

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Наумова Наталия Александровна
Должность: Ректор
Дата подписания: 24.10.2024 14:21:41
Уникальный программный ключ:
6b5279da4e034bffa79172803da5b7b559fc69e2

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ МОСКОВСКОЙ ОБЛАСТИ
Государственное образовательное учреждение высшего образования Московской области
МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ОБЛАСТНОЙ УНИВЕРСИТЕТ
(МГОУ)

Экономический факультет
Кафедра прикладной математики и информатики

Согласовано управлением организации и контроля качества образовательной деятельности
«22» июня 2021 г.
Начальник управления

/ Г.Е. Суслин /



Одобрено учебно-методическим советом

Протокол «22» июня 2021 г. № 5

Председатель



/ О.А. Шестакова /

Рабочая программа дисциплины
Основы математического моделирования социально-экономических процессов

Направление подготовки
38.03.04 Государственное и муниципальное управление

Профиль:
Государственная и муниципальная служба

Квалификация
Бакалавр

Формы обучения
Очная, очно-заочная

Согласовано с учебно-методической комиссией экономического факультета:
Протокол «17» июня 2021г. № 11
Председатель УМКом

/Н.М. Антипина/



Рекомендовано кафедрой прикладной математики и информатики
Протокол от «10» июня 2021г. № 11
Зав. кафедрой

/Н.М. Антипина/



Мытищи
2021

Автор-составитель:
Юн Ф.А.
кандидат технических наук, доцент кафедры
«Прикладная математика и информатика»

Рабочая программа дисциплины «Основы математического моделирования социально-экономических процессов» составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению 38.03.04 Государственное и муниципальное управление, утвержденного приказом МИНОБРНАУКИ РОССИИ № 1016 от 13.08.2020

Дисциплина входит в обязательную часть Блока 1 «Дисциплины (модули)» и является обязательной для изучения.

Год начала подготовки 2021

СОДЕРЖАНИЕ

1. Планируемые результаты обучения.....	4
2. Место дисциплины в структуре образовательной программы.....	5
3. Объем и содержание дисциплины.....	5
4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся..	7
5. Фонд оценочных средств для проведения текущей и промежуточной аттестации по дисциплине.....	9
6. Учебно-методическое и ресурсное обеспечение дисциплины.....	26
7. Методические указания по освоению дисциплины.....	28
8. Информационные технологии для осуществления образовательного процесса по дисциплине.....	28
9. Материально-техническое обеспечение дисциплины.....	28
Приложение 1. Методические рекомендации по решению задач математического программирования в Excel	30

1. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

1.1. Цель и задачи дисциплины

Цель освоения дисциплины - усвоение студентами теоретических основ и прикладных методов решения задач управления с помощью экономико-математического моделирования.

Задачи дисциплины:

1. Ознакомить студентов с сущностью, познавательными возможностями и практическим значением моделирования как одного из научных методов познания реальности.
2. Изучить важнейшие математические методы, применяемые для решения типовых экономических и организационных задач.
3. Сформировать навыки по построению и адаптации типовых экономико-математических моделей, их решению и постановки модельного эксперимента на персональной ЭВМ.
4. Научить интерпретировать результаты экономико-математического моделирования и применять их для обоснования управленческих решений.
5. Сформировать основу для дальнейшего самостоятельного изучения приложений экономико-математического моделирования в процессе профессиональной деятельности.

1.2. Планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины у обучающихся формируются следующие компетенции:

СПК-5 Способен осуществлять анализ и контроль деятельности организаций и учреждения органов государственной власти и органов местного самоуправления, в том числе с применением основных экономических методов

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина входит в обязательную часть Блока 1 «Дисциплины (модули)» и является обязательной для изучения.

Предполагает знание школьной программы курса математики, основ линейной алгебры, а также умение работать на персональном компьютере.

В свою очередь, знания, умения и навыки, полученные студентами при изучении этой дисциплины, используются при изучении других дисциплин, таких как «Принятие и исполнение государственных решений», «Планирование и прогнозирование социально-экономического развития территорий», «Региональное управление и территориальное планирование» и др., а также при выполнении выпускной квалификационной работы.

3. ОБЪЕМ И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1. Объем дисциплины

Показатель объема дисциплины	Форма обучения	
	Очная	Очно-заочная

Объем дисциплины в зачетных единицах	4	
Объем дисциплины в часах	144	
Контактная работа:	50,3	26,5
Лекции	16	8
Практические	32	16
Контактные часы на промежуточную аттестацию:	2,3	2,5
Контрольная работа	-	0,2
Экзамен	0,3	0,3
Предэкзаменационная консультация	2	2
Самостоятельная работа	84	104
Контроль	9,7	13,5

Промежуточная аттестация по очной форме обучения проводится в конце 2 семестра в форме экзамена, по очно-заочной форме - в конце 2 семестра в форме экзамена и контрольной работы.

3.2.Содержание дисциплины

Наименование разделов (тем) дисциплины	Очная		Заочная	
	Лекции	Практические занятия	Лекции	Практические занятия
Тема 1. Введение. Основные понятия и задачи математического моделирования социально-экономических процессов Понятие моделирования социально-экономических процессов. Типичные задачи, решаемые при помощи моделирования. Условия применимости, преимущества и недостатки метода моделирования. Математическая структура модели и ее содержательная интерпретация. Математическая модель и ее основные параметры. Порядок построения модели. Типы экономико-математических моделей. Информационное обеспечение математического моделирования. Критерии оптимальности модели. Понятие задачи оптимизации. Общая постановка задачи оптимизации.	2	4	1	2
Тема 2. Модели линейного программирования (ЛП) Задача линейного программирования. Примеры задач линейного программирования: задача об использовании ресурсов, задача планирования производства, задача об использовании мощностей, задача смешения и др. Построение моделей задач линейного программирования: выбор переменных и параметров модели, вы-	1	4	1	2

бор целевой функции и критерия оптимальности, формализация целевой функции, построение системы ограничений, задание граничных условий. Общая, стандартная и каноническая формы задачи ЛП.				
Тема 3. Теоретические основы методов линейного программирования. Геометрический метод решения задачи ЛП Система m линейных уравнений с n переменными. Основные (базисные) и неосновные переменные. Понятие о выпуклом множестве точек. Геометрический смысл решений неравенств, уравнений и их систем. Свойства задачи ЛП. Геометрическая интерпретация задачи линейного программирования. Графическое решение задач линейного программирования.	2	2	1	2
Тема 4. Симплексный метод решения задачи ЛП Геометрическая интерпретация симплексного метода. Алгоритм симплексного метода. Определение первоначального допустимого решения. Особые случаи симплексного метода. Симплексные таблицы.	2	2	1	2
Тема 5. Двойственные задачи ЛП Прямая и двойственная задачи линейного программирования. Экономическая интерпретация взаимно двойственных задач линейного программирования. Свойства взаимно двойственных задач. Первая и вторая теоремы двойственности. Нахождение решения двойственных задач. Объективно обусловленные оценки и их смысл. Анализ устойчивости двойственных оценок. Экономико-математический анализ полученных оптимальных решений. Двойственный симплексный метод решения ЗЛП.	2	4	1	2
Тема 6. Применение ЭВМ для решения задач ЛП Инструменты решения задач оптимизации на ЭВМ. Надстройка "Поиск решения" Excel. Алгоритм решения задачи ЛП с помощью надстройки "Поиск решения". Отчет по результатам, отчет по устойчивости и отчет по пределам. Решение задач ЛП с помощью надстройки "Поиск решения". Анализ результатов решения.	2	4	1	2
Тема 7. Транспортная задача: модели и методы решения Математическая постановка транспортной задачи. Построение экономико-математической модели транспортной задачи. Нахождение первоначального базисного распределения поставок. Метод "северо-западного угла", метод наименьшей стоимости, метод Фогеля. Критерий оптимальности базисного распределения поставок. Понятие цикла пересчета, свойства цикла пересчета. Распределительный метод решения транспортной задачи. Метод потенциалов. Открытая модель транспортной задачи. Решение транспортной задачи в среде Excel.	2	4	1	2
Тема 8. Специальные задачи ЛП: модели и методы	2	4	1	1

