

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Наумова Наталия Александровна

Должность: Ректор

Дата подписания: 24.10.2024 14:21:41

Уникальный программный ключ:

6b5279da4e034bfff679172803da5b785591c69e2

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРОСВЕЩЕНИЯ»

(ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРОСВЕЩЕНИЯ)

Экономический факультет

Кафедра экономики и предпринимательства

Согласовано

деканом факультета

« 21 » июня 2023 г.


/Фони́на Т.Б./

Рабочая программа дисциплины

Линейная алгебра

Направление подготовки

38.03.01 Экономика

Профиль:

Экономика предприятий и организаций

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

Очная

Согласовано учебно-методической комиссией
экономического факультета

Протокол от «20» июня 2023 г. № 11

Председатель УМКом


/О.В. Сюзева/

Рекомендовано кафедрой экономики и
предпринимательства

Протокол от «13» июня 2023 г. № 11

И.о. зав. кафедрой


/М.Н. Лавров/

Мытищи

2023

Автор-составитель:
Юн Ф.А., кандидат технических наук,
доцент кафедры экономики и предпринимательства

Рабочая программа дисциплины «Линейная алгебра» составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 38.03.01 Экономика, утвержденного приказом МИНОБРНАУКИ России от 12.08.2020 г. № 954.

Дисциплина входит в обязательную часть Блока 1 «Дисциплины (модули)» и является обязательной для изучения.

Год начала подготовки (по учебному плану) 2023

СОДЕРЖАНИЕ

1	Планируемые результаты обучения	4
2	Место дисциплины в структуре образовательной программы	4
3	Объем и содержание дисциплины	5
4	Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся	5
5	Фонд оценочных средств для проведения текущей и промежуточной аттестации по дисциплине	7
6	Учебно-методическое и ресурсное обеспечение дисциплины	19
7	Методические указания по освоению дисциплины	20
8	Информационные технологии для осуществления образовательного процесса по дисциплине	20
9	Материально-техническое обеспечение дисциплины	21

1. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

1.1. Цель и задачи дисциплины

Цель дисциплины – овладение основами линейной алгебры, приобретение навыков использования ее универсального понятийного аппарата и широкого арсенала технических приемов при дальнейшем изучении профильных дисциплин, построении математических моделей различных экономических закономерностей и процессов, описании динамики социально–экономических систем и прогнозировании развития экономики.

Задачи дисциплины:

1. освоение математического инструментария и подготовка к изучению дальнейших математических и экономических дисциплин;
2. приобретение навыков решения стандартных задач линейной алгебры;
3. подготовка к изучению методов построения математических моделей экономических систем.

1.2. Планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины у обучающихся формируются следующие компетенции:

ОПК-2. Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина входит в обязательную часть Блока 1 «Дисциплины (модули)» и является обязательной для изучения.

Изучение дисциплины необходимо для дальнейшего успешного освоения таких дисциплин как: «Математический анализ», «Теория вероятности и математическая статистика», «Социально-экономическая статистика», «Статистика», «Основы экономико-математического моделирования», «Эконометрика», «Анализ хозяйственной деятельности», «Бизнес-планирование», а также при выполнении выпускной квалификационной работы.

3. ОБЪЕМ И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1. Объем дисциплины

Показатель объема дисциплины	Форма обучения
	Очная
Объем дисциплины в зачетных единицах	5
Объем дисциплины в часах	180
Контактная работа:	66.3
Лекции	32
Практические занятия	32
из них, в форме практической подготовки	32
Контактные часы на промежуточную аттестацию:	2.3
Экзамен	0.3
Предэкзаменационная консультация	2
Самостоятельная работа	104
Контроль	9.7

Форма промежуточной аттестации: экзамен во 2 семестре.

