. Уметь: • ясно и логично излагать полученные базовые знания; • демонстрировать понимание общей структуры дисциплины и взаимосвязи с другими дисциплинами • решать задачи, связанные с предметной областью, с учетом современных достижений науки; • применять информационно-коммуникационные технологии для эффективного решения научных и прикладных задач, связанных с предметной областью.	Коллоквиум	контроля Шкала оценивания коллоквиума
	Продвинутый	1. Работа на учебных занятиях. 2. Самостоятельная	Знать: • современные теории и методы в области теории функции действительного	Домашнее задание Текущий контроль (контрольная работа)	Шкала оценивания домашнего задания Шкала оценивания

		работа.	переменного; • значение и место дисциплины в общей картине мира. Уметь: • ясно и логично излагать полученные базовые знания; • демонстрировать понимание общей структуры дисциплины и взаимосвязи с другими дисциплинами • решать задачи, связанные с предметной областью, с учетом современных достижений науки; • применять информационно-коммуникационные технологии для эффективного решения научных и прикладных задач, связанных с предметной областью. Владеть: • способностью к логическому рассуждению; • основными методами решения	Коллоквиум	текущего контроля Шкала оценивания коллоквиума
--	--	----------------	--	-------------------	--

			задач, сформулированными в рамках предметных областей.		
--	--	--	--	--	--

Шкала оценивания домашнего задания

Оценка	Критерии оценки
Оценка "отлично" (16-20 баллов)	решение всех трех примеров из приведенных заданий или решение двух примеров из приведенных заданий, но при условии предоставления черновиков не получившегося задания
Оценка "хорошо" (6-15 баллов)	решение двух примеров из приведенных заданий
Оценка "удовлетворительно" (до 6 баллов)	решение одного примера из приведенных заданий

Шкала оценивания коллоквиума

Оценка	Критерии оценки
Оценка "отлично" (16-20 баллов)	четкий и логичный ответ на поставленный вопрос по лекционному материалу. Студент безошибочно, самостоятельно решает задачи или доказывает теоремы
Оценка "хорошо" (6-15 баллов)	ответ на вопрос по лекционному материалу, в котором студент допускает «не грубые» ошибки. Студент решает задачи или доказывает теоремы и небольшими подсказками
Оценка "удовлетворительно" (до 6 баллов)	ответ на вопрос по лекционному материалу, в котором студент допускает «грубые» ошибки. Студент решает задачи или доказывает теоремы, но с значительными подсказками

Шкала оценивания контрольной работы

Оценка	Критерии оценки
Оценка "отлично" (31-40 баллов)	решение всех примеров из приведенных заданий
Оценка "хорошо" (21-30 баллов)	решение четырех примеров из приведенных заданий
Оценка "удовлетворительно" (до 20 баллов)	решение двух примеров из приведенных заданий

3. Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

Текущий контроль

УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять

системный подход для решения поставленных задач
Знать:

- современные теории и методы в области теории функции действительного переменного;
- значение и место дисциплины в общей картине мира.

Задания, необходимые для оценивания сформированности УК-1 на пороговом уровне³

Примеры домашнего задания

1. Доказать равенство: $(A \cup B) \setminus C = (A \setminus C) \cup (B \setminus C)$.
2. Существует ли функция $f \in \mathbf{C}([a, b]) : [a, b] \xrightarrow[\text{в.о.с.}]{f} [0, 11] \cup [20, 21]$?
3. Установить в.о.с. между замкнутым единичным кругом с 10 выколотыми точками и открытым единичным кругом с 5 выколотыми точками.

Примерные задания к текущему контролю (контрольная работа)

1. Пусть $E = \{(x, y) \in (\mathbf{J} \cap [-1, 2]) \times (\mathbf{J} \cap [-1, 2])\} \subset \mathbf{R}^1$, $\mathbf{J}$ - иррациональные числа, $\mathbf{J} \subset \mathbf{R}^1$.

Найти FrE , $\overline{E}$, E' , $\text{int } E$, $FrCE$, $\overline{CE}$, $\text{int } CE$, $(CE)'$, если $CE = S \setminus E$, $S = [-1, 2] \times [-1, 2]$.

2. Найти в канторовом множестве какую-либо точку второго рода, заключенную между десятичными дробями: 0.001 и 0.025.
3. Доказать, что объединение конечного числа попарно не пересекающихся множеств мощности $\aleph_1$ имеет мощность $\aleph_1$.

³ Указываются отдельно по уровням, в случае если формулировки ЗУВ различаются в зависимости от уровней сформированности компетенций.

Задания, необходимые для оценивания сформированности УК-1 на продвинутом уровне

Перечень вопросов для тестовых заданий

Перечень вопросов для дискуссий

Перечень тем для докладов

Перечень тем для презентаций.... и т.д.

Уметь:

- ясно и логично излагать полученные базовые знания;
- демонстрировать понимание общей структуры дисциплины и взаимосвязи с другими дисциплинами
- решать задачи, связанные с предметной областью, с учетом современных достижений науки;
- применять информационно-коммуникационные технологии для эффективного решения научных и прикладных задач, связанных с предметной областью.