решения Экономические задачи, сводящиеся к транспортной задаче (о назначениях, о загрузке оборудования, размещении заказов, о составлении графика работы персонала и др.). Построение моделей задач и их решение. Задачи целочисленного программирования. Понятие о методах их решения: методы отсечения, метод ветвей и границ. Метод Гомори. Задачи с целочисленными и бинарными значениями переменных (об оптимизации инвестиционного портфеля, о выборе оптимальных проектов для финансирования и др.).				
Тема 9. Модели и методы нелинейного программирования Примеры задач нелинейного программирования, их математическая постановка. Классические методы определения экстремумов. Метод множителей Лагранжа. Производная по направлению и градиент. Выпуклые функции. Задача выпуклого программирования. Методы спуска. Решение задач выпуклого программирования градиентным методом. Решение задач выпуклого программирования в среде Excel.	1	4	2	1
Итого	16	32	8	16

4. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Темы для самостоятельного изучения	Изучаемые вопросы, задания	Очная	Заочная	Формы самостоятельной работы	Методические обеспечения	Формы отчетности
Тема 1. Введение. Основные понятия и задачи экономико-математического моделирования бизнес-процессов	• Знакомство с основной литературой. • Условия применимости, преимущества и недостатки метода моделирования. • Информационное обеспечение математического моделирования. • Проработка конспекта лекций.	10	12	1. Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2. Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	Основная литература: 1, 2.	Опрос
Тема 2. Модели линейного программирования	• Проработка конспекта лекций.	10	10	1. Изучение основной и	Конспект лекций,	Опрос

вания (ЛП)	Решение задач 1-3.			дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	основная литература: 1, 2.	
Тема 3. Теоретические основы методов линейного программирования. Геометрический метод решения задачи ЛП	- Проработка конспекта лекций. - Решение задач 4-5.	8	12	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий. 3.Выполнение тестовых заданий.	Конспект лекций. Основная литература: 1,2. Дополнительная литература: 1,4.	Тест
Тема 4. Симплексный метод решения задачи ЛП	- Особые случаи симплексного метода. - Проработка конспекта лекций. - Решение задач 6 и 7.	8	12	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	Конспект лекций. Основная литература: 2,3. Дополнительная литература: 1,4.	Опрос
Тема 5. Двойственные задачи ЛП	- Двойственный симплексный метод решения ЗЛП. - Проработка конспекта лекций. - Решение задачи 8,9.	10	12	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий. 3.Выполнение тестовых заданий.	Конспект лекций. Основная литература: 3,4. Дополнительная литература: 1,5.	Тест
Тема 6. Применение ЭВМ для решения задач ЛП	- Проработка конспекта лекций. - Решение задачи 10.	10	12	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	Основная литература: 3,4. Дополнительная литература: 2,5.	Опрос
Тема 7. Транспортная задача: модели и	Открытая транспортная задача	8	12	1.Изучение основной и дополнительной	Основная литература:	Тест

методы решения	• Проработка конспекта лекций. • Решение задач 11-13.			рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий. 3.Выполнение тестовых заданий.	1,2. Дополнительная литература: 1,4.	
Тема 8. Специальные задачи ЛП: модели и методы решения	• Задача о загрузке оборудования. Модель задачи. • Задача о размещении заказов. Модель задачи. • Проработка конспекта лекций. • Решение задач 11-13. •	10	10	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Выполнение домашних заданий. 3.Выполнение тестовых заданий.	Основная литература: 1,2. Дополнительная литература: 1,4.	Тест
Тема 9. Модели и методы нелинейного программирования	• Понятие о параметрическом и стохастическом программировании. • Проработка конспекта лекций. • Решение задач 14,15.	10	12	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Подготовка к дискуссионному обсуждению темы	Основная литература: 3,4. Дополнительная литература: 2,5.	Опрос
	Итого	84	104			

5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

5.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Код и наименование компетенции	Этапы формирования
СПК-5 Способен осуществлять анализ и контроль деятельности организаций и учреждения органов государственной власти и органов местного самоуправления, в том числе с применением основных экономических методов	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа

5.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Оцениваемые компетенции	Уровень сформированности	Этап формирования	Описание показателей	Критерии оценивания	Шкала оценивания
-------------------------	--------------------------	-------------------	----------------------	---------------------	------------------

СПК-5	Пороговый	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа	Знать: - основы деятельности государственной и муниципальной службы Уметь - осуществлять анализ и контроль деятельности организаций и учреждений органов государственной власти и органов местного самоуправления	Опрос Тест Задание на практических занятиях Контрольная работа (для очно-заочного отделения) Экзамен	41-60 баллов
	Продвинутый	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа	Знать: - основы деятельности государственной и муниципальной службы Уметь - осуществлять анализ и контроль деятельности организаций и учреждений органов государственной власти и органов местного самоуправления Владеть - технологией применения основных экономических методов	Опрос Тест Задание на практических занятиях Контрольная работа (для очно-заочного отделения) Экзамен	61-100 баллов

5.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

ТЕМАТИКА КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ для очно-заочного отделения

Занятие № 1.

По данным своего варианта:

1. Построить математическую модель задачи линейного программирования: планирования производства, распределения ресурсов, составления рациона (смеси), раскроя материала и др.
2. Решить задач ЛП с помощью надстройки «Поиск решения» Excel.
3. Дать интерпретацию результатам решения.

Вариант 1. Небольшая фабрика изготавливает два вида красок: для наружных (№1) и внутренних (№2) работ. Продукция обоих видов поступает в оптовую продажу. Для производства красок используются два исходных продукта – А и В. Максимально возможные суточные запасы этих продуктов составляют 6

и 8 т соответственно. Расходы А и В на 1т соответствующих красок приведены в таблице.

Исходный продукт	Расход исходных продуктов (в тоннах) на тонну краски		Максимально возможный запас, т
	Краска № 1	Краска № 2	
А	1	1,8	6
В	2	1,2	8

Изучение рынка сбыта показало, что суточный спрос на краску для внутренних работ (№2) никогда не превышает спрос на краску для наружных работ (№1) более чем на 1 т. Кроме того, установлено, что спрос на краску № 2 никогда не превышает 2 т в сутки.

Прибыль от реализации одной тонны красок № 1 равна 30 тыс. денежных единиц, а для краски № 2 – 22 тыс. ден. ед.

Какое количество краски каждого вида должна производить фабрика, чтобы доход от реализации продукции был максимальным?

Задание № 2.

По данным своего варианта (задание 1):

1. Построить математическую модель двойственной задачи.
2. Решить задач ЛП с помощью надстройки «Поиск решения» Excel.
3. Дать интерпретацию результатам решения.

Задание № 3.

По данным своего варианта:

1. Решить транспортную задачу распределительным методом «вручную».
2. Построить математическую модель задачи.
3. Решить транспортную задачу в Excel с помощью надстройки Поиск решения.

Вариант 1.

Необходимо решить транспортную задачу: минимизировать расходы на доставку продукции заказчикам со складов фирмы, учитывая следующие затраты на доставку одной единицы продукции, объём заказа и количество продукции, хранящейся на каждом складе. Тарифы на перевозку единицы продукции, объёмы запасов продукции на складах, а также объёмы заказанной продукции представлены в таблице.

Магазин Склад	Магазины заказчики					Запасы на складе (ед. прод)
	“Вега”	“Вада”	“Ева”	“Алла”	“Мех”	
“Свиблово”	1	3	4	5	2	20
“ВВЦ”	2	1	1	4	5	25
“Щёлково”	1	3	3	2	1	40
“Коньково”	3	1	4	2	3	15

Объем заказа (ед. прод)	15	10	25	5	9	
----------------------------	----	----	----	---	---	--

Задание №4.

По данным своего варианта:

1. Решить специальную задачу ЛП.
2. Построить математическую модель задачи.
3. Решить задачу в Excel с помощью надстройки Поиск решения.

Вариант 1.

Фирма набирает штат сотрудников и располагает 4 группами различных должностей, а в каждой группе 5, 3, 6, 4 вакансий. Кандидаты на должность проходят тестирование, по результатам которого их разделяют на 3 группы, по 7, 5, 6 человек в каждой группе. Для каждого кандидата отобранных в i -ю группу требуются определенные затраты c_{ij} , д.е. на обучение для занятия должности в j -ой группе

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & 5 & 0 & 8 & 2 \\ 9 & 5 & 3 & 5 & 5 & 0 \\ 8 & 0 & 5 & 4 & 0 \end{pmatrix}$$

Необходимо распределить кандидатов на должности, затратив минимальные средства на их обучение.