3.2. Содержание дисциплины

Наименование разделов (тем) дисциплины	Кол-во часов		
	Лекции	Практические занятия	
		общее количество	из них, в форме практической подготовки
Тема 1. Матрицы и определители. Матрицы, алгебра матриц. Обратная матрица. Признаки существования обратной матрицы. Ранг матрицы. Теоремы о ранге. Решение матричных уравнений. Обратная матрица.	6	6	6
Тема 2. Системы линейных уравнений. Определители свойства определителей, метод Крамера, метод Гаусса для систем линейных уравнений. Правило решения систем линейных однородных уравнений. Фундаментальная система решений однородной системы линейных уравнений. Модель многоотраслевой экономики Леонтьева. Продуктивные модели Леонтьева. Различные критерии продуктивности модели Леонтьева.	6	6	6
Тема 3. Элементы векторной алгебры. Понятие вектора. Основные определения. Проекция вектора. Базис. Разложение вектора по базису. Координаты вектора. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов. Линейные операции над векторами. Длина вектора Направление вектора.	6	6	6
Тема 4. Аналитическая геометрия. Метод координат. Прямоугольные координаты на плоскости и в пространстве. Преобразование прямоугольных координат. Расстояние между точками, деление отрезка в заданном отношении. Понятие об уравнении линий и поверхностей. Различные формы уравнения прямой на плоскости. Основные задачи на прямую линию на плоскости. Уравнения плоскости. Уравнения прямой в пространстве. Основные задачи на плоскость и прямую в пространстве. Кривые второго порядка. Общий вид уравнения второго порядка, инварианты. Окружность, эллипс, гипербола, парабола. Определение вида кривой по уравнению. Полярные координаты на плоскости.	10	10	10
Тема 5. Комплексные числа. Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая форма записи. Модуль и аргумент. Экспонента от комплексного числа, формула Эйлера. Корни n-ой степени из комплексного числа. Формулировка основной теоремы алгебры.	4	4	4
Итого	32	32	32

ПРАКТИЧЕСКАЯ ПОДГОТОВКА

Тема	Задание на практическую подготовку	количество часов
Тема 1. Матрицы и определители.	Знать основные виды матриц, элементарные преобразования матриц и производить линейные операции над матрицами, Знать понятие определителя матрицы, миноры и алгебраические дополнения, основные свойства определителей, уметь определять ранг матрицы, матрицу, обратную исходной матрице.	6
Тема 2. Системы линейных уравнений.	Понятие систем линейных алгебраических уравнений, системы линейных однородных уравнений, неоднородные системы линейных уравнений и их свойства, алгоритмы решения системы линейных алгебраических уравнений: метод Гаусса, метод Крамера. Уметь находить общее решение неоднородной системы линейных уравнений.	6
Тема 3. Элементы векторной алгебры. Понятие вектора.	Знать понятие вектора, линейной зависимости и независимости векторов, проекцию вектора на ось, базис, координаты вектора. Уметь разложить вектор по базису, производить операции над векторами.	6
Тема 4. Аналитическая геометрия. Метод координат.	Знать различные системы координат на плоскости, алгоритм преобразования системы координат. Уметь определять расстояние между точками, производить деление отрезка в заданном отношении. Знать понятия об уравнении линий и поверхностей, различные формы записи уравнения прямой на плоскости. Уравнения плоскости. Уравнения прямой в пространстве. Взаимные расположения прямых на плоскости, в пространстве, взаимное расположение прямой и плоскости. Кривые второго порядка. Общий вид уравнения второго порядка, инварианты.	10
Тема 5. Комплексные числа.	Понятие комплексного числа. Алгебраическая и тригонометрическая форма записи. Модуль и аргумент. Экспонента от комплексного числа, формула Эйлера. Корни n-ой степени из комплексного числа. Формулировка основной теоремы алгебры.	4

4. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Темы для самостоятельного изучения	Изучаемые вопросы, задания	Кол-во часов	Формы самостоятельной работы	Методические обеспечения	Формы отчетности
Тема 1. Матрицы и определители.	Матрицы, алгебра матриц. Обратная матрица. Признаки существования обратной матрицы. Ранг матрицы. Теоремы о ранге. Решение матричных	20	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Подготовка к	Учебно-методическое обеспечение дисциплины	Устный опрос