Задания, необходимые для оценивания сформированности УК-1 на пороговом уровне⁴

Примерные теоретические вопросы к текущему контролю

1. Счетные множества. Несчетные множества.
2. Эквивалентные множества. Мощность множества. Множества мощности континуума.
3. Множество всех подмножеств данного множества.
4. Метрические пространства.
5. Нормированные пространства.
6. Евклидовы пространства.
7. Банаховы пространства. Полные метрические пространства.
8. Окрестность точки. Внутренняя точка. Внутренность. Предельная точка. Изолированная точка. Граничная точка. Граница.
9. Открытое множество. Замкнутое множество. Замыкание множества.
10. Совершенное множество. Канторово совершенное множество.
11. Всюду плотное множество. Нигде не плотное множество.

Задания, необходимые для оценивания сформированности ОПК-3 на продвинутом уровне

Примерные вопросы коллоквиума (письменный коллоквиум на 5 - 10 минут)

⁴ Указываются отдельно по уровням, в случае если формулировки ЗУВ различаются в зависимости от уровней сформированности компетенций.

1) Дать определение $A \cup B$.

2) Дать определение окрестности точки $x_0 \in \mathbf{R}^1$.

3) Дать определение $\bigcup_{\alpha \in J} A_\alpha$. 4) Дать определение счетного множества, примеры.

5) Дать определение $\bigcap_{\alpha \in J} A_\alpha$.

6) Дать определение совершенного множества, примеры.

7) Дать определение $A \setminus B$.

8) Дать определение границы множества, примеры.

9) Дать определение замкнутого множества, примеры.

10) Дать определение $\text{int } E$, примеры множеств E с указанием $\text{int } E$.

11) Дать определение несчетного множества, примеры.

12) Дать определение открытого множества, примеры

13) Дать определение $M \sim N$ (эквивалентность), примеры.

14) Дать определение граничной точки множества E , примеры.

15) Дать определение $\overline{M} = \overline{N}$ (что это значит?), примеры.

16) Дать определение изолированной точки множества E , примеры.

17) Дать определение $\overline{M} \supset \overline{N}$ (что это значит?), примеры.

18) Дать определение предельной точки множества E , примеры.

19) Каким множеством должно быть объединение конечного числа замкнутых множеств?
Дайте определение замкнутого множества.

20) Дать определение внутренней точки множества E , примеры.

21) Дать определение замыкания множества, примеры.

22) Открытое множество на прямой (его структура?).

23) Дать определение метрического пространства, примеры.

24) Множество мощности $\aleph_1$ (что это значит?), примеры

- 25) Множество мощности $\aleph_0$ (что это значит?).
- 26) Каким должно быть множество (открытым или замкнутым), являющееся объединением любой совокупности открытых множеств? Дайте определение открытого множества.
- 27) Сформулируйте теорему Кантора-Бернштейна.
- 28) Как определяется пространство $C([a, b])$?
- 29) Что такое полное метрическое пространство? Примеры.
- 30) Дайте определение окрестности точки $x_0 \in \mathbf{R}^4$.
- 31) Дайте определение окрестности точки $x_0 \in C([a, b])$.
- 32) Какое множество $E \subset \mathbf{R}^2$ называется всюду плотным (в $\mathbf{R}^2$)?
- 33) Множество $E \subset \mathbf{R}^1$ называется нигде не плотным, если ... (продолжите фразу).
- 34) Какой вид сходимости порождает метрика в пространстве $C([a, b])$? Дайте определение этой сходимости (в терминах ε и N).
- 35) FrE (дайте определение), примеры множеств E с указанием FrE .
- 36) Что такое сходящаяся последовательность в метрическом пространстве?
- 37) Счетное объединение открытых множеств - каким должно быть это множество? Дайте определение открытого множества.

Владеть: • способностью к логическому рассуждению; • основными методами решения задач, сформулированными в рамках предметных областей.

Задания, необходимые для оценивания сформированности УК-1 на пороговом уровне

Примеры домашнего задания

1. Доказать равенство: $(A \cup B) \setminus C = (A \setminus C) \cup (B \setminus C)$.
2. Существует ли функция $f \in \mathbf{C}([a, b]) : [a, b] \xrightarrow[\text{в.о.с.}]{f} [0, 11] \cup [20, 21]$?
3. Установить в.о.с. между замкнутым единичным кругом с 10 выколотыми точками и открытым единичным кругом с 5 выколотыми точками.

Задания, необходимые для оценивания сформированности УК-1 на продвинутом уровне

Примерные задания к текущему контролю (контрольная работа)

1. Пусть $E = \{(x, y) \in (\mathbf{J} \cap [-1, 2]) \times (\mathbf{J} \cap [-1, 2])\} \subset \mathbf{R}^1$, $\mathbf{J}$ - иррациональные числа, $\mathbf{J} \subset \mathbf{R}^1$.

Найти FrE , $\overline{E}$, E' , $\text{int } E$, $FrCE$, $\overline{CE}$, $\text{int } CE$, $(CE)'$, если $CE = S \setminus E$, $S = [-1, 2] \times [-1, 2]$.