Задание № 5.

По данным своего варианта:

1. Построить математическую модель задачи нелинейного программирования.
2. Решить задачу в Excel с помощью надстройки Поиск решения.
3. Дать интерпретацию полученного решения.

Вариант 1.

Предприятие выпускает два вида продукции. На изготовление продукции затрачивается два вида ресурсов. Запасы ресурсов 1-го вида составляют 180ед., 2-го вида 240 ед. Нормы расхода 1-го ресурса, идущего на изготовление единицы продукции, равны 2 ед. для продукции 1-го вида и 2,67 ед. – для продукции 2-го вида; нормы расхода 2-го ресурса составляют 3 ед. для продукции 1-го вида и 2 ед. – для продукции 2-го вида. Суммарный объем выпуска должен быть не менее 40 ед.

Затраты на изготовление единицы продукции определяются выражениями $c_j - l_j x_j$, где x_j – искомый объем производства продукции j -го вида ($j = 1, 2$); c_j – себестоимость продукции j -го вида; l_j – коэффициент снижения затрат с ростом объема производства. $c_1 = 100$ ден. ед., $c_2 = 140$ ден. ед., $l_1 = l_2 = 1$.

Составить математическую модель задачи и найти объемы производства продукции 1 и 2 вида, при которых суммарные затраты при производстве минимальны.

Варианты тестовых заданий

1. Решение задачи линейного программирования может быть только в
 1. Узловых точках ОДР;
 2. На границе ОДР;
 3. Во внутренних точках ОДР;
 4. Произвольных точках.
2. Градиент указывает направление
 1. максимального роста функции,
 2. роста функции,
 3. минимального роста функции,
 4. убывания функции,
 5. неизменного значения функции.
3. Неединственность решения означает, что
 1. может быть получено большее значение функции;
 2. может быть получено меньшее значение функции;
 3. экстремальное значение достигается в ряде точек;
 4. решение не существует;
 5. необходимо сменить метод решения задачи.
4. Базисное решение может быть опорным планом, если оно:
 1. содержит только положительные значения;
 2. содержит только отрицательные значения;
 3. состоит из неотрицательных значений;
 4. состоит из целочисленных значений;
 5. содержит только нулевые значения.
5. Критерием оптимальности симплексного метода является :
 1. оценочная разность ,
 2. оценка ,
 3. значение целевой функции,
 4. неотрицательность решения,
 5. устойчивость решения.
6. Устойчивость решения – это:
 1. способность сохранять решение при изменении внешних факторов,
 2. неизменность решения,
 3. неотрицательность решения,
 4. достижение экстремального значения целевой функции,
 5. принадлежность решения области допустимых решений.
7. Если прямая задача не имеет решения, то двойственная задача:
 1. также не имеет решения,
 2. имеет решение,
 3. имеет только нулевое решение,

4. имеет только целочисленное решение,
5. не может быть сформулирована.
8. Для задачи формирования оптимальной производственной программы двойственная переменная y – это:
 1. теневая цена ресурсов,
 2. рыночная цена товаров,
 3. ценность ресурсов,
 4. прибыль от реализации товаров,
 5. издержки при производстве товаров.
9. Транспортная задача – это разновидность:
 1. задачи линейного программирования,
 2. задачи нелинейного программирования,
 3. задачи целочисленного программирования,
 4. задачи квадратичного программирования.
 5. особой задачи экономического анализа.
10. Первичный план перевозок в транспортной задаче можно получить используя:
 1. метод «минимального элемента»,
 2. метод Гоморри,
 3. метод наискорейшего спуска,
 4. произвольное распределение перевозок,
 5. метод экспертных оценок.
11. План перевозок является оптимальным, если оценочная разность является:
 1. неположительной,
 2. неотрицательной,
 3. положительной,
 4. отрицательной,
 5. равной нулю.
12. Если $m+n-1$ не равно числу заполненных клеток, то это значит, что:
 1. план перевозок невырожденный,
 2. план перевозок вырожденный,
 3. задача не имеет решения,
 4. задача имеет неединственное решение,
 5. спрос не равен предложению.
13. Метод потенциалов по сравнению с первичным планом перевозок позволяет изменить суммарные затраты в сторону:
 1. уменьшения,
 2. увеличения,
 3. стабилизации,
 4. не изменяет суммарные затраты,
 5. возможности дальнейшей оптимизации.
14. Заменяя в линейной модели знаки ограничений $\leq$ или $\geq$ на знак $=$, можно улучшить значение целевой функции задачи линейного программирования.

А. Верно. Б. Неверно.

15. Оптимальное решение задачи ЛП, если оно конечно, можно всегда найти, зная все экстремальные точки пространства решений (координаты вершин выпуклого многогранника области допустимых значений):

А. Верно. Б. Неверно.

16. В задаче ЛП с двумя переменными целевая функция может принимать одно и тоже значение в двух различных экстремальных точках:

А. Верно. Б. Неверно

17. Изменения уровня запаса дефицитного ресурса всегда влияет на оптимальные значения как целевой функции так и переменных:

А. Верно. Б. Неверно.

18. Изменения коэффициентов целевой функции всегда приводит к изменению оптимальных значений переменных:

А. Верно. Б. Неверно

19. Каждому ограничению прямой задачи ЛП соответствует переменная двойственной задачи.

А. Верно. Б. Неверно.

20. В моделях динамического программирования число этапов равно количеству подзадач.

А. Верно. Б. Неверно

Перечень заданий для самостоятельной работы на практических занятиях

1. Имеем 195 бревен длиной 6 метров. Составить модель распила бревен, если необходимо получить 50 брусьев длиной 2 м, 75 брусьев длиной 3 м и 60 брусьев длиной 5 м и требуется минимизировать остатки. Объяснить экономический смысл переменных, ограничений и целевой функции задачи.

2. По данным таблицы составить такой план загрузки станков, чтобы затраты были минимальными.

Тип аппарата	Производительность работы линии (шт.)		План
	I	II	
А	5	2	16
В	2	1	7
С	2	7	13
Затраты ден. ед. за шт.	1	5	

3. Что означают следующие термины и понятия?

Целевая функция. Допустимое множество. Оптимальное решение. Система ограничений. Тривиальные ограничения. Задача линейного программирования. Допустимое решение. Каноническая форма задачи. Стандартная форма задачи. Опорный план.

4. Составить экономико-математическую модель задачи и решить ее графическим способом. Для производства двух видов изделий А и В предприятие использует два вида сырья. Данные о количестве расхода сырья и его запаса-

сы приведены в таблице. Требуется составить такой план выпуска изделий А и В, чтобы прибыль от их реализации была максимальной.

Вид сырья	Норма расхода сырья (кг) на одно изделие		Общее кол-во сырья
	А	В	
I	12	4	300
II	4	4	120
III	3	12	252
Прибыль от реализации одного изделия	30	40	

5. Экономико-математическая модель задачи имеет вид:

$$f(x) = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$$

$$x_1 + 3x_2 \leq 18 \quad (1)$$

$$2x_1 + x_2 \leq 16 \quad (2)$$

$$x_2 \leq 5 \quad (3)$$

$$3x_1 \leq 21 \quad (4)$$

Решить задачу геометрическим методом.

6. Что означают следующие термины и понятия?

Базисные переменные. Свободные переменные. Ведущая строка. Ведущий столбец.

Ведущий элемент.

Двойственная задача. Оценки ресурсов. Транспортная задача. Метод потенциалов. Цикл пересчета. Косвенные стоимости. Задача на избыток. Задача на недостаток. Поставка. Метод минимальной стоимости.

Функция Лагранжа. Множители Лагранжа.

7. Экономико-математическая модель задачи имеет вид:

$$f(x) = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$$

$$x_1 + 3x_2 \leq 18 \quad (1)$$

$$2x_1 + x_2 \leq 16 \quad (2)$$

$$x_2 \leq 5 \quad (3)$$

$$3x_1 \leq 21 \quad (4)$$

Решить задачу симплексным методом.