	уравнений. Обратная матрица.		устному опросу		
Тема 2. Системы линейных уравнений. Определители свойства определителей, Модель многоотраслево й экономики Леонтьева.	метод Крамера, метод Гаусса для систем линейных уравнений. Правило решения систем линейных однородных уравнений. Фундаментальная система решений однородной системы линейных уравнений. Продуктивные модели Леонтьева. Различные критерии продуктивности модели Леонтьева.	20	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Подготовка к устному опросу	Учебно-методическое обеспечение дисциплины	Устный опрос
Тема 3. Элементы векторной алгебры.	Понятие вектора. Основные определения. Проекция вектора. Базис. Разложение вектора по базису. Координаты вектора. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов. Линейные операции над векторами. Длина вектора Направление вектора.	20	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Подготовка к устному опросу	Учебно-методическое обеспечение дисциплины	Устный опрос
Тема 4. Аналитическая геометрия. Различные формы уравнения прямой на плоскости. Уравнения плоскости. Уравнения прямой в пространстве. Кривые	Метод координат. Прямоугольные координаты на плоскости и в пространстве. Преобразование прямоугольных координат. Расстояние между точками, деление отрезка в заданном отношении. Понятие об уравнении линий и	20	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Подготовка к устному опросу	Учебно-методическое обеспечение дисциплины	Устный опрос

второго порядка. Полярные координаты на плоскости.	поверхностей Основные задачи на прямую линию на плоскости. Основные задачи на плоскость и прямую в пространстве. Общий вид уравнения второго порядка, инварианты. Окружность, эллипс, гипербола, парабола. Определение вида кривой по уравнению.				
Тема Комплексные числа.	5. Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая форма записи. Модуль и аргумент. Экспонента от комплексного числа, формула Эйлера. Корни n-ой степени из комплексного числа. Формулировка основной теоремы алгебры.	24	1.Изучение основной и дополнительной рекомендованной учебно-методической литературы. 2.Подготовка к устному опросу	Учебно-методическое обеспечение дисциплины	Устный опрос
	Итого	104			

5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

5.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Код и наименование компетенции	Этапы формирования
ОПК-2. Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач.	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа

5.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Оцениваемые компетенции	Уровень сформированности	Этап формирования	Описание показателей	Критерии оценивания	Шкала оценивания
ОПК-2	Пороговый	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа	Знать: методы сбора, обработки и анализа информации; основные понятия современной высшей математики Уметь: осуществлять поиск информации и способов решения экономических задач	Устный опрос	Шкала оценивания устного опроса
	Продвинутой	1. Работа на учебных занятиях 2. Самостоятельная работа	Знать: математические методы решения типовых экономических задач; методы сбора, обработки и анализа информации; Уметь: применять математические методы для решения экономических задач; самостоятельно осуществлять поиск информации и способов решения экономических задач Владеть: математическими методами	Устный опрос Практическая подготовка	Шкала оценивания устного опроса Шкала оценивания практической подготовки

			решения типовых экономических задач; современными методами сбора, обработки и анализа данных, необходимых для решения экономических задач и обоснования принимаемых решений		
--	--	--	---	--	--

Шкала оценивания устного опроса

Критерии оценивания	Баллы
высокая активность на практических занятиях, содержание и изложение материала отличается логичностью и смысловой завершенностью, студент показал владение материалом, умение четко, аргументировано и корректно отвечает на поставленные вопросы, отстаивать собственную точку зрения.	10
участие в работе на практических занятиях, изложение материала носит преимущественно описательный характер, студент показал достаточно уверенное владение материалом, однако недостаточное умение четко, аргументировано и корректно отвечает на поставленные вопросы и отстаивать собственную точку зрения.	5
низкая активность на практических занятиях, студент показал неуверенное владение материалом, неумение отстаивать собственную позицию и отвечать на вопросы.	2
отсутствие активности на практических занятиях, студент показал незнание материала по содержанию дисциплины.	0

Шкала оценивания практической подготовки

Критерии оценивания	Баллы
высокая активность на практической подготовке, выполнены все необходимые расчеты и задания сформированы выводы, даны рекомендации	10
средняя активность на практической подготовке, выполнены не все необходимые расчеты и допущены ошибки, неточности в рекомендациях	5
низкая активность на практической подготовке, не выполнены необходимые расчеты и допущены ошибки, нет выводов и рекомендаций	0

5.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

Примерный перечень тем для устного опроса

1. Матрицы, алгебра матриц.
2. Обратная матрица.
3. Признаки существования обратной матрицы.