2. Найти в канторовом множестве какую-либо точку второго рода, заключенную между десятичными дробями: 0.001 и 0.025.
3. Доказать, что объединение конечного числа попарно не пересекающихся множеств мощности $\aleph_1$ имеет мощность $\aleph_1$.

Промежуточная аттестация

УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач

Знать:

- современные теории и методы в области теории функции действительного переменного;
- значение и место дисциплины в общей картине мира.

Уметь:

- ясно и логично излагать полученные базовые знания;
- демонстрировать понимание общей структуры дисциплины и взаимосвязи с другими дисциплинами
- решать задачи, связанные с предметной областью, с учетом современных достижений науки;
- применять информационно-коммуникационные технологии для эффективного решения научных и прикладных задач, связанных с предметной областью.

Владеть:

- способностью к логическому рассуждению;
- основными методами решения задач, сформулированными в рамках предметных областей.

Задания, необходимые для оценивания сформированности УК-1

Примерные вопросы к зачету с оценкой.

1. Понятие множества. Операции над множествами.
2. Эквивалентные множества. Определение. Примеры эквивалентных множеств. Теорема о том, что всякое бесконечное множество эквивалентно своему истинному подмножеству.
3. Счетные множества. Определение. Примеры. Счетность множества рациональных чисел. Свойства счетных множеств.
4. Счетные множества. Определение. Доказательство счетности множества всех многочленов с целыми коэффициентами и множества алгебраических чисел.
5. Несчетные множества. Определение. Теорема о несчетности множества точек сегмента $[0,1]$. Существование иррациональных и трансцендентных чисел.
6. Понятие мощности множества. Сравнение мощностей. Аксиома выбора.

7. Понятие мощности множества. Теорема о мощности множества всех подмножеств данного множества.
8. Понятие мощности множества. Теорема о мощности множества всех подмножеств натурального ряда. Теорема Кантора - Бернштейна (б/д) и ее следствие (с доказательством).
9. Определение метрических, евклидовых и нормированных пространств. Примеры указанных пространств. Полные и неполные метрические пространства. Примеры указанных пространств.
10. Внутренние точки и открытые множества. Определения. Примеры. Свойства открытых множеств.
11. Предельные точки. Изолированные точки. Граничные точки. Замыкание множества. Замкнутые множества. Совершенные множества. Определения. Примеры.
12. Замыкание, замкнутые множества. Свойства замкнутых множеств.
13. Строение открытых и замкнутых множеств на прямой (б/д). Канторово совершенное множество.

4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций⁵

Требования к оформлению форм отчетности (критериев оценивания). Описание процедуры проведения промежуточной аттестации. Шкала оценивания на промежуточной аттестации. Итоговая шкала по дисциплине.

Итоговая оценка знаний, умений, способов деятельности студентов по изучаемой дисциплине составляет 100 баллов

Максимальное количество баллов, которое можно набрать за текущий контроль – 70 баллов.

За ответы на коллоквиуме обучающийся может набрать максимально 25 баллов.

За выполнение текущего контроля обучающийся может набрать максимально 25 баллов.

⁵ Указывается информация в соответствии с утвержденной РПД

За выполнения контрольной работы обучающийся может набрать максимально 20 баллов.

Максимальная сумма баллов, которые обучающийся может набрать при сдаче зачета с оценкой, составляет 30 баллов.

Для сдачи зачета с оценкой необходимо выполнить все задания текущего контроля. Значимым моментом является показатель изучения материала лекций и выполнение заданий в указанные сроки. На зачет с оценкой выносится материал, излагаемый в лекциях и рассматриваемый на практических занятиях.

Шкала оценивания зачета с оценкой

Баллы	Критерии оценивания
0-5	С грубыми ошибками излагает теоретический материал, не владеет понятиями и терминологией, не отвечает на вопросы
6-11	Демонстрирует частичное воспроизведение изученного. Объясняет отдельные положения усвоенной теории. Не отвечает на большинство вопросов
12-21	Излагает теоретический материал, владеет понятиями и терминологией, способен к обобщению изложенной теории, видит связь теории с практикой, умеет применить ее в простейших случаях. .
22-27	Четко и логично излагает теоретический материал, свободно владеет понятиями и терминологией, способен к обобщению изложенной теории, хорошо видит связь теории с практикой, умеет применить ее. Отвечает на большинство вопросов
28-30	Четко и логично излагает теоретический материал, свободно владеет понятиями и терминологией, способен к обобщению изложенной теории, хорошо видит связь теории с практикой, умеет применить ее . Отвечает на все вопросы, демонстрируя осознанность усвоенных теоретических знаний, проявляя способность к самостоятельным выводам и т.п.

Итоговая шкала оценивания результатов освоения дисциплины

Итоговая оценка по дисциплине формируется из суммы баллов по результатам

текущего контроля и промежуточной аттестации и выставляется в соответствии с приведенной ниже таблицей.

Оценка по пятибалльной системе		Оценка по столбальной системе
5	отлично	81-100
4	хорошо	61-80
3	удовлетворительно	41-60
2	неудовлетворительно	0-40