8. Что означают следующие термины и понятия?

Двойственная задача. Оценки ресурсов. Теневые цены.

9. Применительно к условиям задачи 4 составить ЭММ двойственной задачи и найти ее решение, используя решение задачи 4. Объяснить экономический смысл переменных, ограничений и целевой функции прямой и двойственной задач.

10. Найти решение задачи 3 с использованием надстройки «Поиск решения» Excel. Дать интерпретацию результатам решения, представленным в отчетах по результатам, по пределам и устойчивости надстройки «Поиск решения».

11. Решить транспортную задачу распределительным методом. Данные о стоимости перевозок, мощностях поставщиков и спросе потребителей представлены в таблице.

6	4	4	5	300
6	9	5	8	300
8	2	10	6	100
150	250	100	100	

12. Составить экономико-математическую модель задачи, найти оптимальное распределение поставок и минимальные затраты на перевозку с помощью средств EXCEL. Данные о стоимости перевозок, мощностях поставщиков и спросе потребителей представлены в таблице.

Поставщики	Мощность поставщиков	Потребители и их спрос			
		1	2	3	4
		50	50	40	60
1	30	5	4	6	3
2	70	4	5	5	8
3	70	7	3	4	7

13. Необходимо распределить самолеты трех типов по четырем авиалиниям так, чтобы при минимальных суммарных эксплуатационных расходах перевезти по каждой из четырех авиалиний соответственно не менее 400, 200, 150 и 500 ед. груза.

Тип самолета	Число самолетов	Месячный объем перевозок одним самолетом по авиалиниям			
		1	2	3	4
1	50	15	10	20	50
2	20	30	25	10	17
3	30	25	50	30	45

Матрица эксплуатационных расходов на один рейс по каждому маршруту, д.е. имеет вид

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 15 & 10 & 20 & 50 \\ 30 & 25 & 10 & 17 \\ 25 & 50 & 30 & 45 \end{pmatrix}$$

14. Гражданин Иванов собирается разместить 200 ед. денежных средств в различные инвестиционные проекты. Известно, что абсолютная величина дохода от размера x вложенных средств по рассматриваемым трем проектам описывается зависимостями:

$$f_1(x) = 0,1x;$$

$$f_2(x) = 3x^{2/3};$$

$$f_3(x) = 5x_{1,2}$$

Определить, как гр. Иванову следует разместить средства, чтобы получить максимальный абсолютный доход.

15. Фирма реализует автомобили через магазин и торговых агентов. При реализации x_1 автомобилей через магазины расходы на реализацию составляют $4x_1 + x_1^2$ ден. ед., а при продаже x_2 автомобилей через торговых агентов расходы составляют x_2^2 ден. ед.

Составить математическую модель задачи и найти способ реализации автомобилей, минимизирующий суммарные расходы, если общее число предназначенных к продаже автомобилей составляет 200 единиц. Задачу решить средствами Excel.

Перечень вопросов для опроса

1. Какие задачи называются задачами линейного программирования?
2. С именами каких учёных связано создание методов решения задач линейного программирования?
3. Сформулируйте известные вам критерии оптимальности решения задачи линейного программирования.
4. Чем полезна основная задача производственного планирования? Для решения каких задач её применяют?
5. Почему все переменные неотрицательные, как называются эти ограничения?
6. Какое допустимое решение называется оптимальным?
7. Чем отличаются каноническая и стандартная задачи линейного программирования?
8. Геометрическое истолкование и свойства канонической задачи линейного программирования.
9. Типы экономических задач, сводящихся к задачам линейного программирования.
10. При решении задачи симплексным методом какой столбец называется ведущим, какая строка ведущей и какой элемент ведущим?
11. Как производится переход от одного опорного решения к другому при использовании симплексного метода решения задачи линейного программирования?
12. Почему решение считается найденным, если коэффициенты последней строки таблицы положительные?
13. Какой экономический смысл имеют коэффициенты столбца свободных членов последней таблицы?
14. Экономическая интерпретация двойственной задачи.
15. Свойства взаимно двойственных задач.
16. В чём состоит польза первой теоремы двойственности?
17. Каким образом используются переменные двойственной задачи в экономическом анализе?
18. Какой критерий оптимальности следует из первой теоремы двойственности?
19. Какую единицу измерения имеют переменные двойственной задачи линейного программирования? Чем это объясняется?

20. Поясните примером экономический смысл объективно обусловленной оценки.
21. Поясните примером экономическое значение второй теоремы двойственности.
22. Экономический смысл транспортной задачи?
23. Когда транспортная задача является задачей на избыток, а когда задачей на недостаток, как это исправить?
24. В чем суть метода северо-западного угла?
25. В чем суть метода минимальной стоимости?
26. Когда опорный план считается оптимальным, то есть решение найдено?
27. Какие типы экономических задач сводятся к транспортной задаче?
28. Что показывают цифры в строке фиктивного поставщика и в столбце фиктивного потребителя, когда транспортная задача решена?
29. Дайте сравнительную характеристику задачам линейного и нелинейного программирования.
30. Дайте характеристику области применения множителей Лагранжа в маркетинге.
31. Для чего предназначена функция Лагранжа?
32. Какие результаты позволяет получить анализ функциональной матрицы задачи математического программирования?
33. Какова экономическая интерпретация множителей Лагранжа?
34. Перечислите известные вам задачи нелинейного программирования.
35. Перечислите условия теоремы Куна-Таккера.
36. Приведите числовой пример задачи выпуклого программирования и её функции Лагранжа.
37. Для решения каких экономико-математических моделей используется принцип оптимальности Беллмана? Приведите 2-3 примера.

Примерный перечень вопросов к экзамену

1. Классификация экономико-математических моделей. Вклад российских и зарубежных ученых в развитие экономико-математических методов.
2. Понятие моделирования. Моделирование в экономике и его использование в развитии и формализации экономической теории.
3. Математическая структура модели и ее содержательная интерпретация.
4. Математическая модель и ее основные параметры. Порядок построения модели.
5. Информационное и экономическое обеспечение экономико-математического моделирования.
6. Критерии оптимальности ЭММ.
7. Постановка общей задачи линейного программирования (ЛП).
8. Стандартная задача ЛП.
9. Каноническая задача ЛП.

10. Примеры экономических задач, приводящих к задаче линейного программирования. Задача планирования производства.
11. Примеры экономических задач, приводящих к задаче линейного программирования. Задача об использовании мощностей.
12. Решение системы m линейных уравнений с n переменными, в которых $m < n$.
13. Свойства задачи линейного программирования.
14. Геометрический метод решения задачи ЛП.
15. Определение первоначального допустимого базисного решения.
16. Алгоритм отыскания максимума целевой функции.
17. Прямая и двойственная задачи линейного программирования. Экономическая интерпретация взаимно двойственных задач линейного программирования. Первая теорема двойственности: формулировка и экономическая интерпретация.
18. Свойства взаимно двойственных задач.
19. Вторая теорема двойственности: формулировка и экономическая интерпретация.
20. Третья теорема двойственности: формулировка и практическое значение.
21. Объективно обусловленные оценки благ: экономическая интерпретация, применение в анализе сбыта и цен.
22. Алгоритм решения задачи ЛП с помощью надстройки "Поиск решения".
23. Содержание отчетов по результатам, по устойчивости и отчета по пределам.
24. Содержание и математическая постановка транспортной задачи.
25. Построение компьютерной экономико-математической модели транспортной задачи.
26. Нахождение первоначального базисного распределения поставок. Метод "северо-западного угла". Метод наименьшей стоимости.
27. Критерий оптимальности базисного распределения поставок.
28. Распределительный метод решения транспортной задачи.
29. Открытая модель транспортной задачи.
30. Решение транспортной задачи в среде Excel.
31. Содержание и математическая постановка задачи о назначениях.
32. Задачи целочисленного программирования. Методы отсечения.
33. Метод Гомори.
34. Задачи ЛП с бинарными переменными.
35. Примеры задач нелинейного программирования, их математическая постановка.
36. Классические методы определения экстремумов.
37. Метод множителей Лагранжа.
38. Определение выпуклой функции, их свойства. Задача выпуклого программирования.
39. Численные методы решения задач нелинейного программирования.

40.Решение задач выпуклого программирования градиентным методом.