4. Ранг матрицы. Теоремы о ранге.
5. Решение матричных уравнений.
6. Обратная матрица.
7. Метод Крамера, метод Гаусса для систем линейных уравнений.
8. Правило решения систем линейных однородных уравнений.
9. Фундаментальная система решений однородной системы линейных уравнений.
10. Понятие вектора. Проекция вектора.
11. Базис. Разложение вектора по базису.
12. Координаты вектора. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов.
13. Линейные операции над векторами. Длина вектора Направление вектора.
14. Метод координат.
15. Прямоугольные координаты на плоскости и в пространстве.
16. Преобразование прямоугольных координат.
17. Расстояние между точками, деление отрезка в заданном отношении.
18. Понятие об уравнении линий и поверхностей
19. Основные задачи на прямую линию на плоскости.
20. Основные задачи на плоскость и прямую в пространстве.
21. Общий вид уравнения второго порядка, инварианты.
22. Окружность, эллипс, гипербола, парабола. Определение вида кривой по уравнению.
23. Комплексные числа.
24. Алгебраическая и тригонометрическая форма записи.
25. Модуль и аргумент.
26. Экспонента от комплексного числа, формула Эйлера.
27. Корни n -ой степени из комплексного числа.
28. Формулировка основной теоремы алгебры.

Примерный перечень вопросов к экзамену

1. Матрицы, их виды. Операции над матрицами. Сложение (вычитание) матриц и умножение матриц на числа, свойства линейных операций.
2. Умножение матриц, свойства и примеры. Элементарные преобразования над строками и столбцами матрицы.
3. Миноры, алгебраические дополнения к элементам квадратных матриц. Определитель высшего порядка, способы его вычисления. Теорема Лапласа.
4. Обратная матрица: определение, условие существования, алгоритм вычисления с помощью элементарных преобразований.
5. Обратная матрица: определение, условие существования. Формула обратной матрицы и алгоритм нахождения (метод присоединенной матрицы). Решение матричных уравнений.
6. Характеристики матриц: собственные числа, собственные векторы, ранг, продуктивность.
7. Системы линейных уравнений и связанные с ними понятия. Эквивалентность систем. Элементарные преобразования над системами.
8. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений (примеры решения определенной, неопределенной и несовместной систем).
9. Правило Крамера решения систем линейных уравнений. Матричный способ решения систем линейных уравнений.
10. Однородные системы линейных уравнений. Фундаментальная система решений.
11. Линейная модель Леонтьева многоотраслевой экономики. Продуктивность модели.
12. Деление отрезка в данном отношении. Применение определителей в аналитической геометрии для нахождения площадей фигур.
13. Эллипс: определения, характеристики и свойства.
14. Гипербола: определения, характеристики и свойства.
15. Парабола: определения, характеристики и свойства.

16. Векторы: основные понятия, линейные операции над векторами на плоскости в геометрической форме. Разложение вектора по базису. Линейные операции над векторами в координатной форме.
17. Скалярное произведение векторов на плоскости: определение, свойства, координатная форма. Условие перпендикулярности.
18. Векторное произведение векторов: определение, свойства, координатная форма.
19. Условие коллинеарности векторов.
20. Смешанное произведение векторов: определение, свойства, координатная форма. Условие компланарности векторов.
21. Прямая линия на плоскости, виды ее уравнений.
22. Взаимное расположение прямых на плоскости. Расстояние от точки до прямой.
23. Линейные неравенства и их системы.
24. Уравнения плоскости в пространстве.
25. Взаимное расположение плоскостей.
26. Расстояние от точки до плоскости. Алгоритм выписывания уравнения плоскости на основе условия компланарности векторов.
27. Уравнения прямой в пространстве: общее, каноническое, через две точки.
28. Взаимное расположение прямых в пространстве.
29. Переход от общего уравнения прямой в пространстве к каноническому. Параметрическое уравнение прямой. Условия пересечения и скрещивания прямых.
30. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.
31. Уравнение прямой через точку перпендикулярно заданной плоскости. Уравнение плоскости через прямую и не принадлежащую ей точку.
32. Уравнение плоскости: через две пересекающиеся прямые; через две параллельные прямые.
33. Множества и операции над ними: пересечение, объединение, разность, симметрическая разность.
34. Множество комплексных чисел. Алгебраическая форма комплексного числа.
35. Действия над комплексными числами в алгебраической форме.
36. Геометрическое изображение комплексного числа. Тригонометрическая форма комплексного числа. Операции с комплексными числами в тригонометрической форме.