5.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Основными формами контроля являются опрос, тест, выполнение домашних заданий, расчетных заданий, по очной форме обучения в 3 семестра экзамен, по заочной форме - в 3 семестре экзамен и контрольная работа.

В промежуточную аттестацию включаются как теоретические вопросы, так и практические задания.

Соотношение оценки и баллов в рамках процедуры оценивания

«Оценка»	Соответствие количеству баллов
Отлично	81-100
Хорошо	61-80
Удовлетворительно	41-60
Неудовлетворительно	0-40

Соотношение вида работ и количества баллов в рамках процедуры оценивания

Для очно-заочной формы обучения

Вид работы	количество баллов
Посещаемость	до 10 баллов
Опрос	до 10 баллов
Тест	до 15 баллов
Задания на практическом занятии	до 15 баллов
Контрольная работа	до 20 баллов
Экзамен	до 30 баллов

Для очной формы обучения

Вид работы	количество баллов
Опрос	до 10 баллов
Тест	до 15 баллов
Посещаемость	до 10 баллов
Задания на практическом занятии	до 35 баллов
Экзамен	до 30 баллов

5.4.1. *Опрос* оценивается от 0 до 10 баллов. Освоение компетенций зависит от результата *опроса*: 9-10 баллов - компетенции считаются освоенными на высоком уровне (оценка отлично); 6-8 баллов - компетенции считаются освоенными на базовом уровне (оценка хорошо); 3-5 баллов - компетенции считаются освоенными на удовлетворительном уровне (оценка удовлетворительно); 0-2 баллов - компетенции считаются не освоенными (оценка неудовлетворительно).

Критерии оценивания	Интервал оценивания
1. Самостоятельно и аргументировано делать анализ, обобщать, выводы	9-10
2. Самостоятельно, уверенно и безошибочно применяет полученные знания в решении проблем на творческом уровне	6-8
3. Умеет составить полный и правильный ответ на основе изученного материала; выделять главные положения, самостоятельно подтверждать ответ конкретными примерами, фактами	3-5
4. Понимание сущности рассматриваемых понятий, явлений и закономерностей, теорий, взаимосвязей	0-2

5.4.2. Написание теста оценивается по шкале от 0 до 15 баллов.

Процент правильных ответов	Баллы	Уровень освоения компетенций
81-100%	14-15 баллов	высокий
61-80%	11-13 баллов	выше базового
41-60%	8-10 баллов	базовый
21-40%	6-7 балла	ниже базового
20% и менее	менее 6 баллов	компетенции не освоены

5.4.3. Шкала оценки посещаемости:

посещаемость, %	100	90	80	70	60	50	40	30	20	10	0
в баллах	10	10	9	8	7	4	3	2	0	0	0

5.4.4. Баллы по отдельным практическим занятиям суммируются (максимально – 35 баллов).

Уровень выполнения заданий на практическом занятии оценивается по шкале от 0 до 10 баллов: 9-10 баллов - компетенции считаются освоенными на высоком уровне (оценка отлично); 7-8 баллов - компетенции считаются освоенными на продвинутом уровне (оценка отлично); 5-6 баллов - компетенции считаются освоенными на базовом уровне (оценка хорошо); 3-4 балла - компетенции считаются освоенными на удовлетворительном уровне (оценка удовлетворительно); менее 3 баллов - компетенции считаются не освоенными (оценка неудовлетворительно).

Критерии оценивания	Интервал оценивания
1) Степень понимания задания	0-2
2) Уровень разработки экономико-математической и компьютерной моделей	0-2
3) Правильность решения учебной (профессиональной) задачи	0-2
4) Понимание и интерпретация результатов решения	0-2
5) Грамотность оформление отчета по лабораторной работе	0-2
Максимальная сумма баллов	10

5.4.5. Написание *контрольной работы* (для заочного отделения) оценивается по шкале от 0 до 20 баллов. Освоение компетенций зависит от результата написания *контрольной работы*: 17-20 баллов - компетенции считаются освоенными на продвинутом уровне (оценка отлично); 13-17 баллов - компетенции считаются освоенными на базовом уровне (оценка хорошо); 8-12 баллов - компетенции считаются освоенными на удовлетворительном уровне (оценка удовлетворительно); 0-7 баллов - компетенции считаются не освоенными (оценка неудовлетворительно).

Критерии оценивания	Интервал оценивания
1. Степень раскрытия темы	0-4
2. Личный вклад автора	0-3
3. Структурированность материала	0-2
4. Постраничные ссылки	0-2
5. Объем и качество используемых источников	0-2
6. Оформление текста и грамотность речи	0-3
7. Защита <i>контрольной работы</i>	0-4

5.4.6. Шкала оценивания экзамена

Критерии оценивания	Интервал оценивания
студент быстро и самостоятельно готовится к ответу; при ответе полностью раскрывает сущность поставленного вопроса; способен проиллюстрировать свой ответ конкретными примерами; демонстрирует понимание проблемы и высокий уровень ориентировки в ней; формулирует свой ответ самостоятельно, используя лист с письменным вариантом ответа лишь как опору, структурирующую ход рассуждения	21-30
студент самостоятельно готовится к ответу; при ответе раскрывает основную сущность поставленного вопроса; демонстрирует понимание проблемы и достаточный уровень ориентировки в ней, при этом затрудняется в приведении конкретных примеров.	13-20
студент готовится к ответу, прибегая к некоторой помощи; при ответе не в полном объеме раскрывает сущность поставленного вопроса, однако, при этом, демонстрирует понимание проблемы.	6-12
студент испытывает выраженные затруднения при подготовке к ответу, пытается воспользоваться недопустимыми видами помощи; при ответе не раскрывает сущность поставленного вопроса; не ориентируется в рассматриваемой проблеме; оказываемая стимулирующая помощь и задаваемые уточняющие вопросы не способствуют более продуктивному ответу студента.	0-5

Неудовлетворительной сдачей экзамена считается экзаменационная составляющая менее или равная 10 баллам (при максимальном количестве баллов, отведенных на экзамен 30). При неудовлетворительной сдаче экзамена (менее или

равно 10 баллам) или неявке по неуважительной причине на *экзамен* экзаменационная составляющая приравнивается к нулю (0). В этом случае студент в установленном в Университете порядке обязан пересдать *экзамен*.

2.4. При пересдаче *экзамена* используется следующее правило для формирования рейтинговой оценки:

- 1-я пересдача – фактическая рейтинговая оценка, полученная студентом за ответ, минус 10 баллов;

- 2-я пересдача – фактическая рейтинговая оценка, полученная студентом за ответ, минус 20 баллов.

Уровень сформированности компетенций оценивается в соответствии с таблицей.

Для очной формы обучения

Таблица 1

№ п/п	ФИО	Сумма баллов, набранных в семестре					ИТОГО 100 баллов
		Опрос до 10 баллов	Тест до 15 баллов	Посещаемость до 10 баллов	Задания на прак- тических занятиях до 35 баллов	Экзамен до 30 баллов	
1	2	3	4	5	6	7	8
1.							

Для очно-заочной формы обучения

Таблица 1

№ п/п	ФИО	Сумма баллов, набранных в семестре						ИТОГО 100 баллов
		Посещаемость до 10 баллов	Опрос до 10 бал- лов	Тест до 15 бал- лов	Задания на практических занятиях до 15 баллов	Контрольная работа до 20 баллов	Экзамен до 30 баллов	
1	2	3	4	5	6	7	8	9
1.								

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И РЕСУРСНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Основная литература

1. Гармаш, А. Н. Экономико-математические методы и прикладные модели : учебник для вузов / А. Н. Гармаш, И. В. Орлова, В. В. Федосеев. — 4-е изд. — Москва : Юрайт, 2019. — 328 с. — Текст : электронный. — URL: <https://urait.ru/bcode/406453>
2. Дубина, И. Н. Основы математического моделирования социально-экономических процессов : учебник и практикум для вузов . — Москва : Юрайт, 2020. — 349 с. — Текст : электронный. — URL: <https://urait.ru/bcode/450960>

3. Королев, А. В. Экономико-математические методы и моделирование : учебник и практикум для вузов. — Москва : Юрайт, 2020. — 280 с. — Текст : электронный. — URL: <https://urait.ru/bcode/451297>

6.2. Дополнительная литература

1. Антипина, Н.М. Методы математического программирования [Текст]: курс лекций / Н. М. Антипина, Ю. М. Протасов, В. М. Юров. - М.: МГОУ, 2013. - 88с.
2. Балдин, К.В. Математическое программирование [Текст]: учебник для вузов / К. В. Балдин, Н. А. Брызгалов, А. В. Рукосяев. - 2-е изд. - М.: Дашков и К, 2013. - 220с.
3. Дубина, И.Н. Основы математического моделирования социально-экономических процессов [Электронный ресурс]: учебник и практикум для вузов. — М. : Юрайт, 2018. — 349 с. — Режим доступа: <https://biblio-online.ru/viewer/AE81649F-D411-4FF5-8733-614106E0D831#page/1>
4. Красс, М. С. Математика в экономике: математические методы и модели [Электронный ресурс]: учебник для вузов / М. С. Красс, Б. П. Чупрынов. — 2-е изд. — М. : Юрайт, 2017. — 541 с. —Режим доступа: <https://biblio-online.ru/viewer/E8366C4C-F708-41C5-AC24-3E0CCC0F4E75#page/1>

6.3. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

1. Сайт прикладной математики для студентов и преподавателей <http://www.exponenta.ru/>.
2. <http://www.konsalter.ru/biblioteka/mathematics.htm>
3. Справочник. Интернет издание <http://www.libray.narod.ru>.
4. Материалы электронной библиотечной системы znaniy.com.

7. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

Список методических указаний/рекомендаций, используемых при освоении данной дисциплины

1. Методические рекомендации по подготовке и проведению лекционных занятий по дисциплинам, закрепленным за кафедрой «Прикладная математика и информатика» (протокол заседания УМС МГОУ от 28.09.2016 г. № 2).
2. Методические указания по использованию тестовых заданий по дисциплинам, закрепленным за кафедрой «Прикладная математика и информатика» (протокол заседания УМС МГОУ от 28.09.2016 г. № 2).

8. ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Проведение аудиторных занятий и самостоятельной работы по данной учебной дисциплине предусматривает работу со стандартными компьютерными про-

граммами операционной системы Windows, стандартными офисными программами, электронной почтой, научной электронной библиотекой «НЭБ», электронными каталогом библиотеки МГОУ.

Электронная образовательная среда МГОУ (<http://eos.mgou.ru>)

Электронно-библиотечные системы МГОУ (<http://mgou.ru/home-100001/structure-mgou?layout=edit&id=7270>):

- ✓ [Доступ к электронным ресурсам полнотекстовой базы данных polpred.com](#) Обзор СМИ.
- ✓ [Доступ к базам данных ИВИС](#)
- ✓ [Доступ к ЭБС znanium.com](#)
- ✓ [Электронно-библиотечная система \(ЭБС\) «Университетская библиотека online»](#)
- ✓ [Тестовый доступ к ЭБС издательства "Лань"](#)
- ✓ [Тестовый доступ к ЭБС IPRbooks](#)
- ✓ [Тестовый доступ к ЭБС Book.ru](#)
- ✓ [Тестовый доступ к ЭБС «Консультант студента»](#)
- ✓ [Тестовый доступ к ЭБС ibooks.ru](#)
- ✓ [Тестовый доступ к ЭБС «БиблиоРоссика»](#)
- ✓ [Тестовый доступ к ЭБС «Книгафонд»](#)
- ✓ [Бесплатный доступ к ЭБС ЮРАЙТ](#)

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Экономический факультет, реализующий ОПВО направления «Государственное и муниципальное управление», профиль: «Государственная и муниципальная служба», располагает материально-технической базой, обеспечивающей проведение всех видов, дисциплинарной и междисциплинарной подготовки, лабораторной, практической и научно-исследовательской работы обучающихся, предусмотренных учебным планом вуза и соответствующей действующим санитарным и противопожарным правилам и нормам.

Необходимый для реализации бакалаврской программы перечень материально-технического обеспечения включает в себя 17 аудиторий: из них 8 аудиторий (оборудованных видеопроекторным оборудованием для презентаций, средствами звуковоспроизведения, экраном, и имеющие выход в Интернет), 17 аудиторий для проведения практических занятий (оборудованные учебной мебелью), 5 компьютерных классов.

При использовании электронных изданий образовательная организация обеспечивает каждого обучающегося во время самостоятельной подготовки рабочим местом в компьютерном классе с выходом в Интернет в соответствии с объемом изучаемых дисциплин.

Обучающиеся обеспечены доступом к сетям типа Интернет из расчета не менее одного входа на 50 пользователей.

Экономический факультет обеспечен необходимым комплектом лицензи-

онного программного обеспечения.

Приложение 1

МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПО РЕШЕНИЮ ЗАДАЧ МАТЕМАТИЧЕСКОГО ПРОГРАММИРОВАНИЯ В EXCEL

Рассмотрим конкретную задачу.

Руководство фирмы предполагает производить продукцию двух моделей А и В. Их производство ограничено наличием сырья, временем эксплуатации оборудования и денежными кредитами. Для каждого изделия модели А требуется 0,3 м³ древесины, 0,2 часа работы станков и затратить 1,6 денежных единиц, а для изделия модели В - 0,4 м³ древесины, 0,5 часа работы станков и 1 ден. ед. Фирма может получить от своих поставщиков до 170 м³ древесины в неделю и использовать оборудование в течение 160 часов. На финансирование проекта предполагается выделять 800 ден. ед. Сколько изделий каждой модели следует фирме выпускать в неделю, если каждое изделие модели А должно приносить 2 ден. ед. прибыли, а каждое изделие модели В - 4 ден. ед. прибыли?

Построение математической модели

Переменные. Так как нужно определить объемы производства каждого вида моделей продукции, переменными в модели являются:

x_1 - количество выпущенных за неделю изделий модели А₁,

x_2 - количество выпущенных за неделю изделий модели А₂.

Целевая функция. Так как прибыль от реализации 1-го изделия модели А равна 2 денежным единицам, недельный доход от ее продажи составит $2 \cdot x_1$ ден. ед. Аналогично доход от реализации x_2 штук изделия модели В составит $4 \cdot x_2$ ден. ед. в неделю.

При допущении *независимости объемов сбыта* каждой из моделей общий доход равен сумме двух слагаемых - дохода от продажи модели А и дохода от продажи модели В.

Обозначив общий доход через F , можно дать следующую математическую формулировку целевой функции: определить (допустимые) значения x_1 и x_2 , максимизирующие величину общего дохода $F = 2 \cdot x_1 + 4 \cdot x_2$.

Ограничения. При решении рассматриваемой задачи должны быть учтены ограничения на расход древесины, время эксплуатации оборудования и финансовые возможности фирмы.

Ограничение на расход древесины можно записать следующим образом:

$$0,3 x_1 + 0,4 x_2 \leq 170.$$

Ограничение на время использование оборудования можно записать следующим образом:

$$0,2 x_1 + 0,5 x_2 \leq 160.$$

Ограничение на использование финансов можно записать следующим образом:

$$1,6 x_1 + 1,0 x_2 \leq 800.$$

Поскольку x_1 и x_2 выражают еженедельный объем выпускаемых изделий, то они не могут быть отрицательными, т.е. $x_1 \geq 0$ и $x_2 \geq 0$ (условие неотрицательности переменных).

Итак, математическую модель задачи можно записать следующим образом:

$$\max F = 2x_1 + 4x_2 \text{ (целевая функция)} \quad (1)$$

при ограничениях:

$$0,3x_1 + 0,4x_2 \leq 170 \quad (2)$$

$$0,2x_1 + 0,5x_2 \leq 160 \quad (3)$$

$$1,6x_1 + x_2 \leq 800 \quad (4)$$

$$x_1 \geq 0, x_2 \geq 0 \quad (5)$$

Процесс решения задачи средствами Microsoft Excel

Вызовите Microsoft Excel. В новой рабочей книге переименуйте "Лист№1" в *ЛР 1 Вариант №... Отчет (Фамилия № группы)*

Задание исходных данных задачи.