Задание на практическую подготовку

ЗАДАНИЕ 1 Ступенчатым видом матрицы, полученным с помощью элементарных

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 3 & 3 & 4 \end{pmatrix}$$

преобразований, является...

1. $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 0 & 6 & -5 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$

2. $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 0 & 6 & -5 \\ 3 & 0 & 13 \end{pmatrix}$

$$3. \begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 0 & 6 & -5 \\ 0 & 6 & -5 \end{pmatrix}$$

$$4. \begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 0 & 6 & -5 \end{pmatrix}$$

ЗАДАНИЕ 2 Если $A = \begin{pmatrix} 1 & -3 \\ -2 & 0 \end{pmatrix}$ и $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$, то матрица $C = A - 2B$ имеет вид...

$$1. \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & -6 \end{pmatrix}$$

$$2. \begin{pmatrix} -3 & -5 \\ 0 & -6 \end{pmatrix}$$

$$3. \begin{pmatrix} -3 & -1 \\ -4 & -6 \end{pmatrix}$$

$$4. \begin{pmatrix} -3 & -1 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$$

ЗАДАНИЕ 3 Операция произведения матриц правильно определена для матричного умножения вида ...

$$1. \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix} \cdot (-2 \ 3)$$

$$2. \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 3 & 1 & 7 \\ 3 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$3. (-2 \ 3) \cdot \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$$

$$4. \begin{pmatrix} 3 & 1 & 7 \\ 3 & 1 & 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$$

$$5. \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$$

ЗАДАНИЕ 4

Вычислить: $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & -4 \\ -1 & 5 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 & 3 & -1 \\ 1 & -3 & 2 \end{pmatrix}^T$

ЗАДАНИЕ 5 Разложение определителя $\begin{vmatrix} 2 & 1 & -7 \\ 3 & 0 & 2 \\ 3 & 2 & 1 \end{vmatrix}$ по третьей строке имеет вид ...

1. $\begin{vmatrix} 2 & 1 & -7 \\ 3 & 0 & 2 \\ 3 & 2 & 1 \end{vmatrix} = -3 \cdot \begin{vmatrix} 1 & -7 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} + 2 \cdot \begin{vmatrix} 2 & -7 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{vmatrix}$

2. $\begin{vmatrix} 2 & 1 & -7 \\ 3 & 0 & 2 \\ 3 & 2 & 1 \end{vmatrix} = -3 \cdot \begin{vmatrix} 1 & -7 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} - 2 \cdot \begin{vmatrix} 2 & -7 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{vmatrix}$

3. $\begin{vmatrix} 2 & 1 & -7 \\ 3 & 0 & 2 \\ 3 & 2 & 1 \end{vmatrix} = 3 \cdot \begin{vmatrix} 1 & -7 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} - 2 \cdot \begin{vmatrix} 2 & -7 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{vmatrix}$

4. $\begin{vmatrix} 2 & 1 & -7 \\ 3 & 0 & 2 \\ 3 & 2 & 1 \end{vmatrix} = 3 \cdot \begin{vmatrix} 1 & -7 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} + 2 \cdot \begin{vmatrix} 2 & -7 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{vmatrix}$

ЗАДАНИЕ 6

Найти указанные минор и алгебраическое дополнение к элементам матрицы.

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 & 3 \\ 3 & 2 & 4 & 5 \\ 2 & -3 & 0 & 4 \\ 3 & 2 & 3 & 2 \end{pmatrix}, M_{42}, A_{23}$$

ЗАДАНИЕ 7

Для заданной матрицы A найти обратную матрицу. Провести проверку.

1) $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \\ 2 & -3 & 3 \end{pmatrix}$

2) $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -2 & -5 & 0 \\ 1 & 3 & 1 \end{pmatrix}$

3) $A = \begin{pmatrix} 1 & -4 & -3 \\ 1 & -5 & -3 \\ 1 & 6 & 4 \end{pmatrix}$

ЗАДАНИЕ 8

Для заданной матрицы A найти обратную матрицу. Провести проверку.