Начиная с ячейки с именем **A1** на Листе окна Excel постройте следующую таблицу (рис. 1.):

	A	B	C	D	E	F	G	H
1		Коэффициенты в ограничения			Правые части		Ограничения	
2		0,3	0,4		170		0	
3		0,2	0,5		160		0	
4		1,6	1		800		0	
5	коэф. при целевой	2	4					
6	переменные							
7	Целевая функция	0						
8								
9								

Рис. 1. Фрагмент Листа рабочей книги с исходными данными

В ячейки с адресами B2:C4 – двоеточие означает диапазон ячеек, начинающийся с ячейки с адресом B2 и заканчивающийся ячейкой с адресом C4 – заносятся коэффициенты при неизвестных x_1 и x_2 в ограничениях (2)–(4).

После занесения в ячейку числа или формулы необходимо нажать клавишу ENTER.

В ячейки с адресами B5:C5 занесены коэффициенты в целевой функции (1).

В строке **Переменные** ячейки B6:C6 пусты; в них после решения задачи, будут занесены рассчитанные значения переменных x_1 и x_2 .

В столбце **Ограничения** в ячейки G2:G4 занесены формулы для расчеты левых частей ограничений (2)–(5). Каждая формула начинается со знака «=».

В ячейку B7 занести формулу =СУММПРОИЗВ(B5:C5;B6:C6), которой записана целевая функция (1). В эту же ячейку будет занесено вычисленное значение целевой функции.

Решение задачи.

Поставить курсор мыши в ячейку B7 и нажать на левую кнопку мыши – туда после решения задачи, будет занесено вычисленное значение целевой функции.

Войти в меню Сервис, выбрать в нем **Поиск решения** и щелкнуть на нем левой кнопкой мыши. На экране появится диалоговое окно **Поиск решения** (рис. 2). В поле **Установить целевую ячейку** занести \$B\$7. Для этого проще всего установить курсор мыши внутрь ячейки, щелкнуть в ней левой кнопкой мыши, затем щелкнуть мышью на ячейке B7.

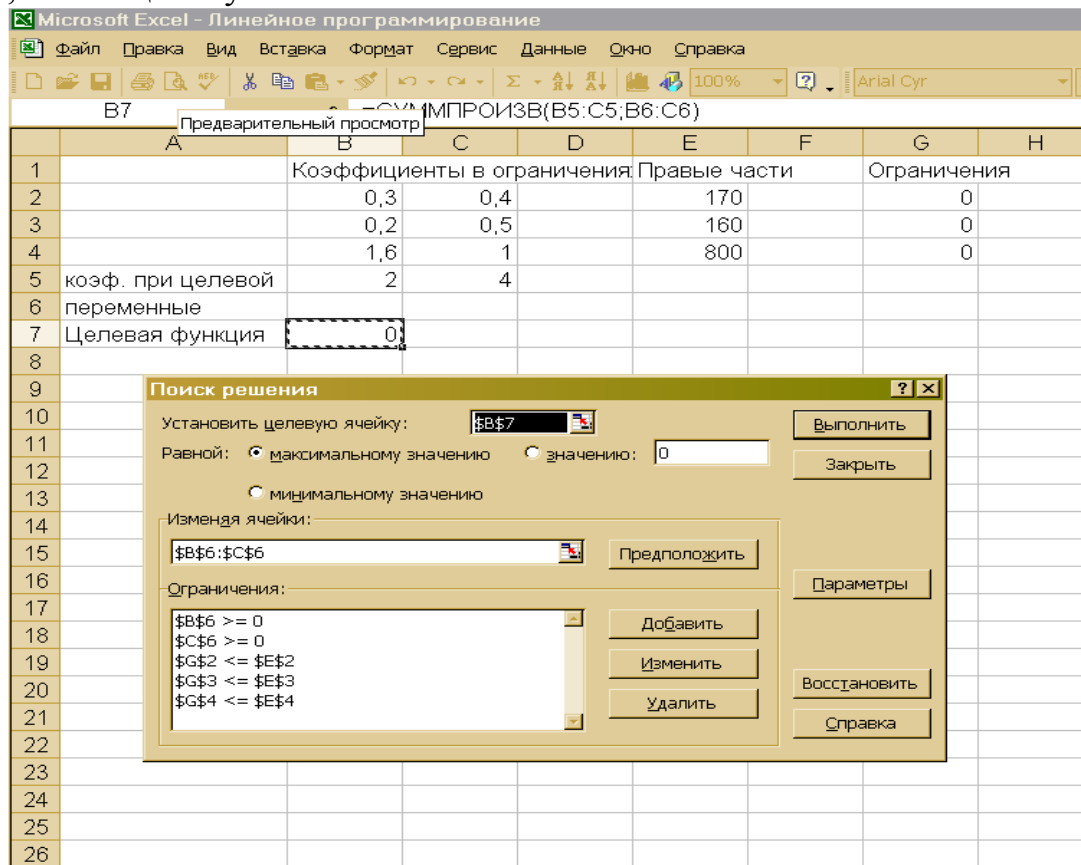


Рис. 2. Фрагмент Листа Excel на экране с диалоговым окном Поиск решения

Поскольку ищется максимум целевой функции, то после слова **Равной** выделим **Максимальному значению**, щелкнув в кружочке мышью.

В поле **Изменяя ячейки** занесем диапазон \$B\$6:\$C\$6, так как именно эти ячейки отведены под значения вычисляемых переменных.

В поле **Ограничения** занесем ограничения (2)–(5). Для этого щелкнем мышью на кнопке **Добавить**. Появится диалоговое окно **Добавление ограничения** (рис 3) В поле **Ссылка на ячейку** поставить курсор мыши в поле, затем поставить курсор на ячейку G2, где задана формула ограничения. В среднее поле, щелкнув на кнопке со стрелочкой, занесем соответствующий знак неравенства. В поле **Ограничение** занесем правую часть ограничения, расположенную в ячейке E2. Щелкнуть на кнопке ОК. Попадаем снова в поле **Поиск решения**. Затем повторяя описанные выше действия, заносим остальные ограничения (рис. 3).

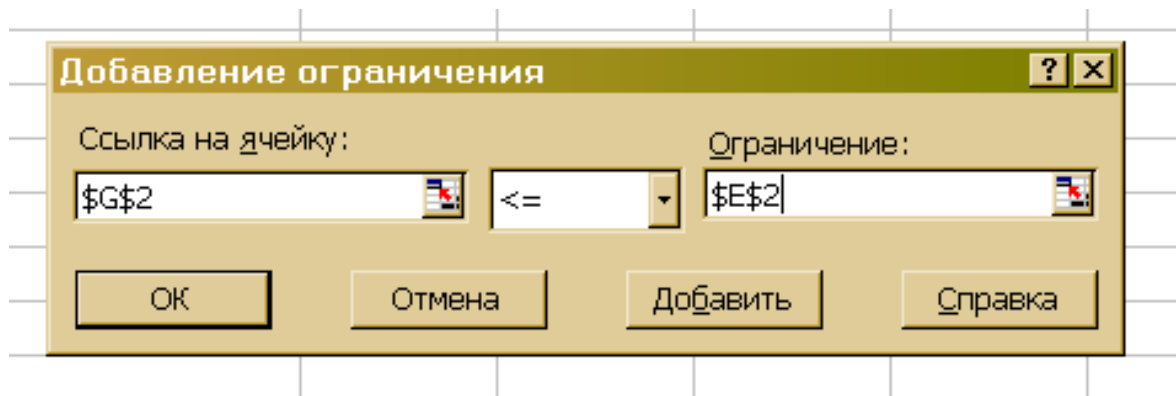


Рис. 3. Диалоговое окно **Добавление ограничения**

Снова в поле **Поиск решения** (рис. 2). Щелкнуть мышью на кнопке **Параметры**.

На экране появится диалоговое окно **Параметры поиска решения**. В этом окне (рис. 4) устанавливаются параметры поиска решения. Здесь отметить квадратики **Линейная модель**, **Неотрицательные значения**, **Автоматическое масштабирование**. Щелкнем на кнопке **ОК**.

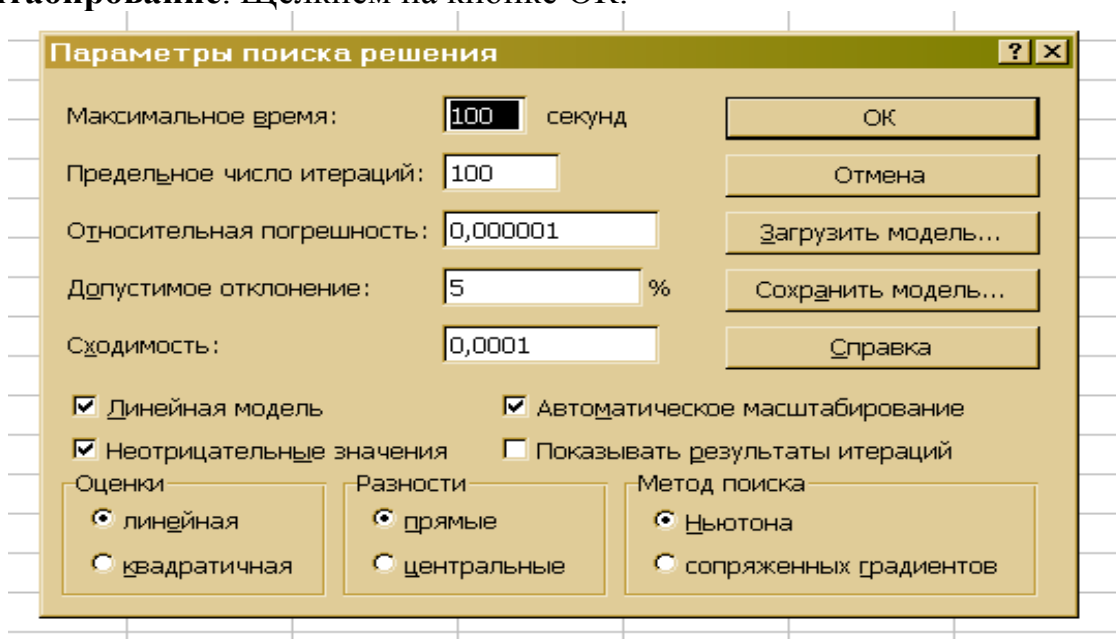


Рис. 4. Диалоговое окно **Параметры поиска решения**

Снова попадаем в диалоговое окно **Поиск решения**. В этом окне (рис. 2) щелкнем левой кнопкой мыши на кнопку **Выполнить**. На экран выводится окно **Результаты поиска решения** (рис. 5).

Microsoft Excel - Линейное программирование									
Файл Правка Вид Вставка Формат Сервис Данные Окно Справка									
100% Arial Cyr 10 Ж К									
	A	B	C	D	E	F	G	H	I
1		Коэффициенты в ограничениях			Правые части		Ограничения		
2		0,3	0,4		170		170		
3		0,2	0,5		160		160		
4		1,6	1		800		680		
5	коэф. при целевой	2	4						
6	переменные	300	200						
7	Целевая функция	1400							
8									
9									
10									

Рис. 5. Результаты решения задачи, расположенные на Листе экрана

Одновременно на Листе экрана также появляются результаты решения задачи: В столбце Ограничения выводятся их рассчитанные значения. В строке переменные – значения рассчитанных переменных x_1 и x_2 . В ячейке с целевой функцией – рассчитанное значение целевой функции.

Итак найдено решение: $x_1 = 300$, $x_2 = 200$, $F_{max} = 1400$.

В окне **Результаты поиска решения** (рис. 6) содержится тип отчета: **Результаты, Устойчивость, Пределы**. Для получения всех видов отчетов надо щелкнуть кнопкой мыши на каждом из них – соответствующие строки будут закрашены – а затем на ОК. Отчеты отображаются в нижней строке Листа на экране Excel. Для их вызова необходимо щелкнуть на соответствующем отчете.

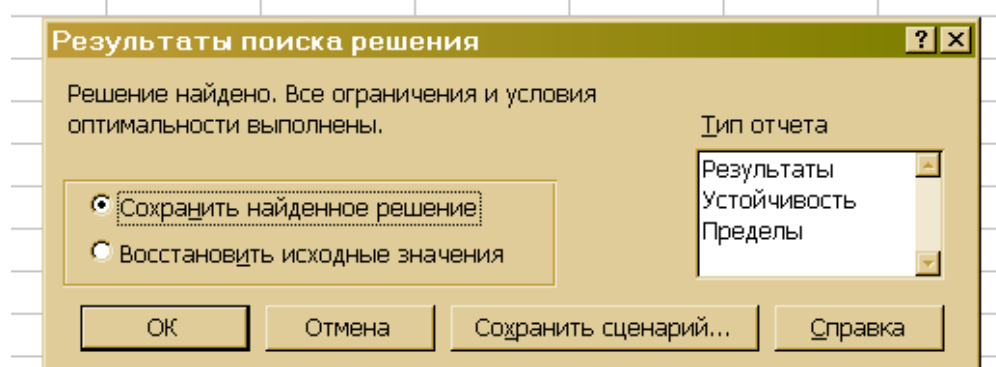


Рис. 6. Диалоговое окно **Результаты поиска решения**

В **отчете по результатам** (рис. 7) приведены значения неизвестных и целевой функции, а также данные о выполнении ограничений. В графе Статус указаны связанные и несвязанные переменные.

В **отчете по устойчивости** (рис. 8) приведены границы устойчивости неизвестных задачи – допустимое увеличение и уменьшение коэффициентов целевой функции, границы устойчивости двойственных оценок. В графе **Нормированная стоимость** элемент этой графы показывает, на сколько уменьшится значение функции, если в решении переменную увеличить на единицу.

В **отчете по пределам** (рис. 9) показаны нижние и верхние пределы изменения неизвестных и значения целевой функции при этих изменениях.

Microsoft Excel 10.0 Отчет по результатам
 Рабочий лист: [Линейное программирование.xls]Лист1
 Отчет создан: 29.07.2004 18:25:17

Целевая ячейка (Максимум)

Ячейка	Имя	Исходное значение	Результат
\$B\$7	Целевая функция Коэффициенты в ограничениях	0	1400

Изменяемые ячейки

Ячейка	Имя	Исходное значение	Результат
\$B\$6	переменные Коэффициенты в ограничениях	0	300
\$C\$6	переменные	0	200

Ограничения

Ячейка	Имя	Значение	Формула	Статус	Разница
\$G\$3	Ограничения	160	\$G\$3<=\$E\$3	связанное	0
\$G\$2	Ограничения	170	\$G\$2<=\$E\$2	связанное	0
\$G\$4	Ограничения	680	\$G\$4<=\$E\$4	не связан.	120
\$C\$6	переменные	200	\$C\$6>=0	не связан.	200
\$B\$6	переменные Коэффициенты в ограничениях	300	\$B\$6>=0	не связан.	300

Рис. 7. Отчет по результатам

Microsoft Excel 10.0 Отчет по устойчивости
 Рабочий лист: [Линейное программирование.xls]Лист1
 Отчет создан: 29.07.2004 18:28:35

Изменяемые ячейки

Ячейка	Имя	Результ. значение	Нормир. стоимость	Целевой Коэффициент	Допустимое Увеличение	Допустимое Уменьшение
\$B\$6	переменные Коэффициенты в ограничениях	300	0	2	1	0,4
\$C\$6	переменные	200	0	4	1	1,333333333

Ограничения

Ячейка	Имя	Результ. значение	Теневая Цена	Ограничение Правая часть	Допустимое Увеличение	Допустимое Уменьшение
\$G\$3	Ограничения	160	5,714285714	160	52,5	24,70588235
\$G\$2	Ограничения	170	2,857142857	170	14	42
\$G\$4	Ограничения	680	0	800	1E+30	120

Рис. 7. Отчет по устойчивости

Microsoft Excel 10.0 Отчет по пределам
 Рабочий лист: [Линейное программирование.xls]Отчет по пределам 1
 Отчет создан: 29.07.2004 18:29:57

Ячейка	Целевое Имя	Значение
\$B\$7	Целевая функция Коэффициенты в ограничениях	1400

Ячейка	Изменяемое Имя	Значение	Нижний предел	Целевой результат	Верхний предел	Целевой результат
\$B\$6	переменные Коэффициенты в ограничениях	300	0	800	300	1400
\$C\$6	переменные	200	0	600	200	1400

Рис. 9. Отчет по пределам