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \\ 2 & -3 & 3 \end{pmatrix}$$

ЗАДАНИЕ 9 Установите соответствие между системой линейных уравнений и ее расширенной матрицей.

1.
$$\begin{cases} 5x_1 - 2x_2 + 3x_3 = -1, \\ 5x_2 - 2x_3 = -3, \\ -2x_1 + x_2 - 4 = 0 \end{cases}$$

2.
$$\begin{cases} 5x_1 + 2x_2 - 3x_3 = 0, \\ 5x_1 - 2x_3 + 3 = 0, \\ -2x_2 + x_3 = -4 \end{cases}$$

$$3. \begin{cases} -5x_1 + 3x_3 + 3 = 0, \\ 5x_1 - 2x_2 = 4, \\ -2x_1 + x_3 - 5 = 0 \end{cases}$$

$$4. \begin{cases} -5x_2 + 3x_3 - 3 = 0, \\ 5x_1 + x_2 - 2x_3 = -4, \\ -2x_1 + x_2 + 5 = 0 \end{cases}$$

ЗАДАНИЕ 10

Решить системы уравнений методом Гаусса и Крамера, сравнить ответы

а) $x_1 - x_2 + x_3 = 6$ б) $x_1 - 2x_2 + x_3 = 9$

ЗАДАНИЕ 11

Решить системы линейных алгебраических уравнений.

$$а) \begin{cases} x_1 - x_2 + 3x_3 + x_4 = 6 \\ 7x_1 + 5x_2 - 7x_3 - x_4 = 8 \\ x_1 + 8x_2 - 18x_3 - 5x_4 = -6; \end{cases} \quad б) \begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 1 \\ x_1 + 2x_2 + 3x_3 - x_4 = -4 \\ 2x_1 + 3x_2 - x_3 - x_4 = -6 \\ x_1 - x_2 - 2x_3 + 10x_4 = 10 \end{cases}$$

ЗАДАНИЕ 12

Решить систему линейных однородных уравнений

$$\begin{cases} 3x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 + 5x_5 = 0 \\ 5x_1 - 3x_2 + 2x_3 + 3x_4 + 4x_5 = 0 \\ x_1 - 3x_2 - 5x_3 - 7x_5 = 0 \\ 7x_1 - 5x_2 + 4x_4 + x_5 = 0 \end{cases}$$

ЗАДАНИЕ 13 Два вектора называются равными, если они...

1. имеют равную длину,
2. сонаправлены и имеют равную длину,
3. имеют одинаковое направление,
4. коллинеарны и имеют равную длину.

ЗАДАНИЕ 14

Является ли система векторов линейно независимой. Определить ее ранг (расположив векторы как строки матрицы)

$$a_1 = (2; -1; 3; 4), \quad a_2 = (-3; 0; 2; 3), \quad a_3 = (9; -3; 7; 9), \quad a_4 = (-5; 1; -1; -1),$$

ЗАДАНИЕ 15

Записать координаты точки А в полярной системе, точки В - в декартовой системе А(2; -1) и В(2; $-\pi/3$)

ЗАДАНИЕ 16

Найти расстояние между точками А и В А(2; -1) и В(-5; 4)

ЗАДАНИЕ 17

Найти расстояние от точки А до прямой А(2; -1) $y = \frac{2}{3}x - 7$

ЗАДАНИЕ 18

Для прямой на плоскости, заданной общим уравнением, выписать вектор нормали. Записать уравнение прямой (AB). $4x - 2y - 5 = 0$, $A(1;-2)$, $B(3;7)$

ЗАДАНИЕ 19

При каком значении m векторы $\vec{a} = (m; 3; 4)$, $\vec{b} = (4; m; -7)$ перпендикулярны?

ЗАДАНИЕ 20

Найти базисное решение системы уравнений $\begin{cases} 3x_1 + x_2 - x_3 - 2x_4 = -4 \\ x_1 + x_2 - x_3 + 2x_4 = 1 \end{cases}$, если x_3 и x_4 являются основными переменными.

ЗАДАНИЕ 21

Образуют ли базис векторы $\vec{a}(3; -1; 1)$, $\vec{b}(0; 1; 1)$, $\vec{c}(1; 2; 0)$?

ЗАДАНИЕ 22

Для прямой на плоскости, заданной общим уравнением, выписать вектор нормали. Записать уравнение прямой (AB).

1) $4x - 2y - 5 = 0$, $A(1;-2)$, $B(3;7)$

2) $4x + 2y + 5 = 0$, $A(-1;2)$, $B(3;5)$

ЗАДАНИЕ 23

Составить уравнение плоскости, проходящей через точку $M(1;-2;3)$ перпендикулярно вектору $\vec{n} = 2\vec{i} + 4\vec{k}$.

ЗАДАНИЕ 24

Составить уравнение плоскости, проходящей через точки $A(1;2;3)$, $B(-1;0;0)$, $C(3;0;1)$.

ЗАДАНИЕ 25

Составить уравнение плоскости, проходящей через точку $M(2;3;-4)$ параллельно плоскости yOz (перпендикулярно оси Ox).

ЗАДАНИЕ 26

Определить угол между плоскостями $x+2y-3z+4=0$ и $2x+3y+z+8=0$.

ЗАДАНИЕ 27

Составить уравнение плоскости, проходящей через точку $M(-2; 1; 4)$ параллельно плоскости $3x+2y-7z+8=0$.

ЗАДАНИЕ 28

Составить уравнение плоскости, проходящей через точки $M_1(1; 1; 1)$, $M_2(0; 1; -1)$ перпендикулярно плоскости $x+y+z=0$.

ЗАДАНИЕ 29

Составить уравнение плоскости, проходящей через точку $M(-2; 3; 6)$ перпендикулярно плоскостям $2x+3y-2z-4=0$ и $3x+5y+z=0$.

ЗАДАНИЕ 30

Найти уравнения прямой проходящей через точку $M_1(1;2;3)$ параллельно прямой l_1 :

$$\begin{cases} 2x + 3y + 5z - 7 = 0, \\ 3x - 4y + z - 8 = 0. \end{cases}$$

ЗАДАНИЕ 31

Составить уравнения прямой, проходящей через точку $M_1(-4;0;2)$ и перпендикулярной прямым:

$$\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-5}{2}$$

и

ЗАДАНИЕ 32

Написать уравнение плоскости, проходящей через точку $M_1(2;-3;4)$ параллельно прямым

$$\frac{x+1}{4} = \frac{y-1}{0} = \frac{z+5}{2}$$

и

ЗАДАНИЕ 33

Найти угол между прямой $\begin{cases} x - 3y - 1 = 0, \\ z = 4. \end{cases}$ и плоскостью $3x + y + 4 = 0$.

ЗАДАНИЕ 34

Найдите точку, симметричную данной $M(0;-3;-2)$ относительно прямой

$$\frac{x-0.5}{0} = \frac{y+1.5}{-1} = \frac{z-1.5}{1}$$

ЗАДАНИЕ 35

Написать уравнение гиперболы с асимптотами $y = \pm \frac{3}{4}x$, проходящими через точку $(6; 3/2)$.
Найти расстояние между ее вершинами.

ЗАДАНИЕ 36

Построить кривую $y = -3x^2 + 10x - 3$

5.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Основными формами текущего контроля являются устный опрос, практическая подготовка.

Максимальное количество баллов, которое может набрать обучающийся в течение семестра за различные виды работ – 70 баллов.

Шкала оценивания экзамена

Критерии оценивания	Интервал оценивания
студент быстро и самостоятельно готовится к ответу; при ответе полностью раскрывает сущность поставленного вопроса; способен проиллюстрировать свой ответ конкретными примерами; демонстрирует понимание проблемы и высокий уровень ориентировки в ней; формулирует свой ответ самостоятельно, используя лист с письменным вариантом ответа лишь как опору, структурирующую ход рассуждения	21-30

студент самостоятельно готовится к ответу; при ответе раскрывает основную сущность поставленного вопроса; демонстрирует понимание проблемы и достаточный уровень ориентировки в ней, при этом затрудняется в приведении конкретных примеров.	11-20
студент готовится к ответу, прибегая к некоторой помощи; при ответе не в полном объеме раскрывает сущность поставленного вопроса, однако, при этом, демонстрирует понимание проблемы.	6-10
студент испытывает выраженные затруднения при подготовке к ответу, пытается воспользоваться недопустимыми видами помощи; при ответе не раскрывает сущность поставленного вопроса; не ориентируется в рассматриваемой проблеме; оказываемая стимулирующая помощь и задаваемые уточняющие вопросы не способствуют более продуктивному ответу студента.	0-5

Итоговая шкала оценивания результатов освоения дисциплины

Итоговая оценка по дисциплине формируется из суммы баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации и выставляется в соответствии с приведенной ниже таблицей.

Оценка по 100-балльной системе	Оценка по традиционной системе
81 – 100	отлично
61 – 80	хорошо
41 – 60	удовлетворительно
0 – 40	неудовлетворительно

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И РЕСУРСНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Основная литература

1. Татарников, О. В. Линейная алгебра : учебник и практикум для прикладного бакалавриата / О. В. Татарников, А. С. Чуйко, В. Г. Шершнев ; под общей редакцией О. В. Татарникова. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 334 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-9916-3568-4. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/532507>
2. Лубягина, Е. Н. Линейная алгебра : учебное пособие для вузов / Е. Н. Лубягина, Е. М. Вечтомов. — 2-е изд. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 150 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10594-0. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/517596>
3. Малугин, В. А. Линейная алгебра для экономистов. Учебник, практикум и сборник задач : для вузов / В. А. Малугин, Я. А. Рощина. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 478 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-02976-5. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/511452>

6.2. Дополнительная литература

1. Александров, П.С. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: учебник. - 2-е изд. - СПб. : Лань, 2019. – 512с. – Текст: непосредственный.
2. Беклемишев, Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры : учебник. - 16-е изд. - СПб. : Лань, 2019. - 448с. – Текст: непосредственный.
3. Бурмистрова, Е. Б. Линейная алгебра : учебник и практикум для вузов / Е. Б. Бурмистрова, С. Г. Лобанов. — Москва : Юрайт, 2019. — 421 с. — Текст : электронный. — URL: <http://bibli-online.ru/bcode/425852>
4. Красс, М.С. Математика для экономического бакалавриата: учебник / М.С.Красс,

Б.П.Чупрынов. –М.: ИНФРА-М, 2017. - 472с. – Текст: электронный. - Режим доступа: <http://www.znaniyum.com/catalog.php>,

5. Малугин, В. А. Линейная алгебра для экономистов: учебник, практикум и сборник задач : для вузов / В. А. Малугин, Я. А. Рощина. — Москва : Юрайт, 2020. — 478 с. — Текст : электронный. — URL: <http://biblio-online.ru/bcode/450583>

6. Татарников, О. В. Линейная алгебра : учебник и практикум для вузов / О. В. Татарников, А. С. Чуйко, В. Г. Шершнев. — Москва : Юрайт, 2019. — 334 с. — Текст : электронный. — URL: <http://biblio-online.ru/bcode/425853>

6.3. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

- Сайт прикладной математики для студентов и преподавателей <http://www.exponenta.ru/>
- Материалы электронной библиотечной системы znaniyum.com.
- Ресурс: <http://matembook.chat.ru/>

7. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

1. Методические рекомендации по подготовке к практическим занятиям.
2. Методические рекомендации по организации самостоятельной работы по дисциплинам.

8. ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Лицензионное программное обеспечение:

Microsoft Windows

Microsoft Office

Kaspersky Endpoint Security

Информационные справочные системы:

Система ГАРАНТ

Система «КонсультантПлюс»

Профессиональные базы данных

fgosvo.ru – Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования

pravo.gov.ru - Официальный интернет-портал правовой информации

www.edu.ru – Федеральный портал Российское образование

Свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства

ОМС Плеер (для воспроизведения Электронных Учебных Модулей)

7-zip

Google Chrome

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает в себя:

- учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения: учебной мебелью, доской, демонстрационным оборудованием, персональными компьютерами, проектором;

- помещения для самостоятельной работы, оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа к электронной информационно-образовательной среде.